

TECHNIQUES MODERNES DE PROGRAMMATION CONCURRENTE

COURS 3

ALGORITHMIQUE NON-BLOQUANTE

Par Jean-Pierre Lozi
Basé sur les cours de
Gaël Thomas

RAPPEL : COMMENT MIEUX PARALLÉLISER...

- **Option 1 : réduire la taille des sections critiques**
 - Passer du coarse-grained locking au fined-grained locking, essentiel !

RAPPEL : COMMENT MIEUX PARALLÉLISER...

- **Option 1 : réduire la taille des sections critiques**
 - Passer du coarse-grained locking au fined-grained locking, essentiel !
- **Option 2 : améliorer les algorithmes de verrouillage**
 - À considérer, peut beaucoup améliorer les perfs si haute contention...

RAPPEL : COMMENT MIEUX PARALLÉLISER...

- **Option 1 : réduire la taille des sections critiques**
 - Passer du coarse-grained locking au fined-grained locking, essentiel !
- **Option 2 : améliorer les algorithmes de verrouillage**
 - À considérer, peut beaucoup améliorer les perfs si haute contention...
- **Option 3 : écrire des algorithmes sans verrous, a.k.a. non-bloquants !**
 - L'étape suivante, n'utiliser que des instructions atomiques !

RAPPEL : COMMENT MIEUX PARALLÉLISER...

- **Option 1 : réduire la taille des sections critiques**
 - Passer du coarse-grained locking au fined-grained locking, essentiel !
- **Option 2 : améliorer les algorithmes de verrouillage**
 - À considérer, peut beaucoup améliorer les perfs si haute contention...
- **Option 3 : écrire des algorithmes sans verrous, a.k.a. non-bloquants !**
 - L'étape suivante, n'utiliser que des instructions atomiques !
- **Option 4 : changer complètement le modèle mémoire avec les mémoires transactionnelles**
 - Le futur ?

OPTION 3 :

ÉCRIRE DES ALGORITHMES SANS VERROUS, A.K.A. « NON-BLOQUANTS »

ALGORITHMES SANS VERROUS

- Idée : utiliser uniquement les instructions atomiques + modèle mémoire (barrières...)
 - En fait, instructions atomiques, « micro sections critiques » faisant choses très spécifiques
 - Peu de choix : inverser deux cases mémoires, inverser si case mémoire vaut quelque chose...
 - **On peut quand même faire pas mal de choses !**
 - *Mais il faut être inventif, peut devenir très compliqué...*

ALGORITHMES SANS VERROUS

- Idée : utiliser uniquement les instructions atomiques + modèle mémoire (barrières...)
 - En fait, instructions atomiques, « micro sections critiques » faisant choses très spécifiques
 - Peu de choix : inverser deux cases mémoires, inverser si case mémoire vaut quelque chose...
 - **On peut quand même faire pas mal de choses !**
 - *Mais il faut être inventif, peut devenir très compliqué...*
- **On parle d'algorithmes « non-bloquants » !**

UN PEU DE THÉORIE...

- Trois classes d'algorithmes sans verrou : **wait-free** $\Rightarrow$ **lock-free** $\Rightarrow$ **obstruction-free**
 - Du plus « fort » au plus faible : algo wait-free est aussi lock-free et obstruction-free... **Pas l'inverse !**

UN PEU DE THÉORIE...

- Trois classes d'algorithmes sans verrou : **wait-free** $\Rightarrow$ **lock-free** $\Rightarrow$ **obstruction-free**
 - Du plus « fort » au plus faible : algo wait-free est aussi lock-free et obstruction-free... **Pas l'inverse !**
- **Wait-free, le plus fort** : *toute opération se termine en un nombre fini de pas*
 - Famine impossible : toute opération finira par se terminer.

UN PEU DE THÉORIE...

- Trois classes d'algorithmes sans verrou : **wait-free** $\Rightarrow$ **lock-free** $\Rightarrow$ **obstruction-free**
 - Du plus « fort » au plus faible : algo wait-free est aussi lock-free et obstruction-free... **Pas l'inverse !**
- **Wait-free, le plus fort** : *toute opération se termine en un nombre fini de pas*
 - Famine impossible : toute opération finira par se terminer.
- **Lock-free** : *si des opérations appelées infiniment souvent, se terminent infiniment souvent*
 - Certains threads progressent tout le temps, pas forcément tous
 - Du coup, famine possible
 - Impliqué par wait-free : « certains » au lieu de « tous »...

UN PEU DE THÉORIE...

- Trois classes d'algorithmes sans verrou : **wait-free** $\Rightarrow$ **lock-free** $\Rightarrow$ **obstruction-free**
 - Du plus « fort » au plus faible : algo wait-free est aussi lock-free et obstruction-free... **Pas l'inverse !**
- **Wait-free, le plus fort** : *toute opération se termine en un nombre fini de pas*
 - Famine impossible : toute opération finira par se terminer.
- **Lock-free** : *si des opérations appelées infiniment souvent, se terminent infiniment souvent*
 - Certains threads progressent tout le temps, pas forcément tous
 - Du coup, famine possible
 - Impliqué par wait-free : « certains » au lieu de « tous »...
- **Obstruction-free** : *tout thread s'exécutant seul termine son opération en un nombre fini de pas*
 - Si on arrête les autres threads qui peuvent nous ralentir, alors on arrive à terminer quand même
 - Impliqué par lock-free : n'appeler que des opérations d'un thread infiniment...

UN PEU DE THÉORIE...

- Si on utilise des verrous, on n'est même pas obstruction-free !

UN PEU DE THÉORIE...

- Si on utilise des verrous, on n'est même pas obstruction-free !
- Un verrou pris empêche une opération de se terminer en un nombre fini de pas...

UN PEU DE THÉORIE...

- Si on utilise des verrous, on n'est même pas obstruction-free !
- Un verrou pris empêche une opération de se terminer en un nombre fini de pas...
- Du coup, pas lock-free ni wait-free non plus.

UN PEU DE THÉORIE...

- Si on utilise des verrous, on n'est même pas obstruction-free !
- Un verrou pris empêche une opération de se terminer en un nombre fini de pas...
- Du coup, pas lock-free ni wait-free non plus.
- Obstruction-free « inventé » en 2003 par Herlihy et d'autres

UN PEU DE THÉORIE...

- **Si on utilise des verrous, on n'est même pas obstruction-free !**
- Un verrou pris empêche une opération de se terminer en un nombre fini de pas...
- Du coup, pas lock-free ni wait-free non plus.
- Obstruction-free « inventé » en 2003 par Herlihy et d'autres
- **Avant ça, on avait non-blocking = lock-free... Donc parfois un peu confus !**
 - On parle parfois d'algorithmique « lock-free » pour parler d'algorithmique sans verrous...

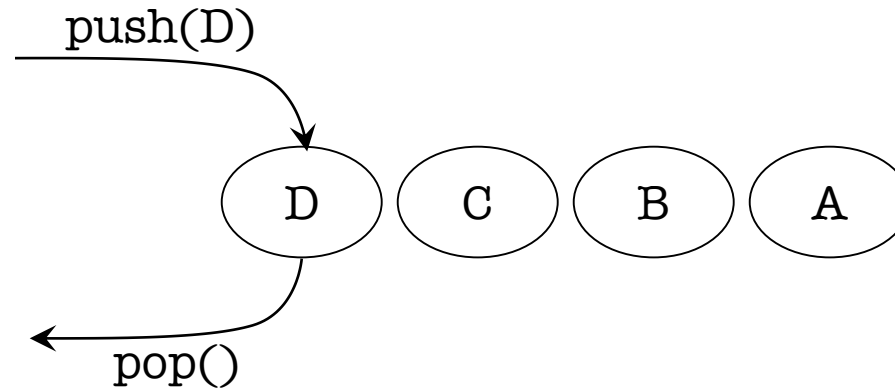
UN PEU DE THÉORIE...

- **Si on utilise des verrous, on n'est même pas obstruction-free !**
- Un verrou pris empêche une opération de se terminer en un nombre fini de pas...
- Du coup, pas lock-free ni wait-free non plus.
- Obstruction-free « inventé » en 2003 par Herlihy et d'autres
- **Avant ça, on avait non-blocking = lock-free... Donc parfois un peu confus !**
 - On parle parfois d'algorithmique « lock-free » pour parler d'algorithmique sans verrous...
- **On va voir des algos non-bloquants pour trois structures de données basiques :**
 - La pile
 - La file
 - La liste chaînée

LA PILE

LE B.A.-BA : LA PILE

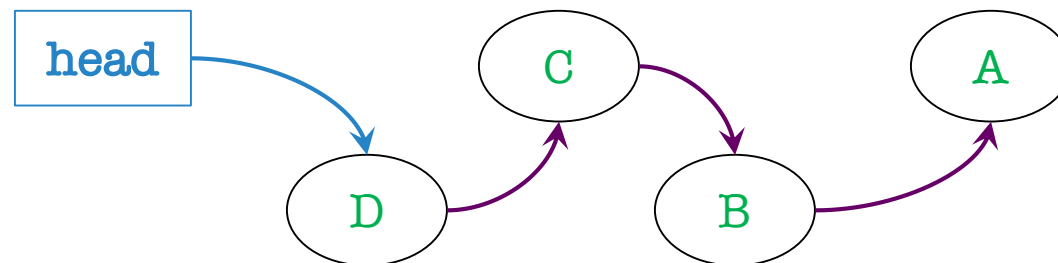
- Deux opérations en mode LIFO (Last-In-First-Out) :
 - `void push(Element e)` : empile un élément
 - `Element pop()` : dépile un élément



LA PILE AVEC VERROU

```
Class Stack {  
    Node head;  
}
```

```
Class Node {  
    Node next;  
    Element element;  
}
```

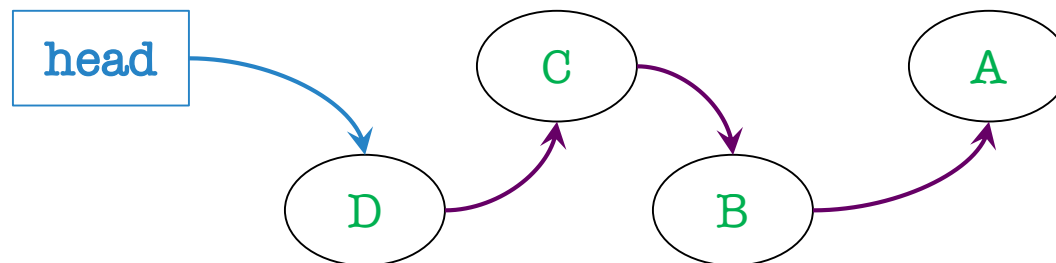


LA PILE AVEC VERROU

```
Class Stack {  
    Node head;  
}
```

```
Class Node {  
    Node next;  
    Element element;  
}
```

```
synchronized void Stack.push(Element element) {  
    Node n = new Node(head, element);  
    head = n;  
}
```

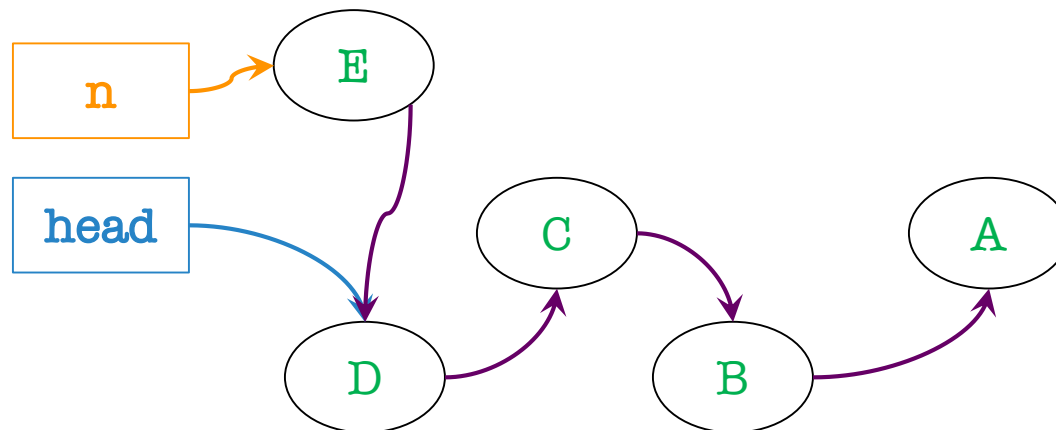


LA PILE AVEC VERROU

```
Class Stack {  
    Node head;  
}
```

```
Class Node {  
    Node next;  
    Element element;  
}
```

```
synchronized void Stack.push(Element element) {  
    Node n = new Node(head, element);  
    head = n;  
}
```

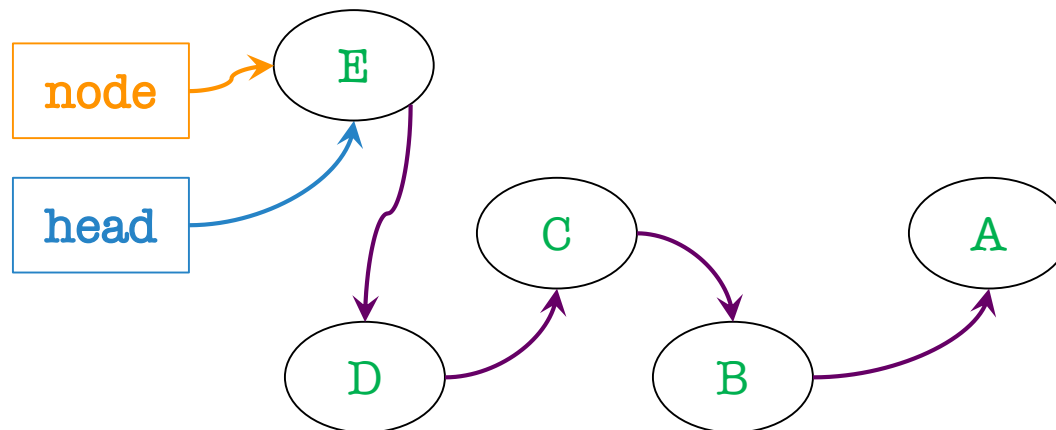


LA PILE AVEC VERROU

```
Class Stack {  
    Node head;  
}
```

```
Class Node {  
    Node next;  
    Element element;  
}
```

```
synchronized void Stack.push(Element element) {  
    Node n = new Node(head, element);  
    head = n;  
}
```

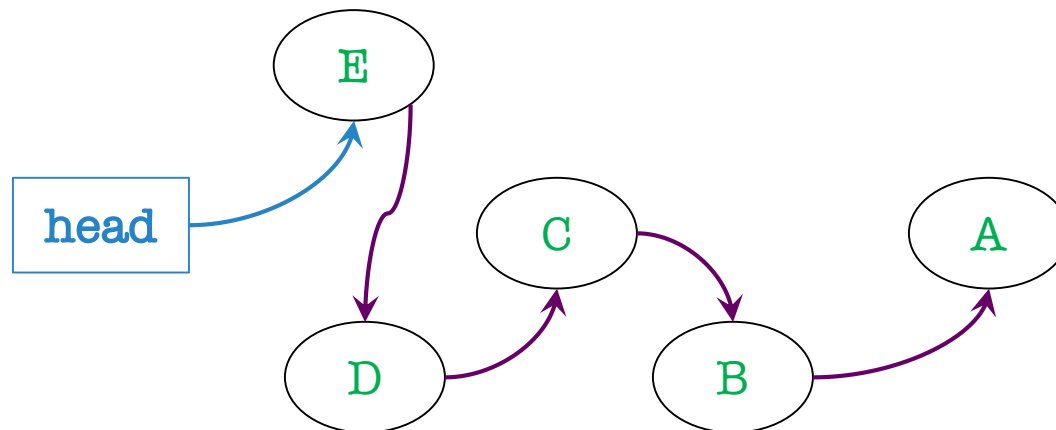


LA PILE AVEC VERROU

```
Class Stack {  
    Node head;  
}
```

```
Class Node {  
    Node next;  
    Element element;  
}
```

```
synchronized void Stack.push(Element element) {  
    Node n = new Node(head, element);  
    head = n;  
}
```



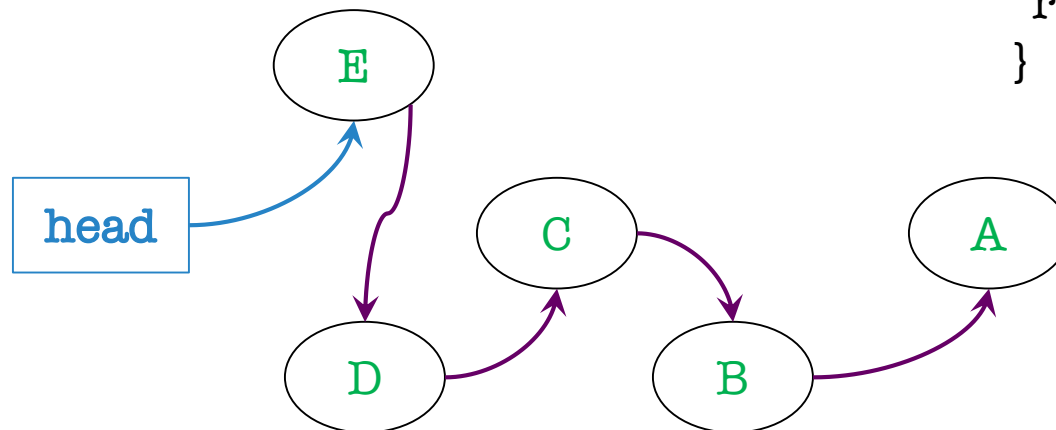
LA PILE AVEC VERROU

```
Class Stack {  
    Node head;  
}
```

```
Class Node {  
    Node next;  
    Element element;  
}
```

```
synchronized void Stack.push(Element element) {  
    Node n = new Node(head, element);  
    head = n;  
}
```

```
synchronized Element pop() {  
    Node n = head;  
    head = n.next;  
    return n.element;  
}
```



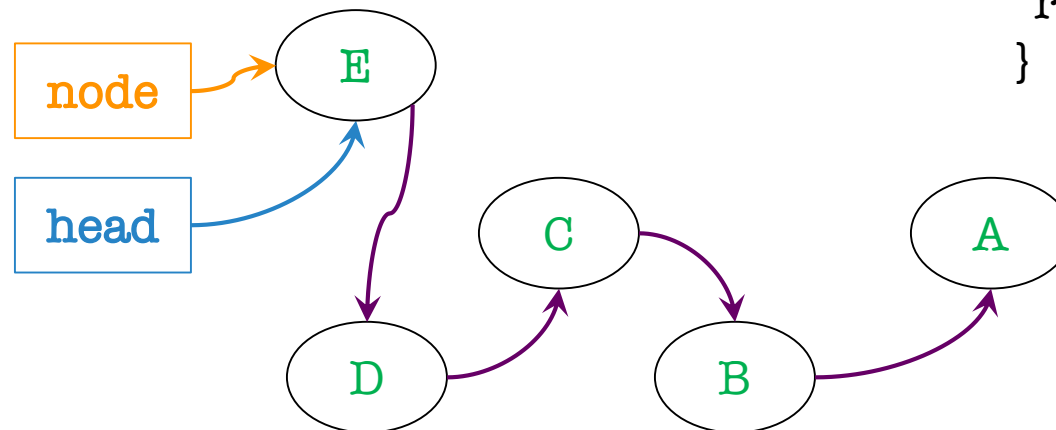
LA PILE AVEC VERROU

```
Class Stack {  
    Node head;  
}
```

```
Class Node {  
    Node next;  
    Element element;  
}
```

```
synchronized void Stack.push(Element element) {  
    Node n = new Node(head, element);  
    head = n;  
}
```

```
synchronized Element pop() {  
    Node n = head;  
    head = n.next;  
    return n.element;  
}
```



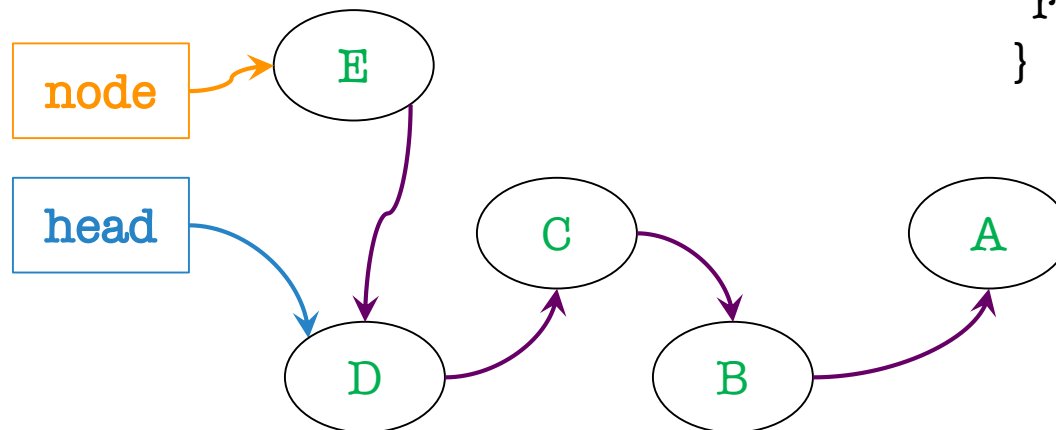
LA PILE AVEC VERROU

```
Class Stack {  
    Node head;  
}
```

```
Class Node {  
    Node next;  
    Element element;  
}
```

```
synchronized void Stack.push(Element element) {  
    Node n = new Node(head, element);  
    head = n;  
}
```

```
synchronized Element pop() {  
    Node n = head;  
    head = n.next;  
    return n.element;  
}
```



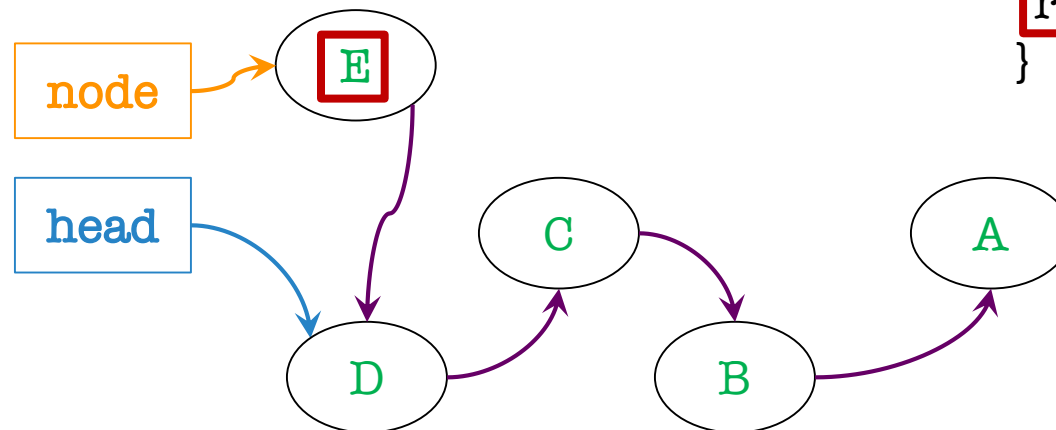
LA PILE AVEC VERROU

```
Class Stack {  
    Node head;  
}
```

```
Class Node {  
    Node next;  
    Element element;  
}
```

```
synchronized void Stack.push(Element element) {  
    Node n = new Node(head, element);  
    head = n;  
}
```

```
synchronized Element pop() {  
    Node n = head;  
    head = n.next;  
    return n.element;  
}
```



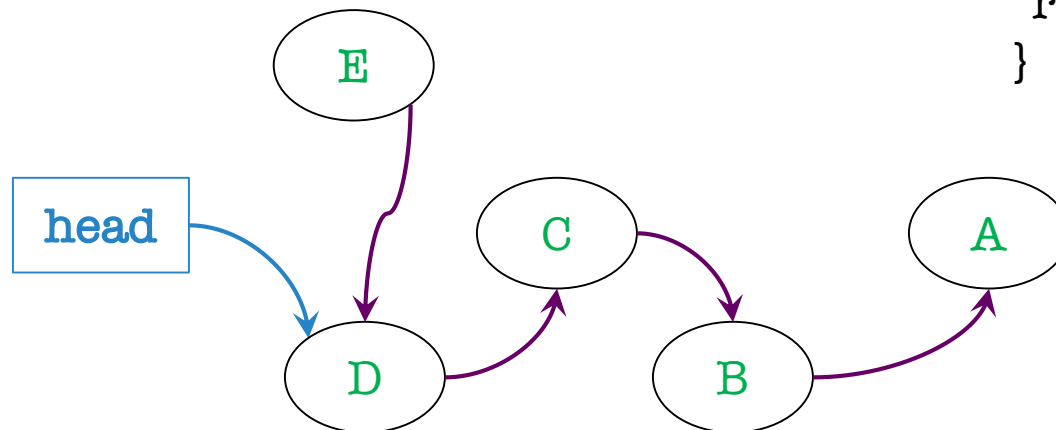
LA PILE AVEC VERROU

```
Class Stack {  
    Node head;  
}
```

```
Class Node {  
    Node next;  
    Element element;  
}
```

```
synchronized void Stack.push(Element element) {  
    Node n = new Node(head, element);  
    head = n;  
}
```

```
synchronized Element pop() {  
    Node n = head;  
    head = n.next;  
    return n.element;  
}
```



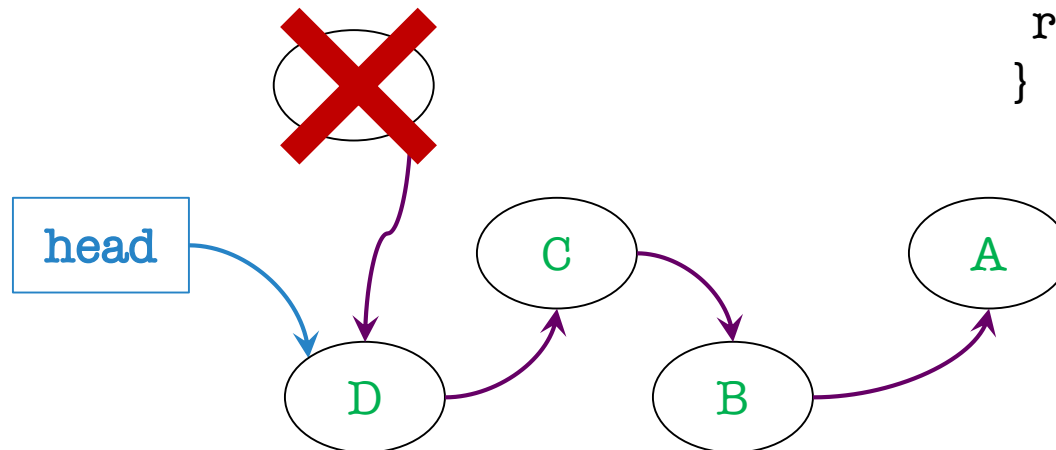
LA PILE AVEC VERROU

```
Class Stack {  
    Node head;  
}
```

```
Class Node {  
    Node next;  
    Element element;  
}
```

```
synchronized void Stack.push(Element element) {  
    Node n = new Node(head, element);  
    head = n;  
}
```

```
synchronized Element pop() {  
    Node n = head;  
    head = n.next;  
    return n.element;  
}
```



LA PILE NON-BLOQUANTE (SCOTT 91)

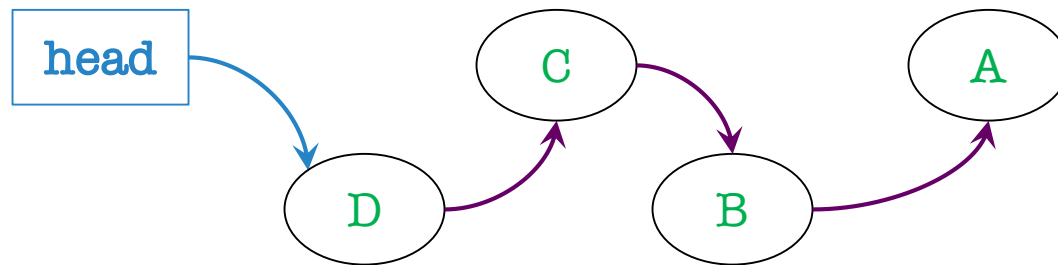
Principe : atomic Compare-And-Swap sur la tête !


```
Class Stack {  
    Node head;  
}
```

```
Class Node {  
    Node next;  
    Element element;  
}
```

LA PILE NON-BLOQUANTE (SCOTT 91)

- Idée du push() :
 - On crée un nouveau nœud qui pointe vers le premier élément de la liste
 - Atomiquement, si premier élément toujours le même, on fait pointer la tête vers le nouvel élément !
 - Et si un autre élément a réussi à changer la tête entre les deux (push ou pop) ?
 - On réessaie...



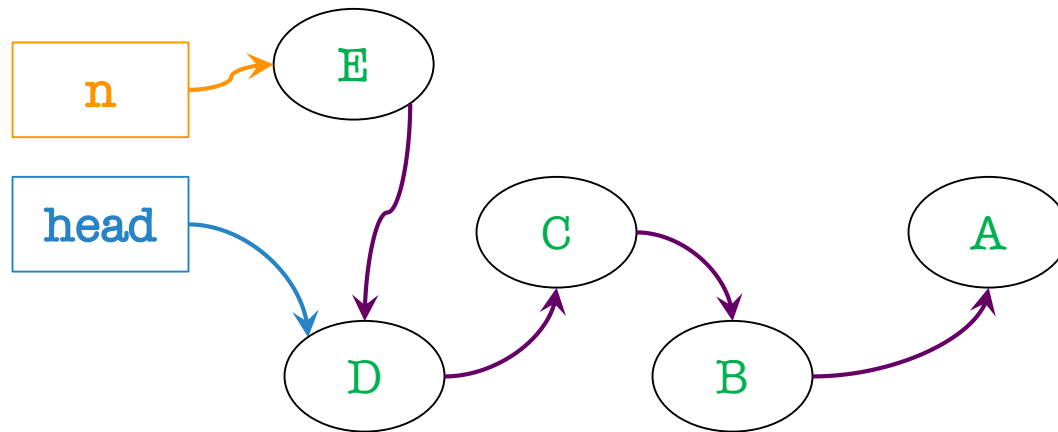
```
void Stack.push(Element element) {  
    do {  
        Node n = new Node(head, element);  
    } while(CAS(&head, n.next, n) != n.next);  
}
```

```
Class Stack {
    Node head;
}
```

```
Class Node {
    Node next;
    Element element;
}
```

LA PILE NON-BLOQUANTE (SCOTT 91)

- Idée du push() :
 - On crée un nouveau nœud qui pointe vers le premier élément de la liste
 - Atomiquement, si premier élément toujours le même, on fait pointer la tête vers le nouvel élément !
 - Et si un autre élément a réussi à changer la tête entre les deux (push ou pop) ?
 - On réessaie...



```
void Stack.push(Element element) {
    do {
        Node n = new Node(head, element);
    } while(CAS(&head, n.next, n) != n.next);
}
```

```

Class Stack {
    Node head;
}

```

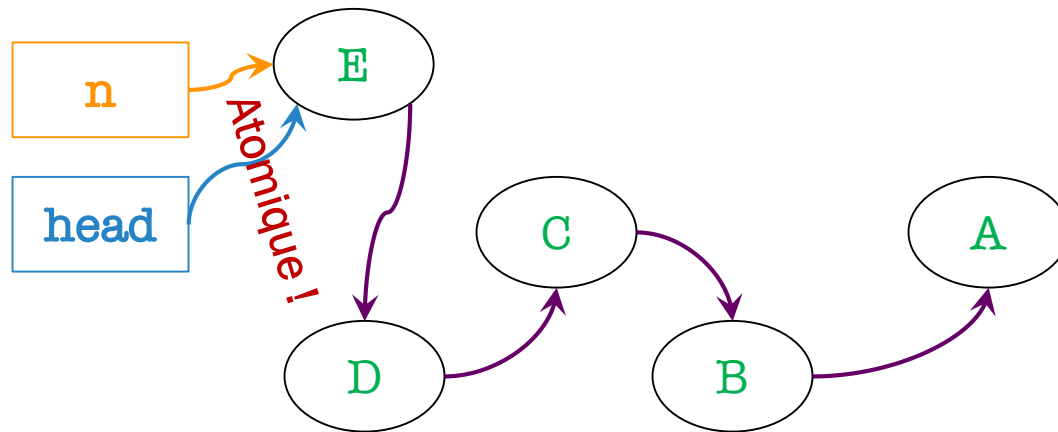
```

Class Node {
    Node next;
    Element element;
}

```

LA PILE NON-BLOQUANTE (SCOTT 91)

- Idée du push() :
 - On crée un nouveau nœud qui pointe vers le premier élément de la liste
 - **Atomiquement, si premier élément toujours le même, on fait pointer la tête vers le nouvel élément !**
 - Et si un autre élément a réussi à changer la tête entre les deux (push ou pop) ?
 - On réessaie...



```

void Stack.push(Element element) {
    do {
        Node n = new Node(head, element);
    } while(!CAS(&head, n.next, n) == n.next);
}

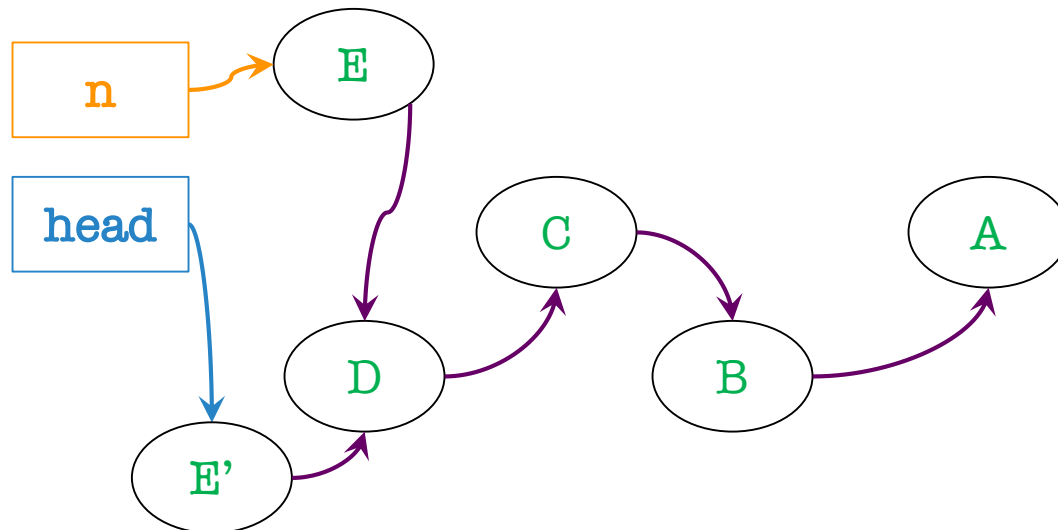
```

```
Class Stack {
    Node head;
}
```

```
Class Node {
    Node next;
    Element element;
}
```

LA PILE NON-BLOQUANTE (SCOTT 91)

- Idée du push() :
 - On crée un nouveau nœud qui pointe vers le premier élément de la liste
 - Atomiquement, si premier élément toujours le même, on fait pointer la tête vers le nouvel élément !
 - Et si un autre élément a réussi à changer la tête entre les deux (push ou pop) ?
 - On réessaie...



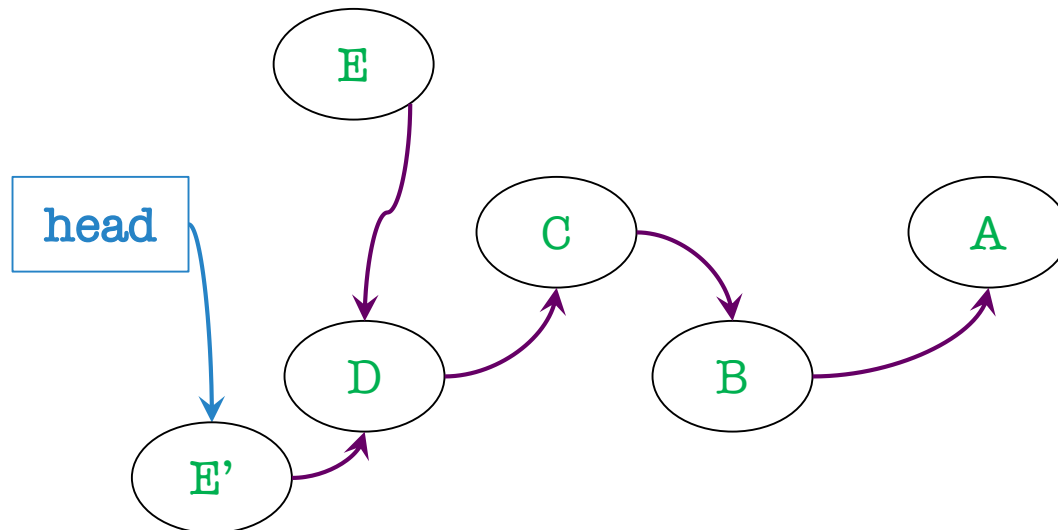
```
void Stack.push(Element element) {
    do {
        Node n = new Node(head, element);
    } while(CAS(&head, n.next, n) != n.next)
}
```

```
Class Stack {
    Node head;
}
```

```
Class Node {
    Node next;
    Element element;
}
```

LA PILE NON-BLOQUANTE (SCOTT 91)

- Idée du push() :
 - On crée un nouveau nœud qui pointe vers le premier élément de la liste
 - Atomiquement, si premier élément toujours le même, on fait pointer la tête vers le nouvel élément !
 - Et si un autre élément a réussi à changer la tête entre les deux (push ou pop) ?
 - On réessaie...



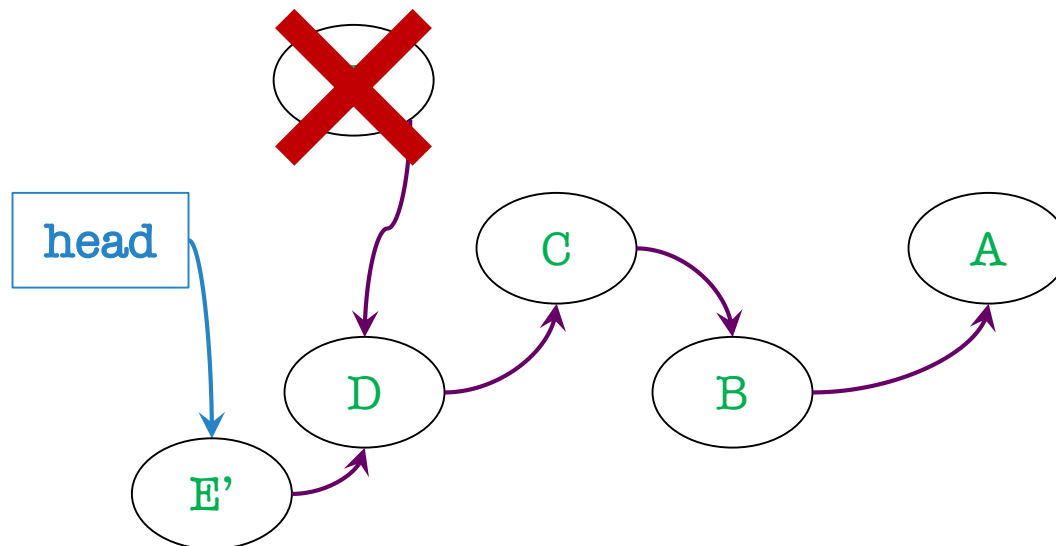
```
void Stack.push(Element element) {
    do{
        Node n = new Node(head, element);
    } while(CAS(&head, n.next, n) != n.next);
}
```

```
Class Stack {
    Node head;
}
```

```
Class Node {
    Node next;
    Element element;
}
```

LA PILE NON-BLOQUANTE (SCOTT 91)

- Idée du push() :
 - On crée un nouveau nœud qui pointe vers le premier élément de la liste
 - Atomiquement, si premier élément toujours le même, on fait pointer la tête vers le nouvel élément !
 - Et si un autre élément a réussi à changer la tête entre les deux (push ou pop) ?
 - On réessaie...



```
void Stack.push(Element element) {
    do{
        Node n = new Node(head, element);
    } while(CAS(&head, n.next, n) != n.next);
}
```

```
Class Stack {  
    Node head;  
}
```

```
Class Node {  
    Node next;  
    Element element;  
}
```

LA PILE NON-BLOQUANTE (SCOTT 91)

- Idée du `pop()` : **similaire !**
 - On récupère le premier élément de la liste et on le stocke.
 - Si pas d'élément, erreur ou on renvoie null.
 - Atomiquement, si le premier élément n'a pas changé, on le remplace par le suivant !
 - Si un autre élément a réussi à changer la tête entre les deux (push ou pop) échec, on réessaie...
 - Sinon, on renvoie le premier élément récupéré.

```
Element Stack.pop() {  
    do {  
        Node n = head;  
        if(n == null) error("No such element");  
    } while(CAS(&head, n, n.next) != n);  
    return n.element;  
}
```

```
Class Stack {  
    Node head;  
}
```

```
Class Node {  
    Node next;  
    Element element;  
}
```

LA PILE NON-BLOQUANTE (SCOTT 91)

- Idée du `pop()` : **similaire !**
 - **On récupère le premier élément de la liste et on le stocke.**
 - Si pas d'élément, erreur ou renvoie null.
 - Atomiquement, si le premier élément n'a pas changé, on le remplace par le suivant !
 - Si un autre élément a réussi à changer la tête entre les deux (push ou pop) échec, on réessaie...
 - Sinon, on renvoie le premier élément récupéré.

```
Element Stack.pop() {  
    do {  
        Node n = head;  
        if(n == null) error("No such element");  
    } while(CAS(&head, n, n.next) != n);  
    return n.element;  
}
```



```
Class Stack {  
    Node head;  
}
```

```
Class Node {  
    Node next;  
    Element element;  
}
```

LA PILE NON-BLOQUANTE (SCOTT 91)

- Idée du `pop()` : **similaire !**
 - On récupère le premier élément de la liste et on le stocke.
 - **Si pas d'élément, erreur ou renvoie null.**
 - Atomiquement, si le premier élément n'a pas changé, on le remplace par le suivant !
 - Si un autre élément a réussi à changer la tête entre les deux (push ou pop) échec, on réessaie...
 - Sinon, on renvoie le premier élément récupéré.

```
Element Stack.pop() {  
    do {  
        Node n = head;  
        if(n == null) error("No such element");  
    } while(CAS(&head, n, n.next) != n);  
    return n.element;  
}
```

```
Class Stack {  
    Node head;  
}
```

```
Class Node {  
    Node next;  
    Element element;  
}
```

LA PILE NON-BLOQUANTE (SCOTT 91)

- Idée du pop() : **similaire !**
 - On récupère le premier élément de la liste et on le stocke.
 - Si pas d'élément, erreur ou renvoie null.
 - **Atomiquement, si le premier élément n'a pas changé, on le remplace par le suivant !**
 - Si un autre élément a réussi à changer la tête entre les deux (push ou pop) échec, on réessaie...
 - Sinon, on renvoie le premier élément récupéré.

```
Element Stack.pop() {  
    do {  
        Node n = head;  
        if(n == null) error("No such element");  
    } while(CAS(&head, n, n.next) != n);  
    return n.element;  
}
```

```
Class Stack {  
    Node head;  
}
```

```
Class Node {  
    Node next;  
    Element element;  
}
```

LA PILE NON-BLOQUANTE (SCOTT 91)

- Idée du `pop()` : **similaire !**
 - On récupère le premier élément de la liste et on le stocke.
 - Si pas d'élément, erreur ou on renvoie null.
 - Atomiquement, si le premier élément n'a pas changé, on le remplace par le suivant !
 - **Si un autre élément a réussi à changer la tête entre les deux (push ou pop) échec, on réessaie...**
 - Sinon, on renvoie le premier élément récupéré.

```
Element Stack.pop() {  
    do {  
        Node n = head;  
        if(n == null) error("No such element");  
    } while(!CAS(&head, n, n.next) == n);  
    return n.element;  
}
```

```
Class Stack {  
    Node head;  
}
```

```
Class Node {  
    Node next;  
    Element element;  
}
```

LA PILE NON-BLOQUANTE (SCOTT 91)

- Idée du `pop()` : **similaire !**
 - On récupère le premier élément de la liste et on le stocke.
 - Si pas d'élément, erreur ou on renvoie null.
 - Atomiquement, si le premier élément n'a pas changé, on le remplace par le suivant !
 - Si un autre élément a réussi à changer la tête entre les deux (push ou pop) échec, on réessaie...
 - **Sinon, on renvoie le premier élément récupéré.**

```
Element Stack.pop() {  
    do {  
        Node n = head;  
        if(n == null) error("No such element");  
    } while(CAS(&head, n, n.next) != n);  
    return n.element;  
}
```

LA PILE NON-BLOQUANTE (SCOTT 91)

- **Obstruction-free !**
 - *Quelque soit l'instant, si on interrompt les threads sauf un, dans le pire cas, un tour de boucle en plus suffit.*

LA PILE NON-BLOQUANTE (SCOTT 91)

- **Obstruction-free !**
 - *Quelque soit l'instant, si on interrompt les threads sauf un, dans le pire cas, un tour de boucle en plus suffit.*
- **Lock-free !**
 - *Si les threads appellent infiniment souvent push ou pop, elles seront exécutées infiniment souvent.*

LA PILE NON-BLOQUANTE (SCOTT 91)

- **Obstruction-free !**

- *Quelque soit l'instant, si on interrompt les threads sauf un, dans le pire cas, un tour de boucle en plus suffit.*

- **Lock-free !**

- *Si les threads appellent infiniment souvent push ou pop, elles seront exécutées infiniment souvent.*
- **Preuve :** il faut réussir pop ou push pour bloquer un pop ou push
- Si un pop ou push échoue, pas de progrès pour ce thread, mais progrès pour un autre
- Certains threads progressent forcément

LA PILE NON-BLOQUANTE (SCOTT 91)

- **Obstruction-free !**

- *Quelque soit l'instant, si on interrompt les threads sauf un, dans le pire cas, un tour de boucle en plus suffit.*

- **Lock-free !**

- *Si les threads appellent infiniment souvent push ou pop, elles seront exécutées infiniment souvent.*
- **Preuve :** il faut réussir pop ou push pour bloquer un pop ou push
- Si un pop ou push échoue, pas de progrès pour ce thread, mais progrès pour un autre
- Certains threads progressent forcément

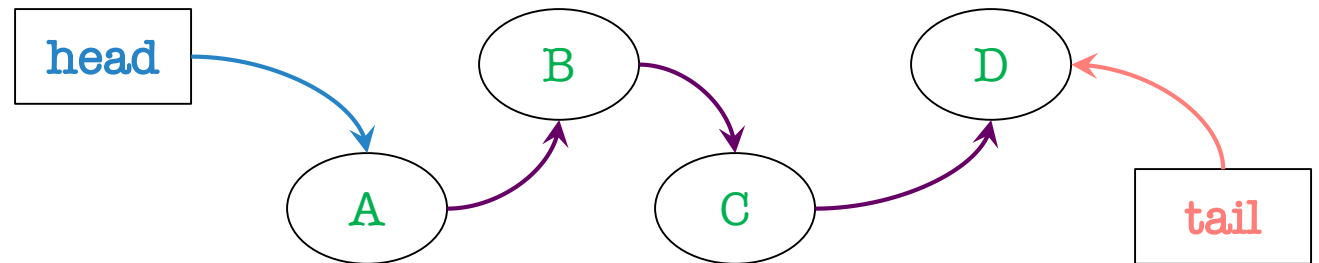
- **Pas wait-free !**

- *Un push/pop peut être retardé indéfiniment par d'autres push/pop !*

LA FILE

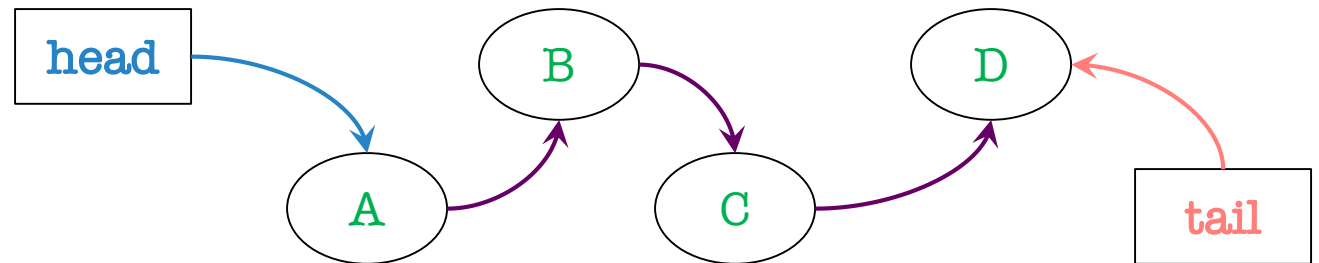
LA FILE

- **Rappel** : file, file d'attente, queue... Même chose, FIFO (« First In First Out »).



LA FILE

- **Rappel** : file, file d'attente, queue... Même chose, FIFO (« First In First Out »).
- **Deux opérations** :
 - `void enqueue(Element e)` : ajoute l'élément en queue
 - `Element dequeue()` : dépile l'élément en tête

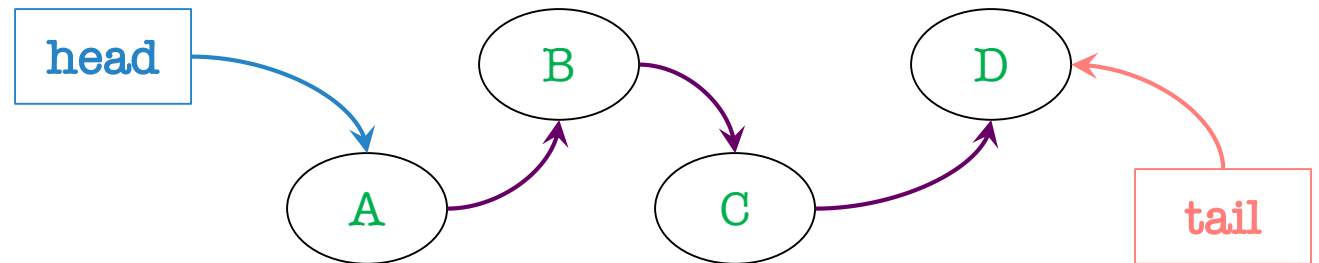


LA FILE AVEC VERROU

```
Class Queue {  
    Node  head = null;  
    Node  tail = null;  
}
```

```
Class Node {  
    Node  next;  
    Element element;  
}
```

```
synchronized void Queue.enqueue(Element e) {  
    Node n = new Node(null, e);  
    if (tail != null) { tail.next = n; }  
    else { head = n; }  
    tail = n;  
}
```

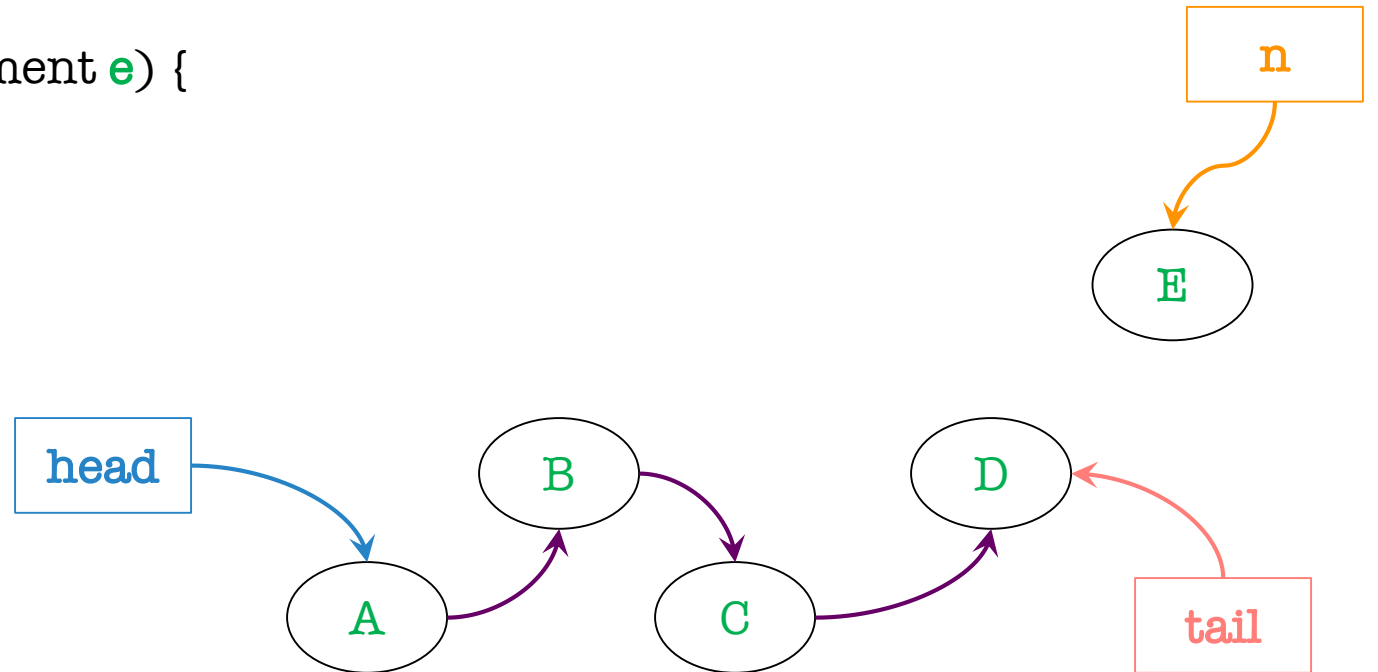


LA FILE AVEC VERROU

```
Class Queue {  
    Node  head = null;  
    Node  tail = null;  
}
```

```
Class Node {  
    Node  next;  
    Element element;  
}
```

```
synchronized void Queue.enqueue(Element e) {  
    Node n = new Node(null, e);  
    if (tail != null) { tail.next = n; }  
    else { head = n; }  
    tail = n;  
}
```

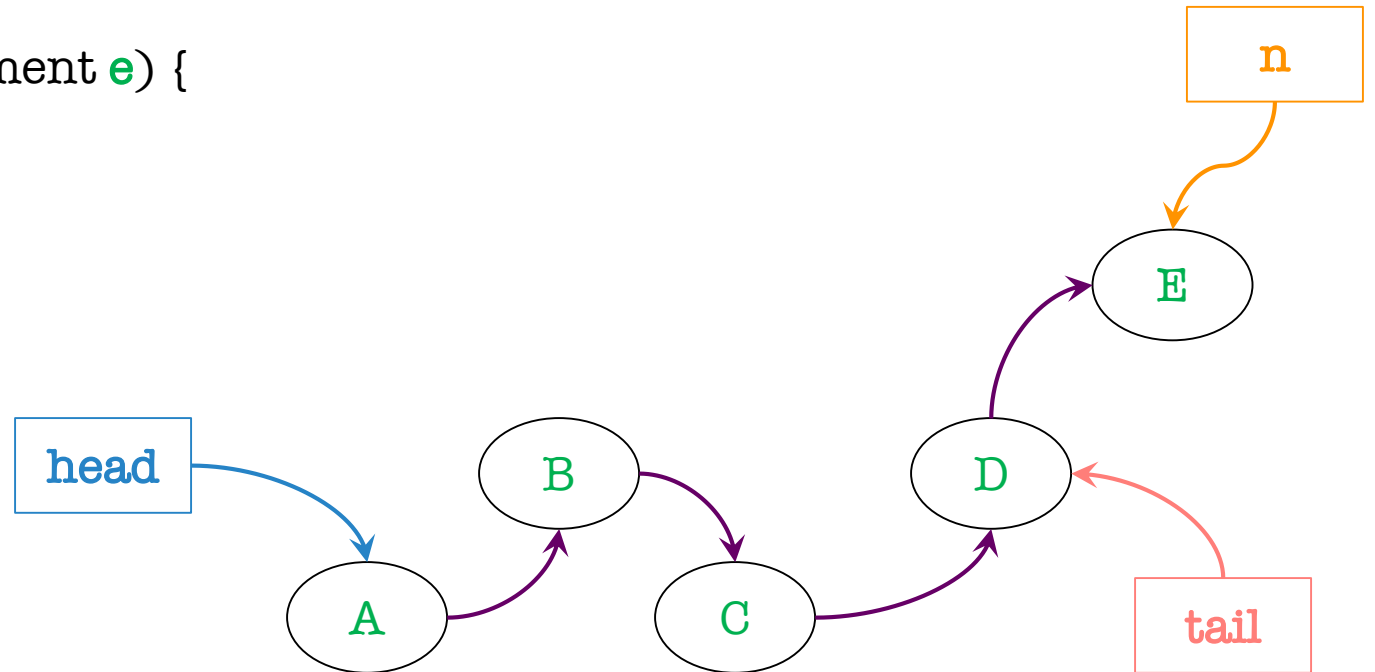


LA FILE AVEC VERROU

```
Class Queue {  
    Node head = null;  
    Node tail = null;  
}
```

```
Class Node {  
    Node next;  
    Element element;  
}
```

```
synchronized void Queue.enqueue(Element e) {  
    Node n = new Node(null, e);  
    if (tail != null) { tail.next = n; }  
    else { head = n; }  
    tail = n;  
}
```

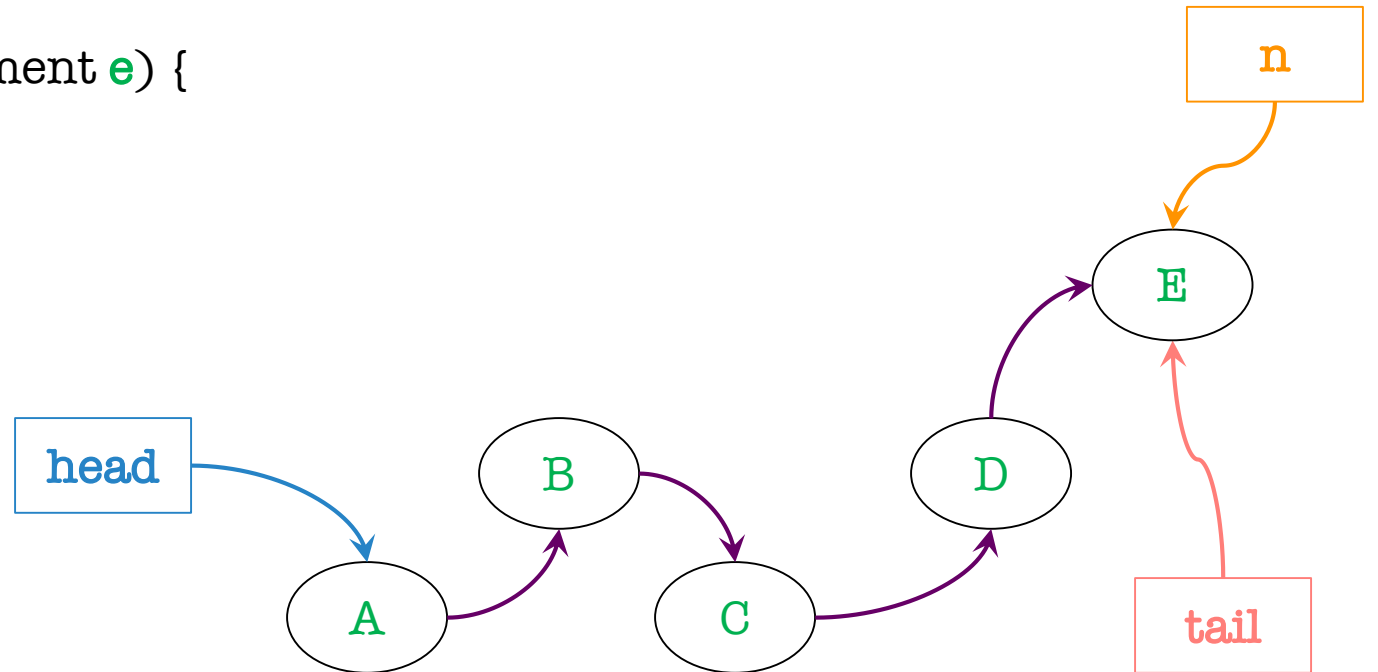


LA FILE AVEC VERROU

```
Class Queue {  
    Node  head = null;  
    Node  tail = null;  
}
```

```
Class Node {  
    Node  next;  
    Element element;  
}
```

```
synchronized void Queue.enqueue(Element e) {  
    Node n = new Node(null, e);  
    if (tail != null) { tail.next = n; }  
    else { head = n; }  
    tail = n;  
}
```

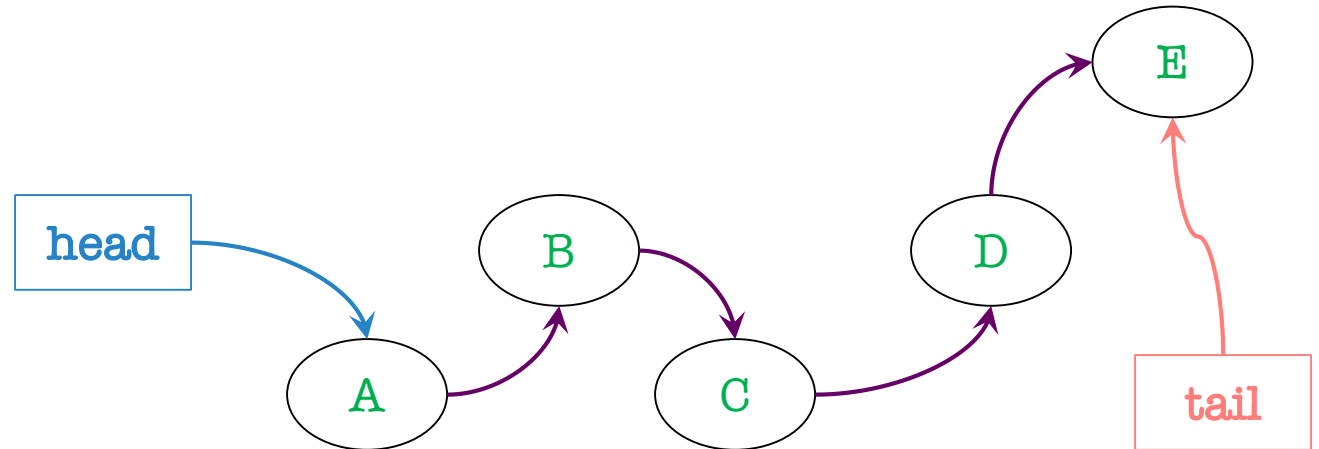


LA FILE AVEC VERROU

```
Class Queue {  
    Node  head = null;  
    Node  tail = null;  
}
```

```
Class Node {  
    Node  next;  
    Element element;  
}
```

```
synchronized void Queue.enqueue(Element e) {  
    Node n = new Node(null, e);  
    if (tail != null) { tail.next = n; }  
    else { head = n; }  
    tail = n;  
}
```

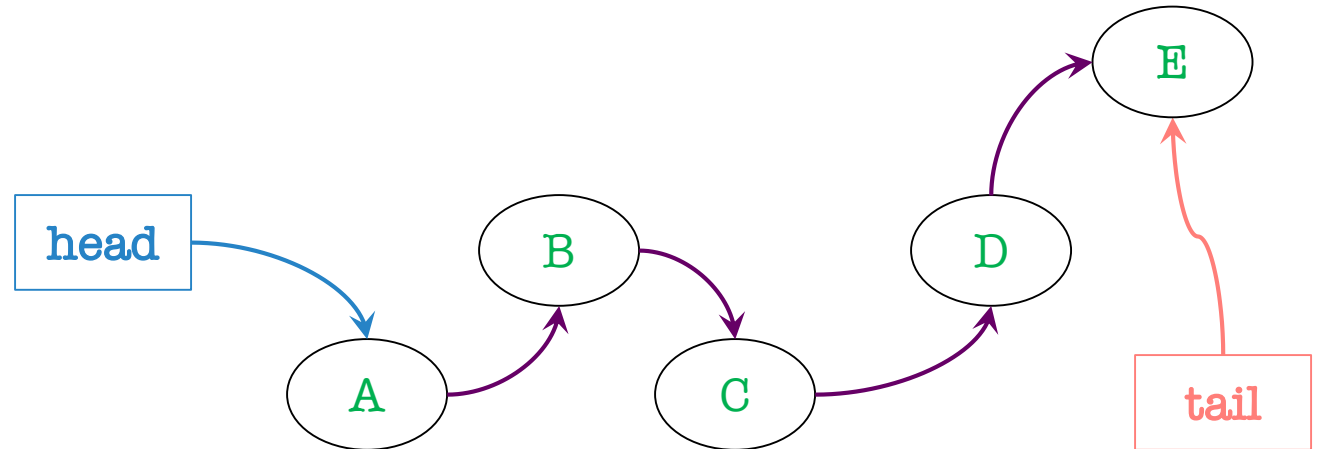


LA FILE AVEC VERROU

```
Class Queue {  
    Node  head = null;  
    Node  tail = null;  
}
```

```
Class Node {  
    Node  next;  
    Element element;  
}
```

```
synchronized Element Queue.dequeue() {  
    Node n = head;  
    head = n.next;  
    if (head == null) tail = null;  
    return n.element;  
}
```

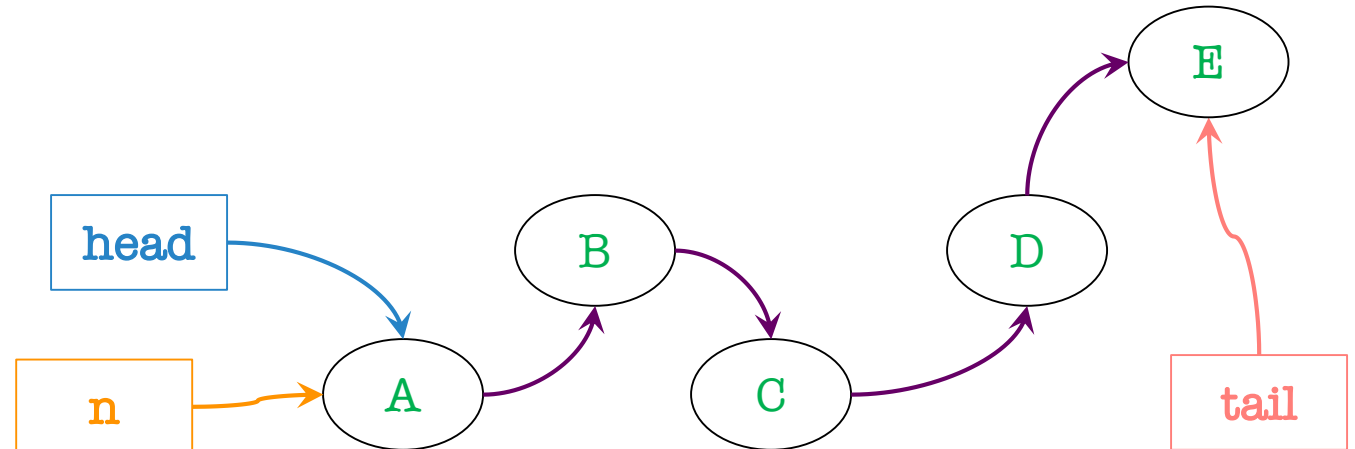


LA FILE AVEC VERROU

```
Class Queue {  
    Node  head = null;  
    Node  tail = null;  
}
```

```
Class Node {  
    Node  next;  
    Element element;  
}
```

```
synchronized Element Queue.dequeue() {  
    Node n = head;  
    head = n.next;  
    if (head == null) tail = null;  
    return n.element;  
}
```

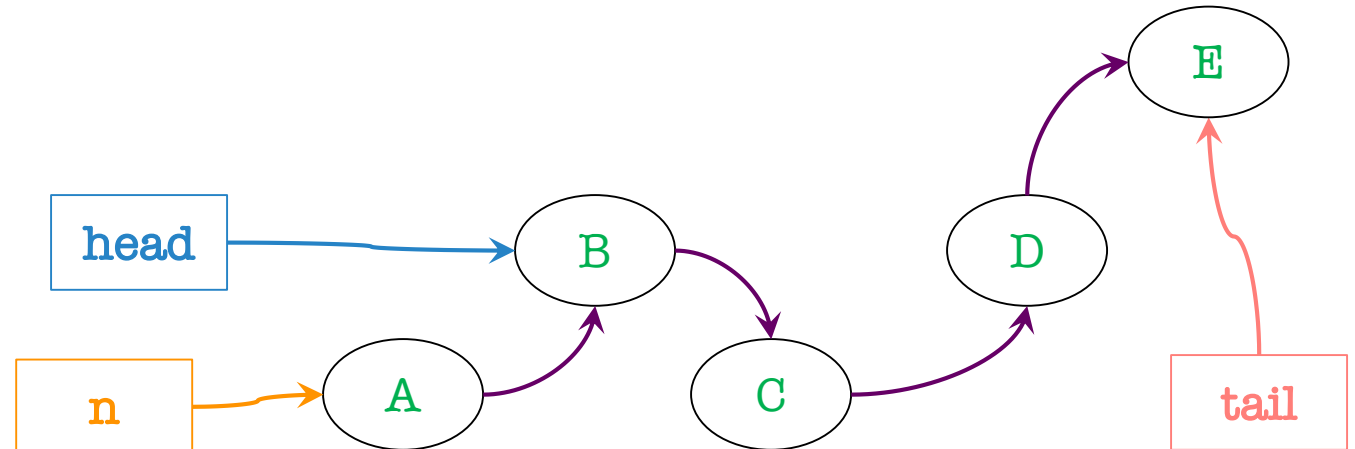


LA FILE AVEC VERROU

```
Class Queue {  
    Node  head = null;  
    Node  tail = null;  
}
```

```
Class Node {  
    Node  next;  
    Element element;  
}
```

```
synchronized Element Queue.dequeue() {  
    Node n = head;  
    head = n.next;  
    if (head == null) tail = null;  
    return n.element;  
}
```

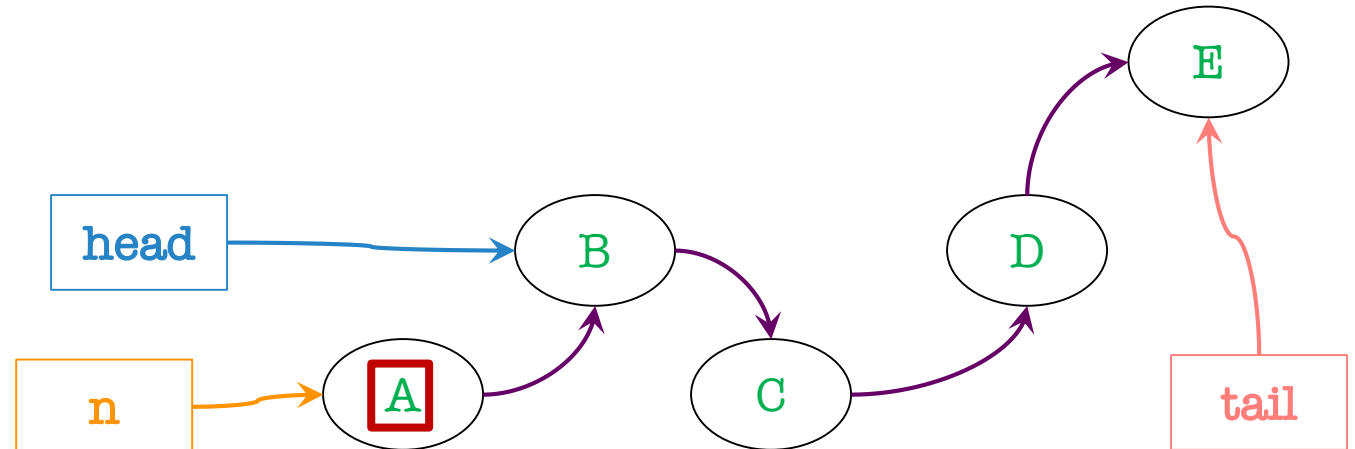


LA FILE AVEC VERROU

```
Class Queue {  
    Node  head = null;  
    Node  tail = null;  
}
```

```
Class Node {  
    Node  next;  
    Element element;  
}
```

```
synchronized Element Queue.dequeue() {  
    Node n = head;  
    head = n.next;  
    if (head == null) tail = null;  
    return n.element;  
}
```

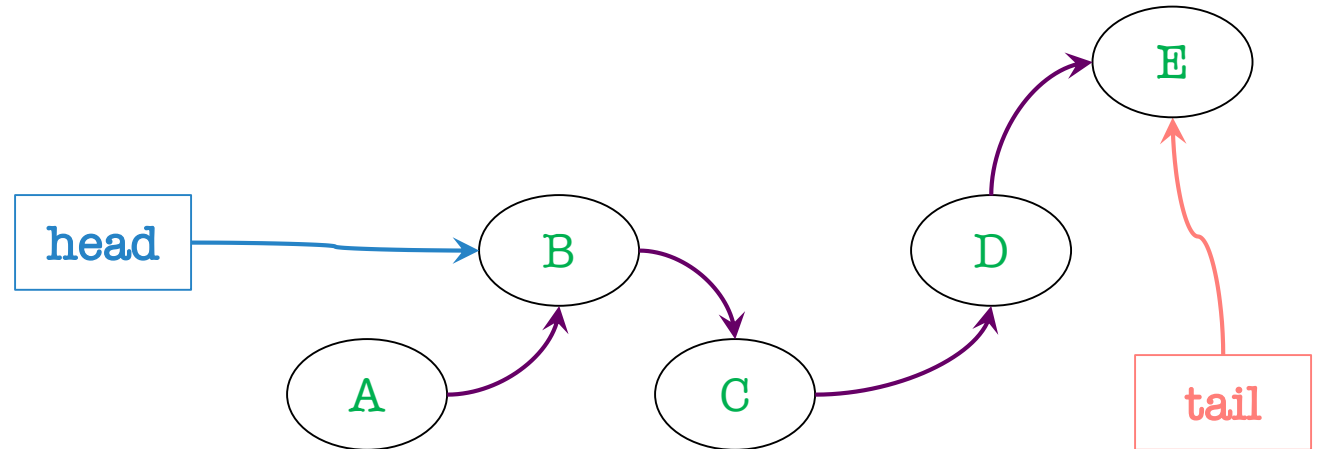


LA FILE AVEC VERROU

```
Class Queue {  
    Node  head = null;  
    Node  tail = null;  
}
```

```
Class Node {  
    Node  next;  
    Element element;  
}
```

```
synchronized Element Queue.dequeue() {  
    Node n = head;  
    head = n.next;  
    if (head == null) tail = null;  
    return n.element;  
}
```

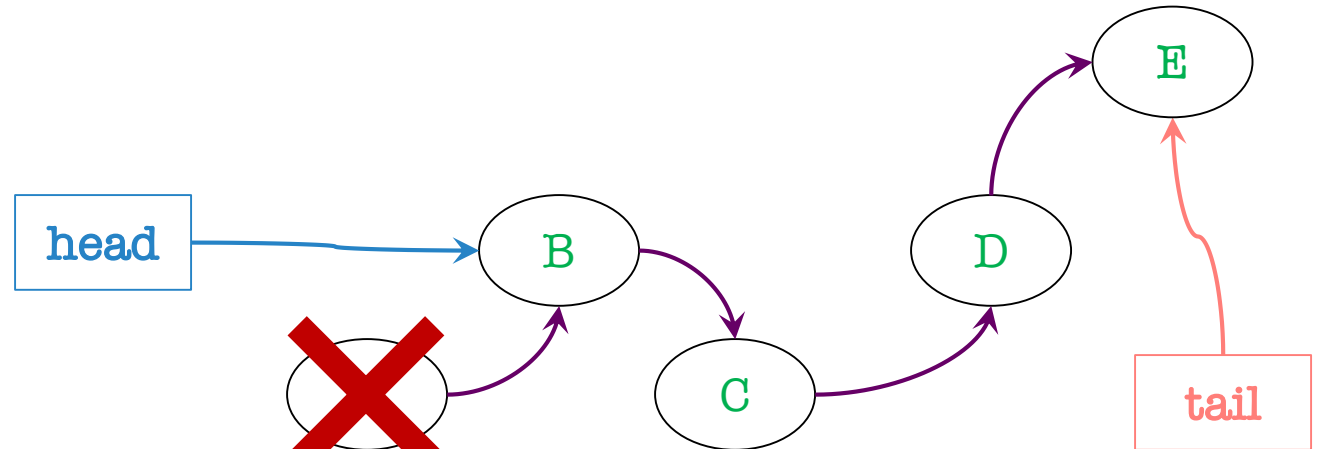


LA FILE AVEC VERROU

```
Class Queue {  
    Node  head = null;  
    Node  tail = null;  
}
```

```
Class Node {  
    Node  next;  
    Element element;  
}
```

```
synchronized Element Queue.dequeue() {  
    Node n = head;  
    head = n.next;  
    if (head == null) tail = null;  
    return n.element;  
}
```



LA FILE NON-BLOQUANTE

- Avec la pile, c'était facile !
 - Seulement un pointeur head sur lequel on fait des CAS() en boucle dans tous les cas...

LA FILE NON-BLOQUANTE

- Avec la pile, c'était facile !
 - Seulement un pointeur head sur lequel on fait des CAS() en boucle dans tous les cas...
 - Pour push(), on prépare le chaînage (nœud pas encore accorché donc OK), puis CAS().

LA FILE NON-BLOQUANTE

- Avec la pile, c'était facile !
 - Seulement un pointeur head sur lequel on fait des CAS() en boucle dans tous les cas...
 - Pour push(), on prépare le chaînage (nœud pas encore accorché donc OK), puis CAS().
 - Pour pop(), on décroche le nœud avec un CAS(),

LA FILE NON-BLOQUANTE

- **Avec la pile, c'était facile !**
 - Seulement un pointeur head sur lequel on fait des CAS() en boucle dans tous les cas...
 - Pour push(), on prépare le chaînage (nœud pas encore accorché donc OK), puis CAS().
 - Pour pop(), on décroche le nœud avec un CAS(),
- **Pour une file, insertion beaucoup plus compliquée...**
 - Il faudrait préparer le chaînage sur la liste car sens inverse, PUIS faire un CAS() sur la queue...

LA FILE NON-BLOQUANTE

- Avec la pile, c'était facile !
 - Seulement un pointeur head sur lequel on fait des CAS() en boucle dans tous les cas...
 - Pour push(), on prépare le chaînage (nœud pas encore accorché donc OK), puis CAS().
 - Pour pop(), on décroche le nœud avec un CAS(),
- Pour une file, insertion beaucoup plus compliquée...
 - Il faudrait préparer le chaînage sur la liste car sens inverse, PUIS faire un CAS() sur la queue...
 - Impossible de rendre ces deux opérations atomiques !
 - Dernier nœud / pointeur de queue peuvent être modifiés entre temps...

LA FILE NON-BLOQUANTE

- Avec la pile, c'était facile !
 - Seulement un pointeur head sur lequel on fait des CAS() en boucle dans tous les cas...
 - Pour push(), on prépare le chaînage (nœud pas encore accorché donc OK), puis CAS().
 - Pour pop(), on décroche le nœud avec un CAS(),
- Pour une file, insertion beaucoup plus compliquée...
 - Il faudrait préparer le chaînage sur la liste car sens inverse, PUIS faire un CAS() sur la queue...
 - Impossible de rendre ces deux opérations atomiques !
 - Dernier nœud / pointeur de queue peuvent être modifiés entre temps...
 - Il faut donc ruser !
 - On va voir un algo qui marche, chez vous « jouez » avec sur de petits exemples.
 - Vous verrez qu'il est difficile de faire plus simple...

LA FILE NON-BLOQUANTE : PRINCIPES

- Un faux nœud (fake) pour gérer le cas où la liste est vide !
 - *Evite un cas particulier, astuce courante.*

LA FILE NON-BLOQUANTE : PRINCIPES

- **Un faux nœud (fake) pour gérer le cas où la liste est vide !**
 - *Evite un cas particulier, astuce courante.*
 - On ne peut pas ajouter « juste un if » dans une instruction atomique.

LA FILE NON-BLOQUANTE : PRINCIPES

- **Un faux nœud (fake) pour gérer le cas où la liste est vide !**
 - *Evite un cas particulier, astuce courante.*
 - On ne peut pas ajouter « juste un if » dans une instruction atomique.
- **Pointeur *tail* mis à jour de façon opportuniste, pas forcément à jour !**
 - *Vraie queue : fin de la liste.*

LA FILE NON-BLOQUANTE : PRINCIPES

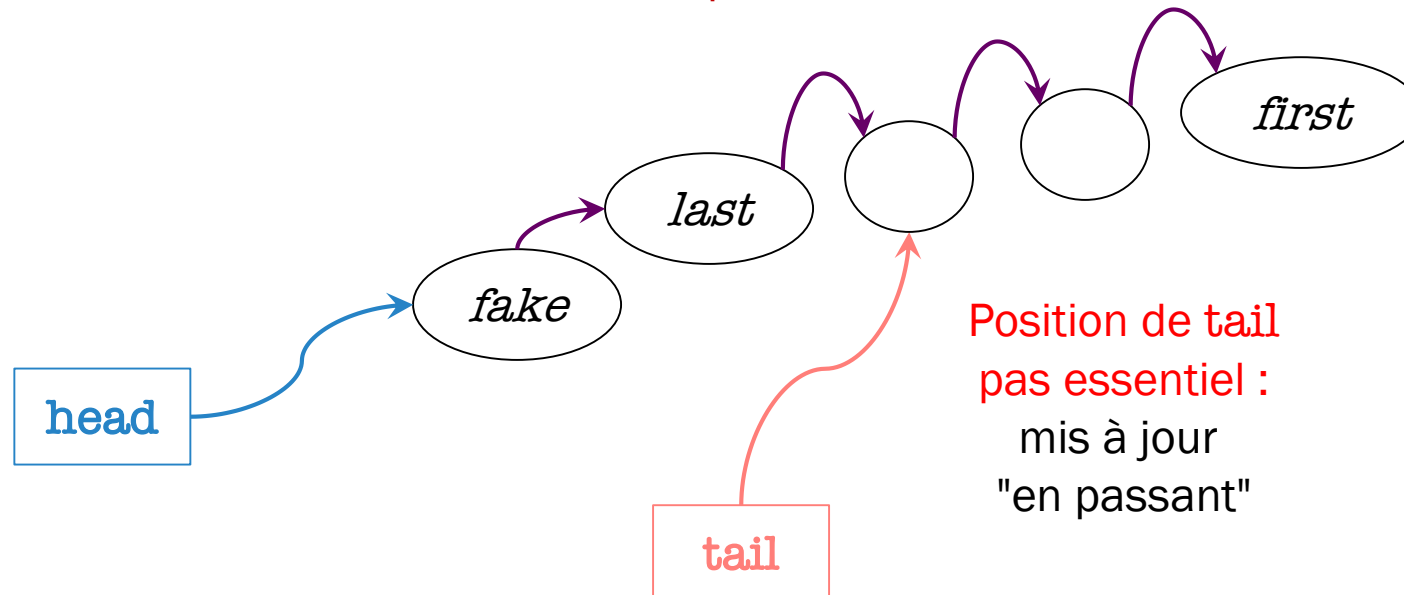
- **Un faux nœud (fake) pour gérer le cas où la liste est vide !**
 - *Evite un cas particulier, astuce courante.*
 - On ne peut pas ajouter « juste un if » dans une instruction atomique.
- **Pointeur `tail` mis à jour de façon opportuniste, pas forcément à jour !**
 - *Vraie queue : fin de la liste.*
 - **Idée pour l'insertion :** on part de `tail` et on fait avancer `tail` avec des `CAS()` le plus loin possible
 - On tente atomiquement un chaînage, si quelqu'un d'autre nous a devancé on recommence tout
 - Sinon succès : on tente de faire pointer `tail` vers nous atomiquement (pas grave si échec)

LA FILE NON-BLOQUANTE : PRINCIPES

- **Un faux nœud (fake) pour gérer le cas où la liste est vide !**
 - *Evite un cas particulier, astuce courante.*
 - On ne peut pas ajouter « juste un if » dans une instruction atomique.
- **Pointeur `tail` mis à jour de façon opportuniste, pas forcément à jour !**
 - *Vraie queue : fin de la liste.*
 - **Idée pour l'insertion :** on part de `tail` et on fait avancer `tail` avec des `CAS()` le plus loin possible
 - On tente atomiquement un chaînage, si quelqu'un d'autre nous a devancé on recommence tout
 - Sinon succès : on tente de faire pointer `tail` vers nous atomiquement (pas grave si échec)
- **À chaque instant (invariants) :**
 - Le second nœud après `head` est le nœud de tête
 - Les listes `head` et `tail` se rejoignent
 - Le dernier nœud de ces listes est le nœud en queue

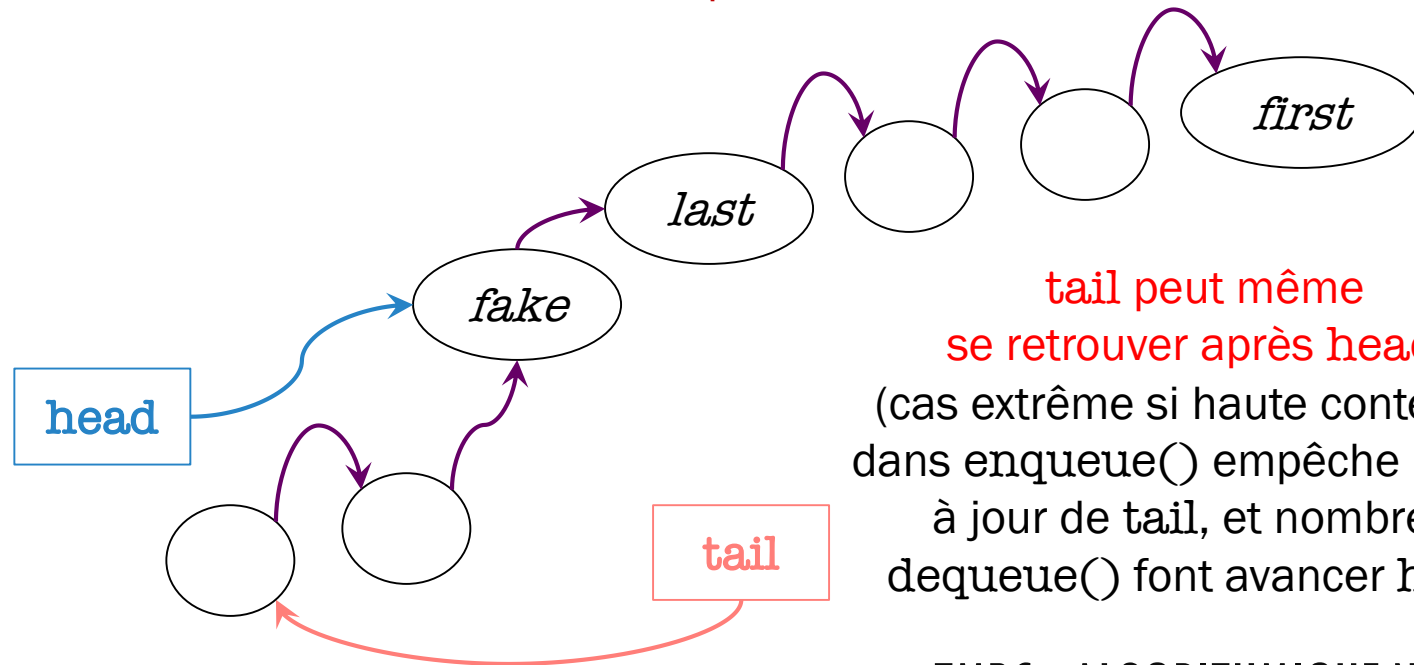
LA FILE NON-BLOQUANTE : PRINCIPES

- À chaque instant (invariants) :
 - Le second nœud après head est le nœud de tête
 - Les listes head et tail se rejoignent
 - Le dernier nœud de ces listes est le nœud en queue



LA FILE NON-BLOQUANTE : PRINCIPES

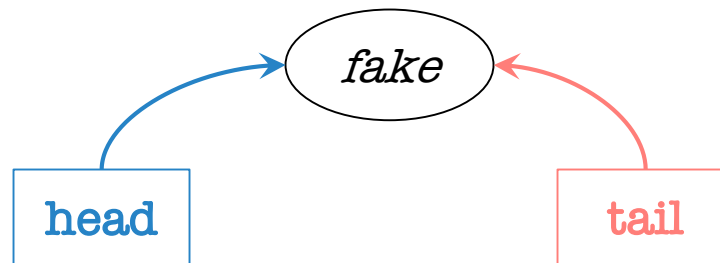
- À chaque instant (invariants) :
 - Le second nœud après head est le nœud de tête
 - Les listes head et tail se rejoignent
 - Le dernier nœud de ces listes est le nœud en queue



LA FILE NON-BLOQUANTE

```
Class Queue {  
    Node  head = new Node(null, null);  
    Node  tail = head;  
}
```

```
Class Node {  
    Node  next;  
    Element element;  
}
```



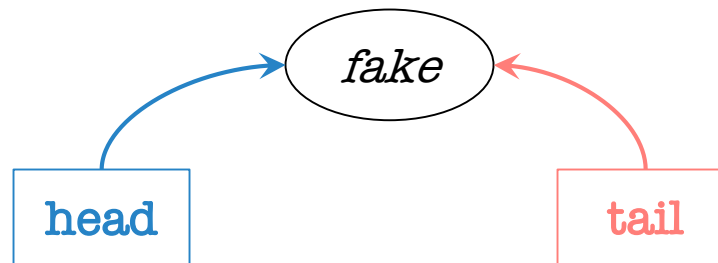
LA FILE NON-BLOQUANTE

Insertion de **A** sans concurrence.

```
void Queue.enqueue(Element e) {  
    Node node = new Node(null, e);  
    do {  
        Node old = tail;  
        while(old.next != NULL) {  
            CAS(&tail, old, old.next); old = tail; }  
        } while(CAS(&old.next, null, node) != null);  
  
    CAS(&tail, old, node);  
}
```

```
Class Queue {  
    Node head = new Node(null, null);  
    Node tail = head;  
}
```

```
Class Node {  
    Node next;  
    Element element;  
}
```



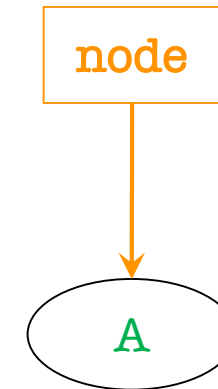
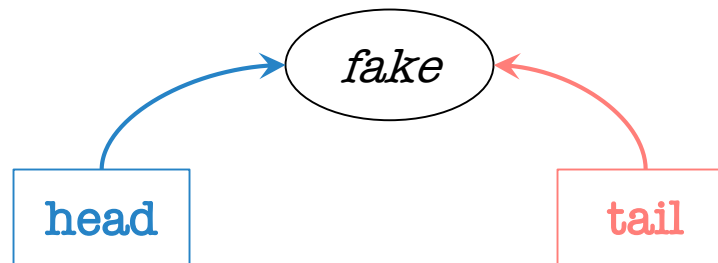
LA FILE NON-BLOQUANTE

Insertion de **A** sans concurrence.

```
void Queue.enqueue(Element e) {  
    Node node = new Node(null, e);  
    do {  
        Node old = tail;  
        while(old.next != NULL) {  
            CAS(&tail, old, old.next); old = tail; }  
        } while(CAS(&old.next, null, node) != null);  
  
    CAS(&tail, old, node);  
}
```

```
Class Queue {  
    Node head = new Node(null, null);  
    Node tail = head;  
}
```

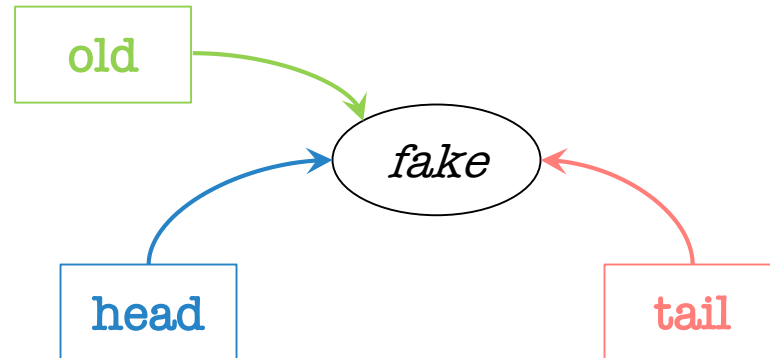
```
Class Node {  
    Node next;  
    Element element;  
}
```



LA FILE NON-BLOQUANTE

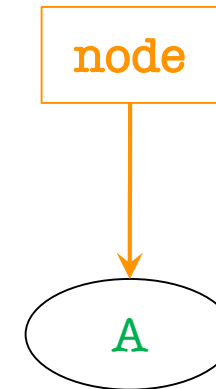
Insertion de **A** sans concurrence.

```
void Queue.enqueue(Element e) {  
    Node node = new Node(null, e);  
    do {  
        Node old = tail;  
        while(old.next != NULL) {  
            CAS(&tail, old, old.next); old = tail; }  
    } while(CAS(&old.next, null, node) != null);  
  
    CAS(&tail, old, node);  
}
```



```
Class Queue {  
    Node head = new Node(null, null);  
    Node tail = head;  
}
```

```
Class Node {  
    Node next;  
    Element element;  
}
```



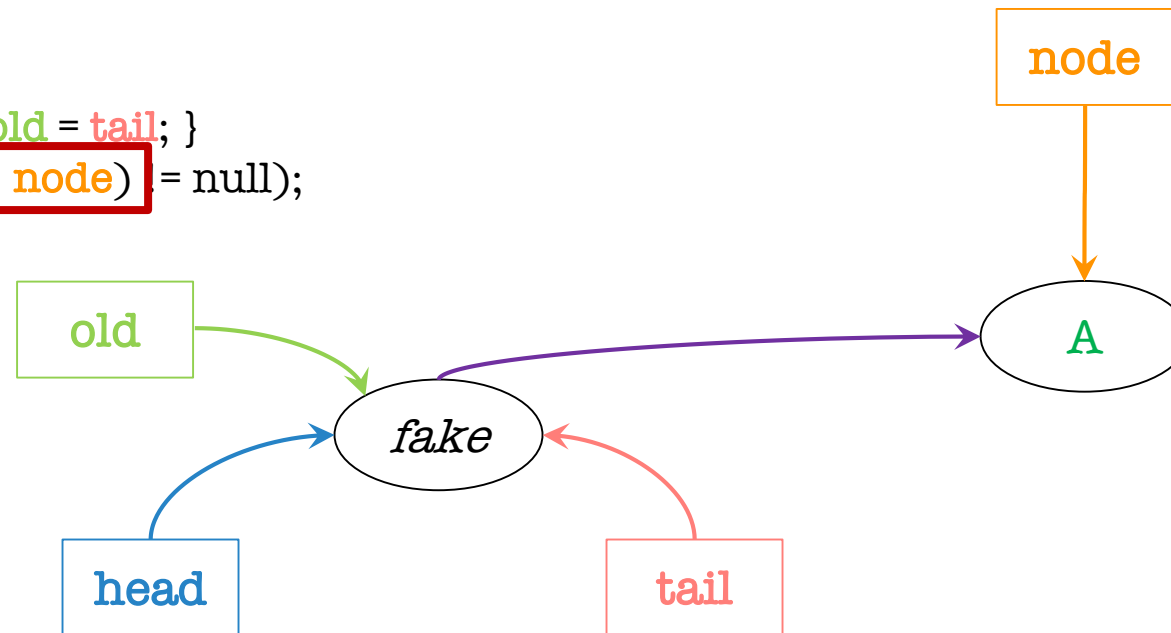
LA FILE NON-BLOQUANTE

Insertion de **A** sans concurrence.

```
void Queue.enqueue(Element e) {  
    Node node = new Node(null, e);  
    do {  
        Node old = tail;  
        while(old.next != NULL) {  
            CAS(&tail, old, old.next); old = tail; }  
        while(CAS(&old.next, null, node) != null);  
    } while(CAS(&tail, old, node);  
}
```

```
Class Queue {  
    Node head = new Node(null, null);  
    Node tail = head;  
}
```

```
Class Node {  
    Node next;  
    Element element;  
}
```

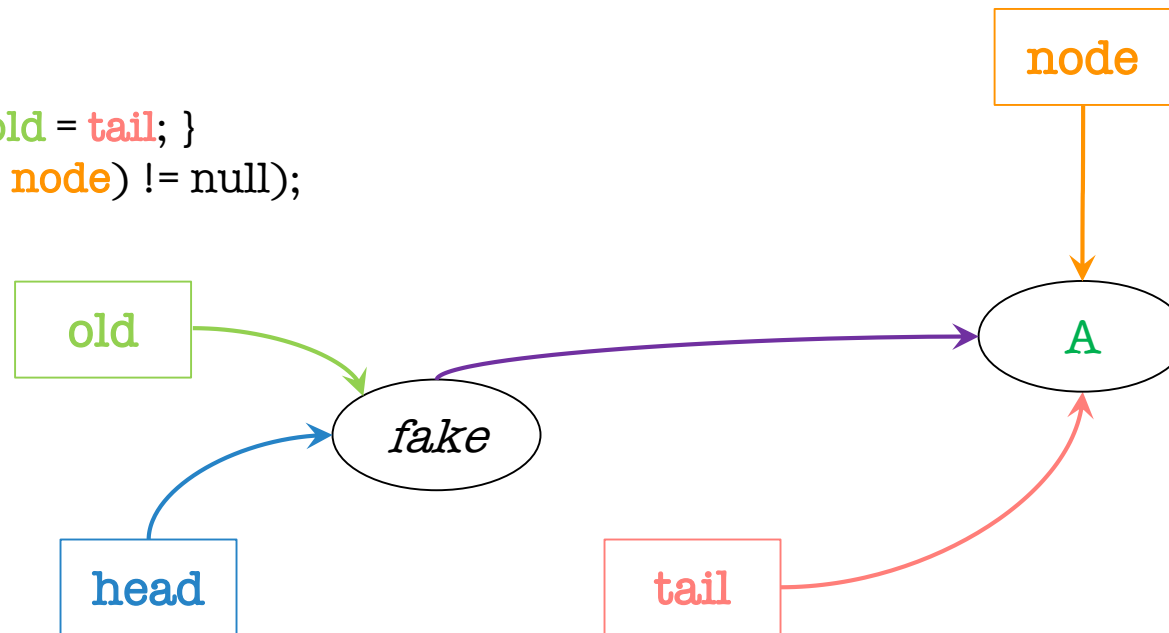


LA FILE NON-BLOQUANTE

Insertion de **A** sans concurrence.

```
void Queue.enqueue(Element e) {  
    Node node = new Node(null, e);  
    do {  
        Node old = tail;  
        while(old.next != NULL) {  
            CAS(&tail, old, old.next); old = tail; }  
    } while(CAS(&old.next, null, node) != null);  
}
```

CAS(&tail, old, node);



```
Class Queue {  
    Node head = new Node(null, null);  
    Node tail = head;  
}
```

```
Class Node {  
    Node next;  
    Element element;  
}
```

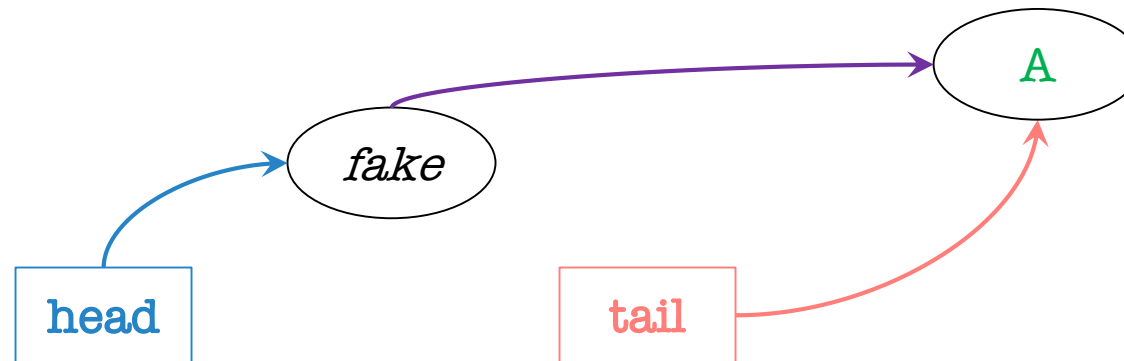
LA FILE NON-BLOQUANTE

Insertion de **C** en concurrence avec l'insertion de **B**.

```
void Queue.enqueue(Element e) {  
    Node node = new Node(null, e);  
    do {  
        Node old = tail;  
        while(old.next != NULL) {  
            CAS(&tail, old, old.next); old = tail; }  
        } while(CAS(&old.next, null, node) != null);  
  
    CAS(&tail, old, node);  
}
```

```
Class Queue {  
    Node head = new Node(null, null);  
    Node tail = head;  
}
```

```
Class Node {  
    Node next;  
    Element element;  
}
```



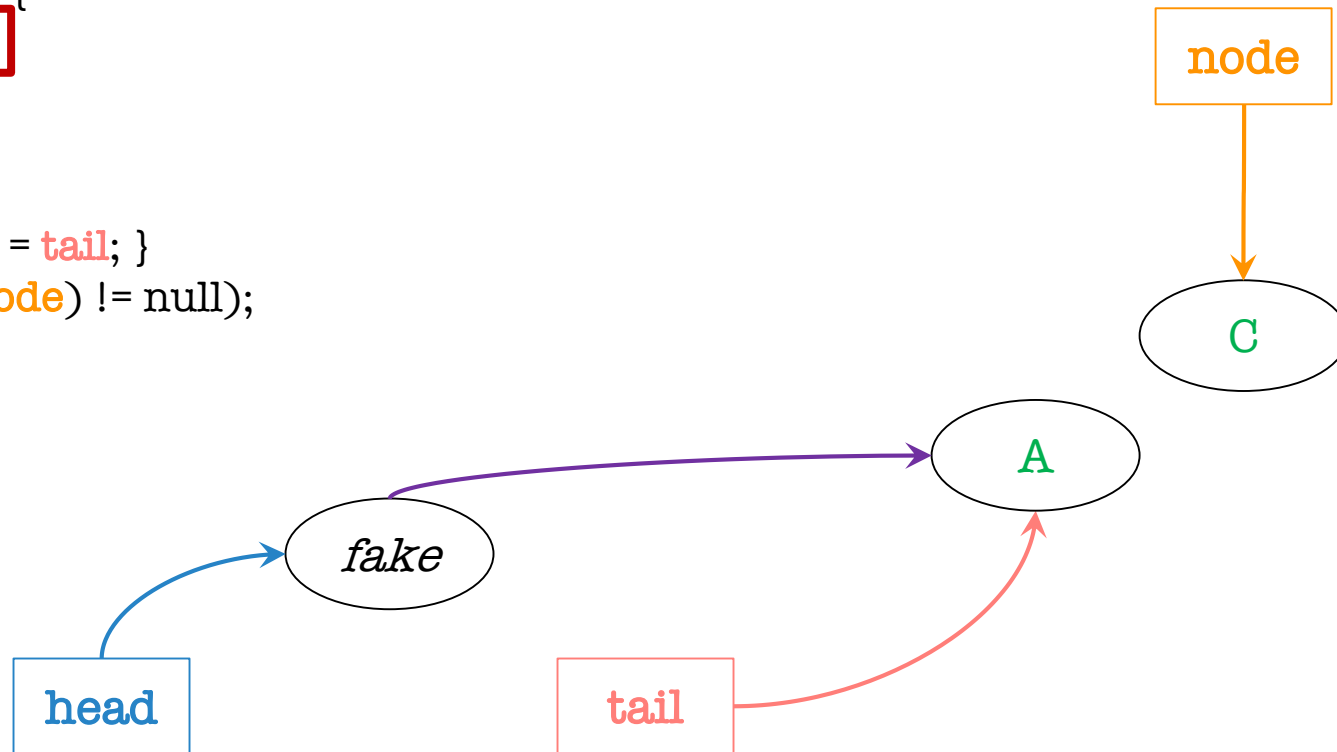
LA FILE NON-BLOQUANTE

Insertion de **C** en concurrence avec l'insertion de **B**.

```
void Queue.enqueue(Element e) {  
    Node node = new Node(null, e);  
    do {  
        Node old = tail;  
        while(old.next != NULL) {  
            CAS(&tail, old, old.next); old = tail; }  
        } while(CAS(&old.next, null, node) != null);  
  
    CAS(&tail, old, node);  
}
```

```
Class Queue {  
    Node head = new Node(null, null);  
    Node tail = head;  
}
```

```
Class Node {  
    Node next;  
    Element element;  
}
```



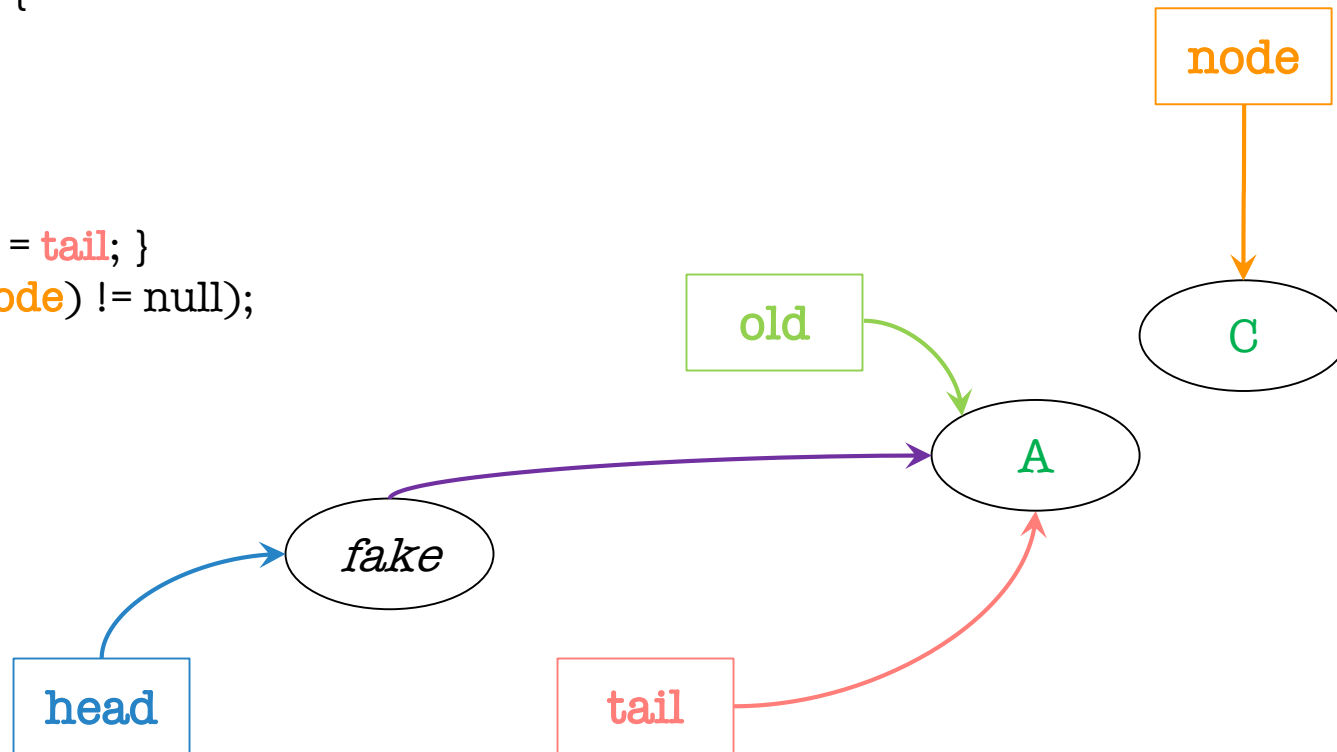
LA FILE NON-BLOQUANTE

Insertion de **C** en concurrence avec l'insertion de **B**.

```
void Queue.enqueue(Element e) {  
    Node node = new Node(null, e);  
    do {  
        Node old = tail;  
        while(old.next != NULL) {  
            CAS(&tail, old, old.next); old = tail; }  
    } while(CAS(&old.next, null, node) != null);  
  
    CAS(&tail, old, node);  
}
```

```
Class Queue {  
    Node head = new Node(null, null);  
    Node tail = head;  
}
```

```
Class Node {  
    Node next;  
    Element element;  
}
```



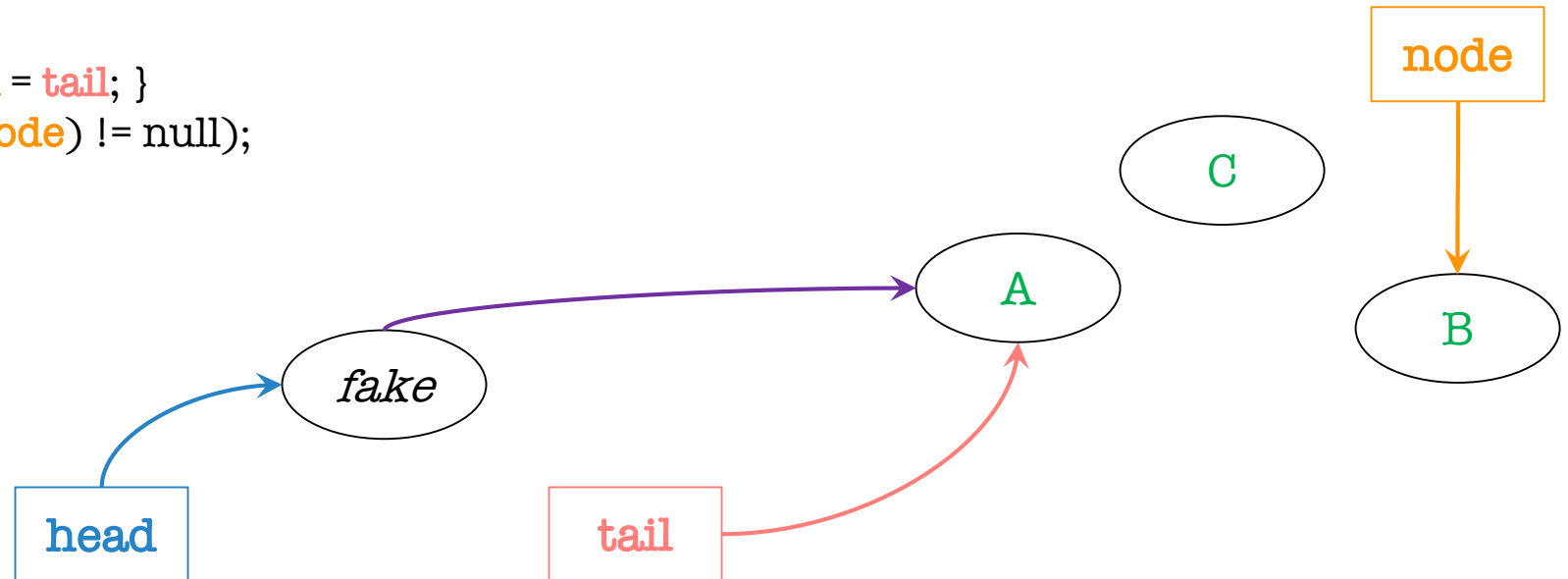
LA FILE NON-BLOQUANTE

Insertion de C en concurrence avec l'insertion de B.

```
void Queue.enqueue(Element e) {  
    Node node = new Node(null, e);  
    do {  
        Node old = tail;  
        while(old.next != NULL) {  
            CAS(&tail, old, old.next); old = tail; }  
        } while(CAS(&old.next, null, node) != null);  
  
    CAS(&tail, old, node);  
}
```

```
Class Queue {  
    Node head = new Node(null, null);  
    Node tail = head;  
}
```

```
Class Node {  
    Node next;  
    Element element;  
}
```



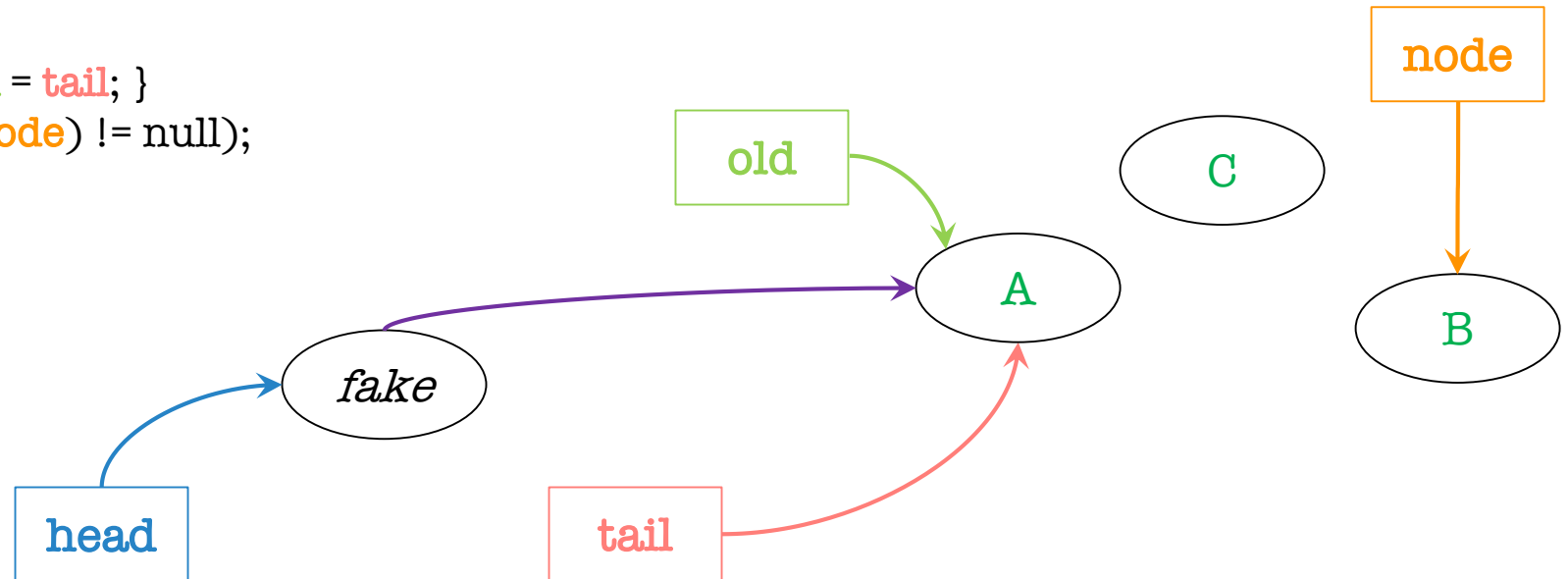
LA FILE NON-BLOQUANTE

Insertion de C en concurrence avec l'insertion de B.

```
void Queue.enqueue(Element e) {  
    Node node = new Node(null, e);  
    do {  
        Node old = tail;  
        while(old.next != NULL) {  
            CAS(&tail, old, old.next); old = tail;  
        } while(CAS(&old.next, null, node) != null);  
  
        CAS(&tail, old, node);  
    }  
}
```

```
Class Queue {  
    Node head = new Node(null, null);  
    Node tail = head;  
}
```

```
Class Node {  
    Node next;  
    Element element;  
}
```



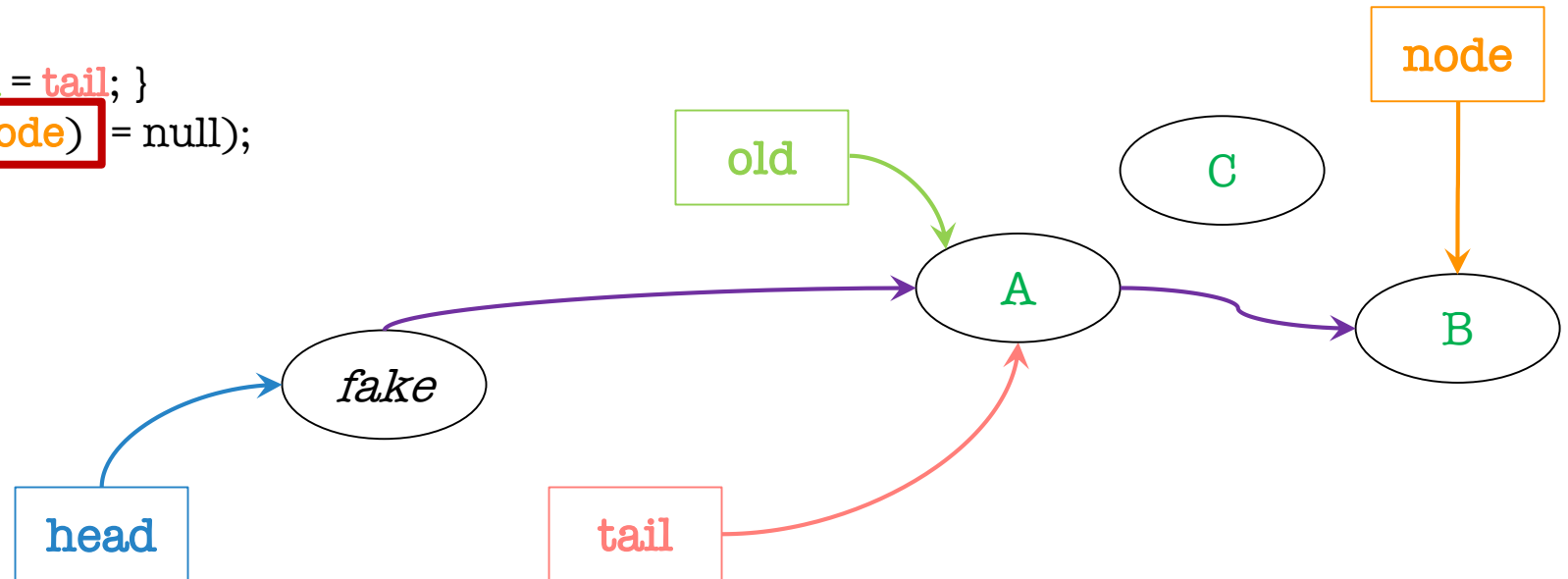
LA FILE NON-BLOQUANTE

Insertion de **C** en concurrence avec l'insertion de **B**.

```
void Queue.enqueue(Element e) {  
    Node node = new Node(null, e);  
    do {  
        Node old = tail;  
        while(old.next != NULL) {  
            CAS(&tail, old, old.next); old = tail; }  
        while(CAS(&old.next, null, node) != null);  
    } while(CAS(&tail, old, node));  
}
```

```
Class Queue {  
    Node head = new Node(null, null);  
    Node tail = head;  
}
```

```
Class Node {  
    Node next;  
    Element element;  
}
```



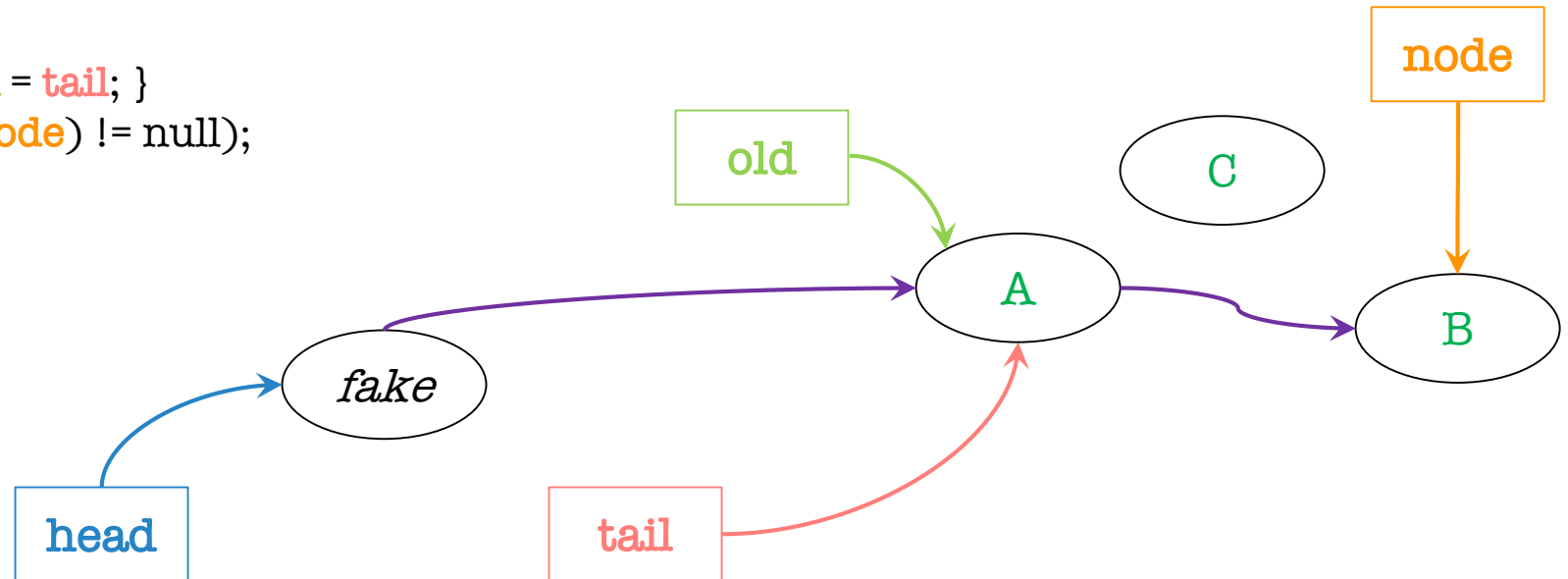
LA FILE NON-BLOQUANTE

Insertion de C en concurrence avec l'insertion de B.

```
void Queue.enqueue(Element e) {  
    Node node = new Node(null, e);  
    do {  
        Node old = tail;  
        while(old.next != NULL) {  
            CAS(&tail, old, old.next); old = tail; }  
    } while(CAS(&old.next, null, node) != null);  
    CAS(&tail, old, node);  
}
```

```
Class Queue {  
    Node head = new Node(null, null);  
    Node tail = head;  
}
```

```
Class Node {  
    Node next;  
    Element element;  
}
```



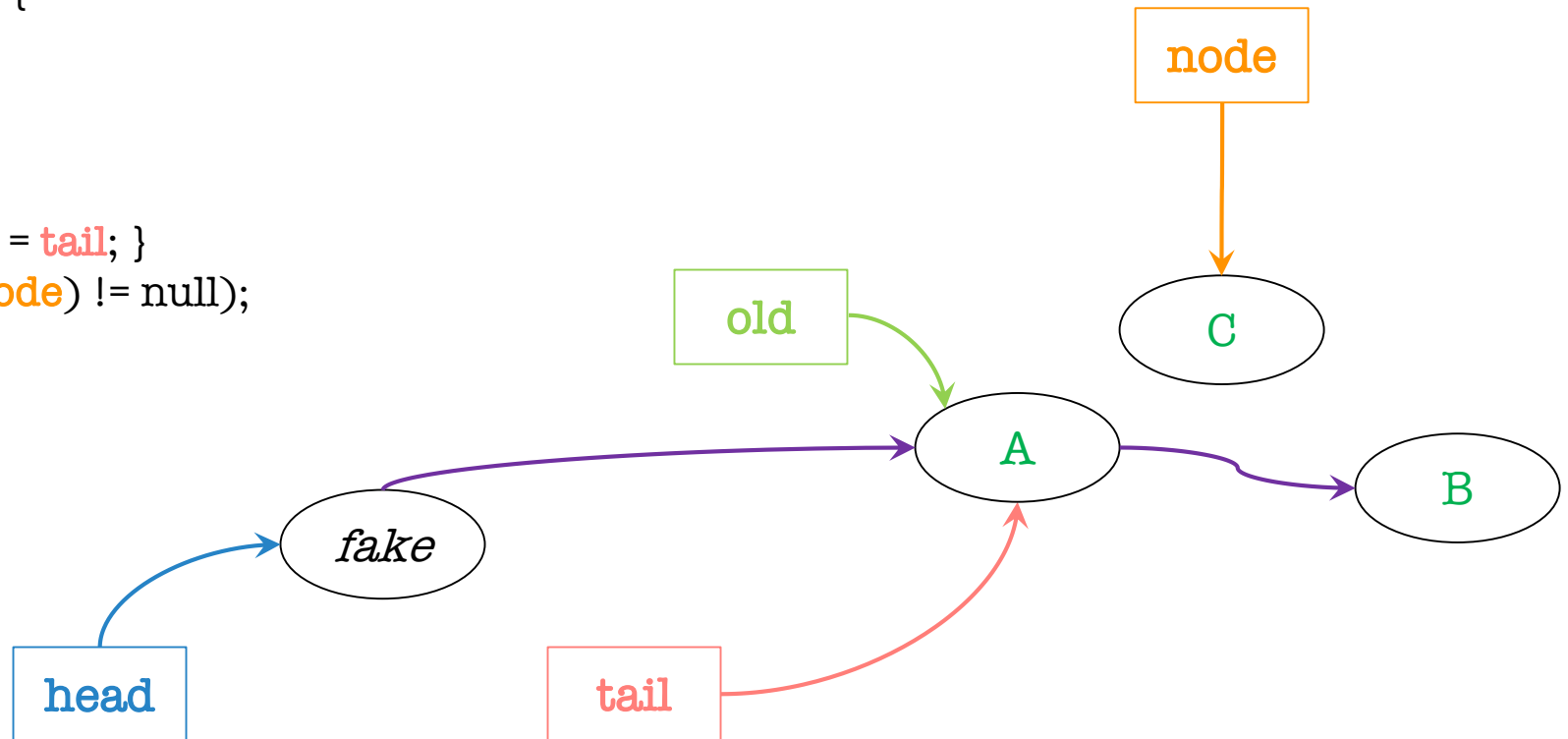
LA FILE NON-BLOQUANTE

Insertion de **C** en concurrence avec l'insertion de **B**.

```
void Queue.enqueue(Element e) {  
    Node node = new Node(null, e);  
    do {  
        Node old = tail;  
        while(old.next != NULL) {  
            CAS(&tail, old, old.next); old = tail; }  
        } while(CAS(&old.next, null, node) != null);  
  
        CAS(&tail, old, node);  
    }  
}
```

```
Class Queue {  
    Node head = new Node(null, null);  
    Node tail = head;  
}
```

```
Class Node {  
    Node next;  
    Element element;  
}
```



LA FILE NON-BLOQUANTE

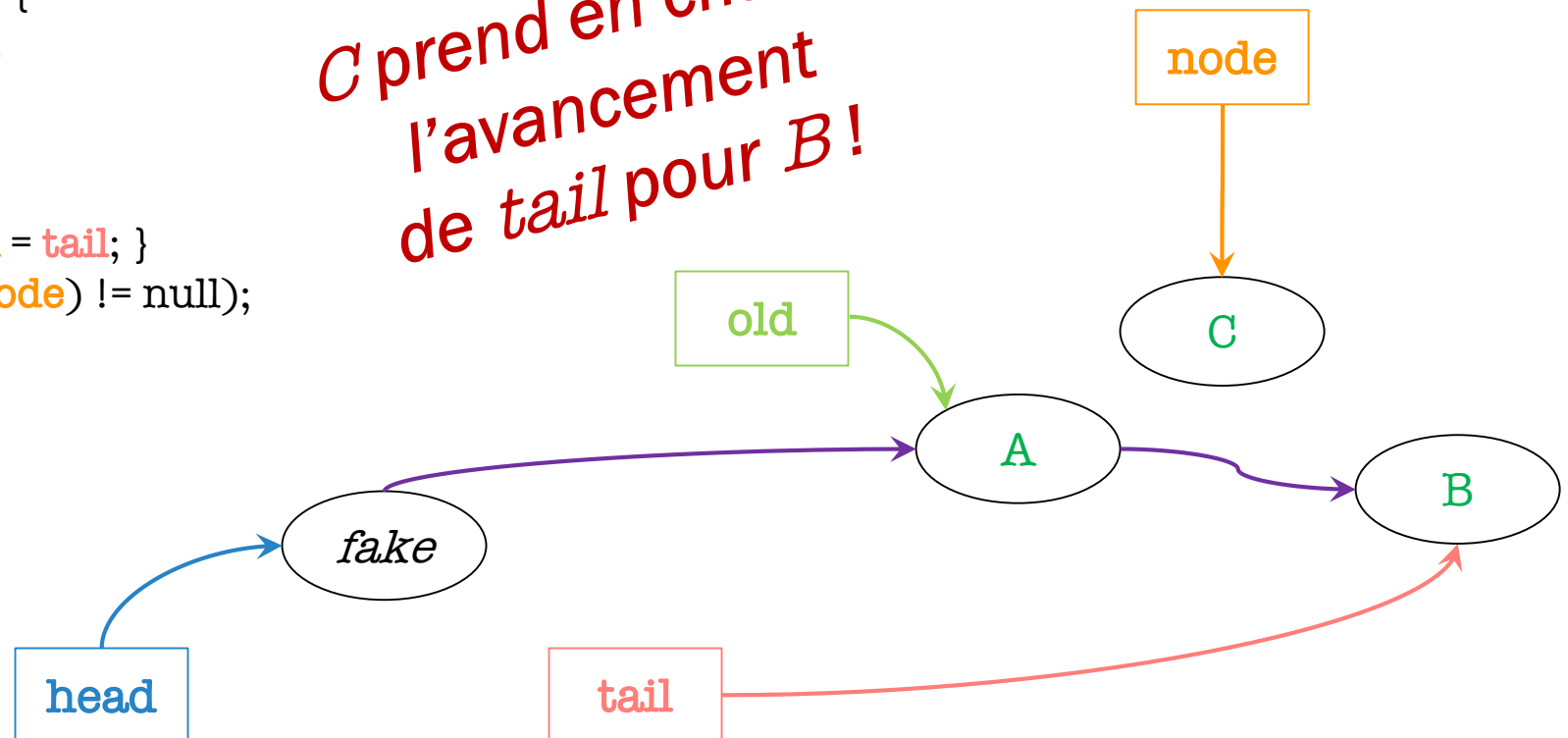
```
Class Queue {  
    Node head = new Node(null, null);  
    Node tail = head;  
}
```

```
Class Node {  
    Node next;  
    Element element;  
}
```

Insertion de **C** en concurrence avec l'insertion de **B**.

```
void Queue.enqueue(Element e) {  
    Node node = new Node(null, e);  
    do {  
        Node old = tail;  
        while(old.next != NULL) {  
            CAS(&tail, old, old.next); old = tail; }  
        } while(CAS(&old.next, null, node) != null);  
  
    CAS(&tail, old, node);  
}
```

*C prend en charge
l'avancement
de tail pour B!*



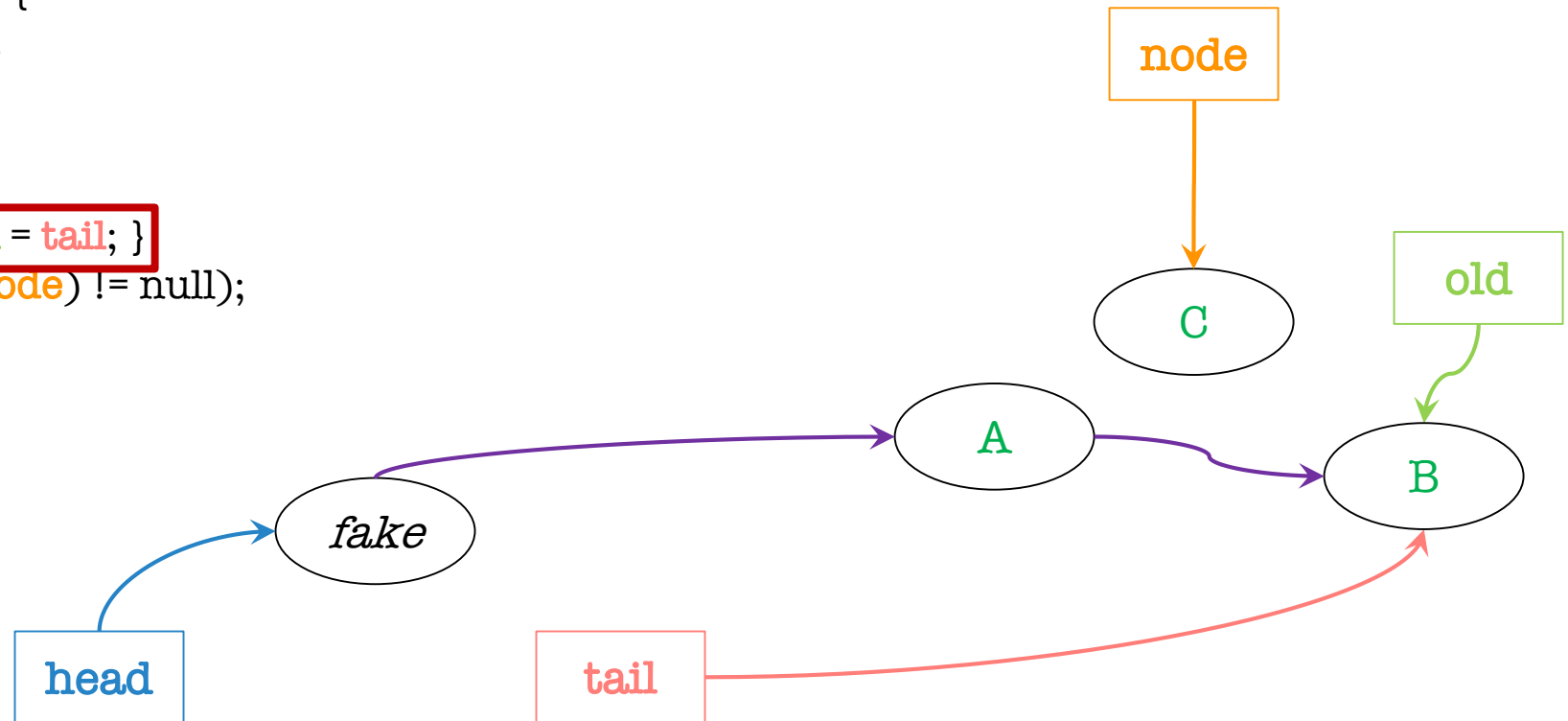
LA FILE NON-BLOQUANTE

Insertion de **C** en concurrence avec l'insertion de **B**.

```
void Queue.enqueue(Element e) {  
    Node node = new Node(null, e);  
    do {  
        Node old = tail;  
        while(old.next != NULL) {  
            CAS(&tail, old, old.next); old = tail; }  
    } while(CAS(&old.next, null, node) != null);  
  
    CAS(&tail, old, node);  
}
```

```
Class Queue {  
    Node head = new Node(null, null);  
    Node tail = head;  
}
```

```
Class Node {  
    Node next;  
    Element element;  
}
```

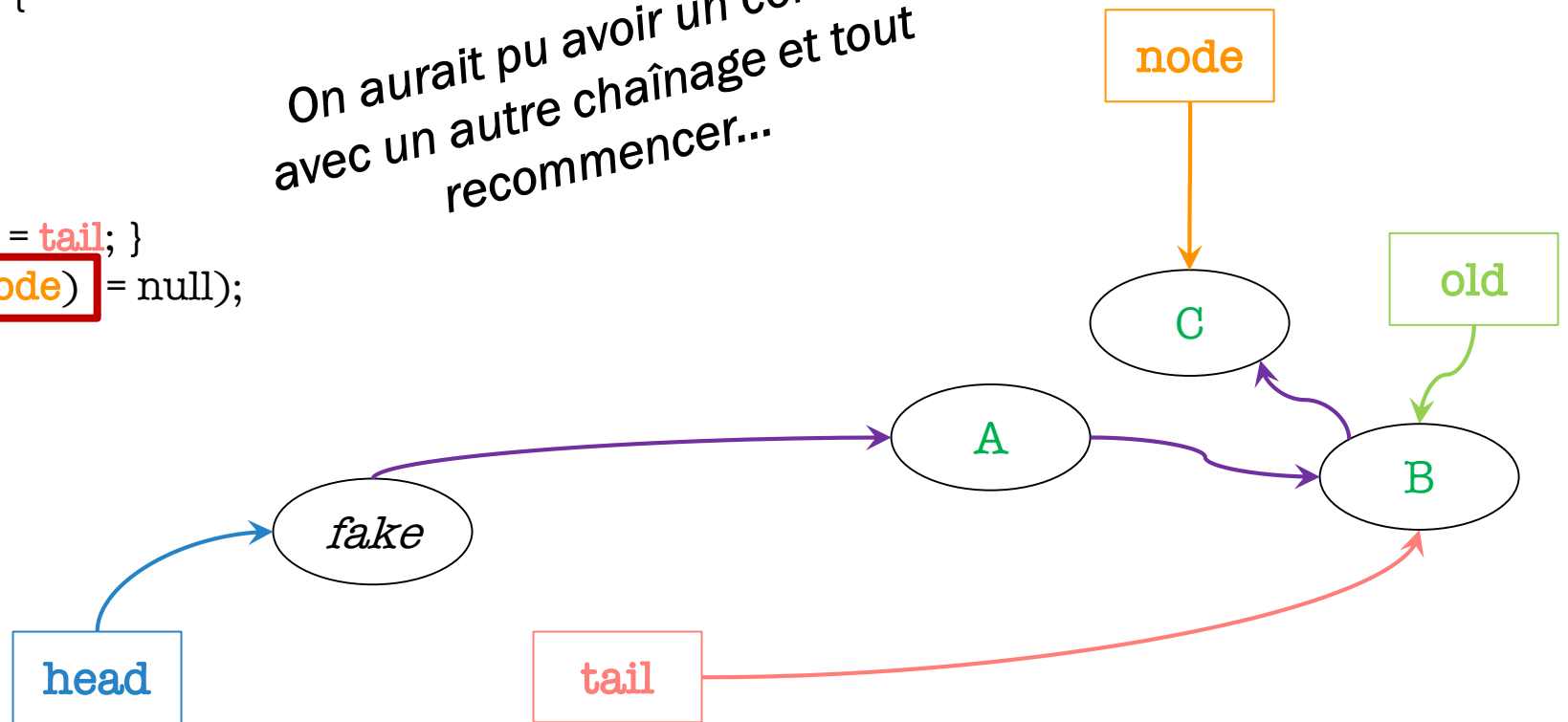


LA FILE NON-BLOQUANTE

Insertion de **C** en concurrence avec l'insertion de **B**.

```
void Queue.enqueue(Element e) {  
    Node node = new Node(null, e);  
    do {  
        Node old = tail;  
        while(old.next != NULL) {  
            CAS(&tail, old, old.next); old = tail; }  
        while(CAS(&old.next, null, node) = null);  
    } while(CAS(&tail, old, node);  
}
```

On aurait pu avoir un conflit
avec un autre chaînage et tout
recommencer...



```
Class Queue {  
    Node head = new Node(null, null);  
    Node tail = head;  
}
```

```
Class Node {  
    Node next;  
    Element element;  
}
```

LA FILE NON-BLOQUANTE

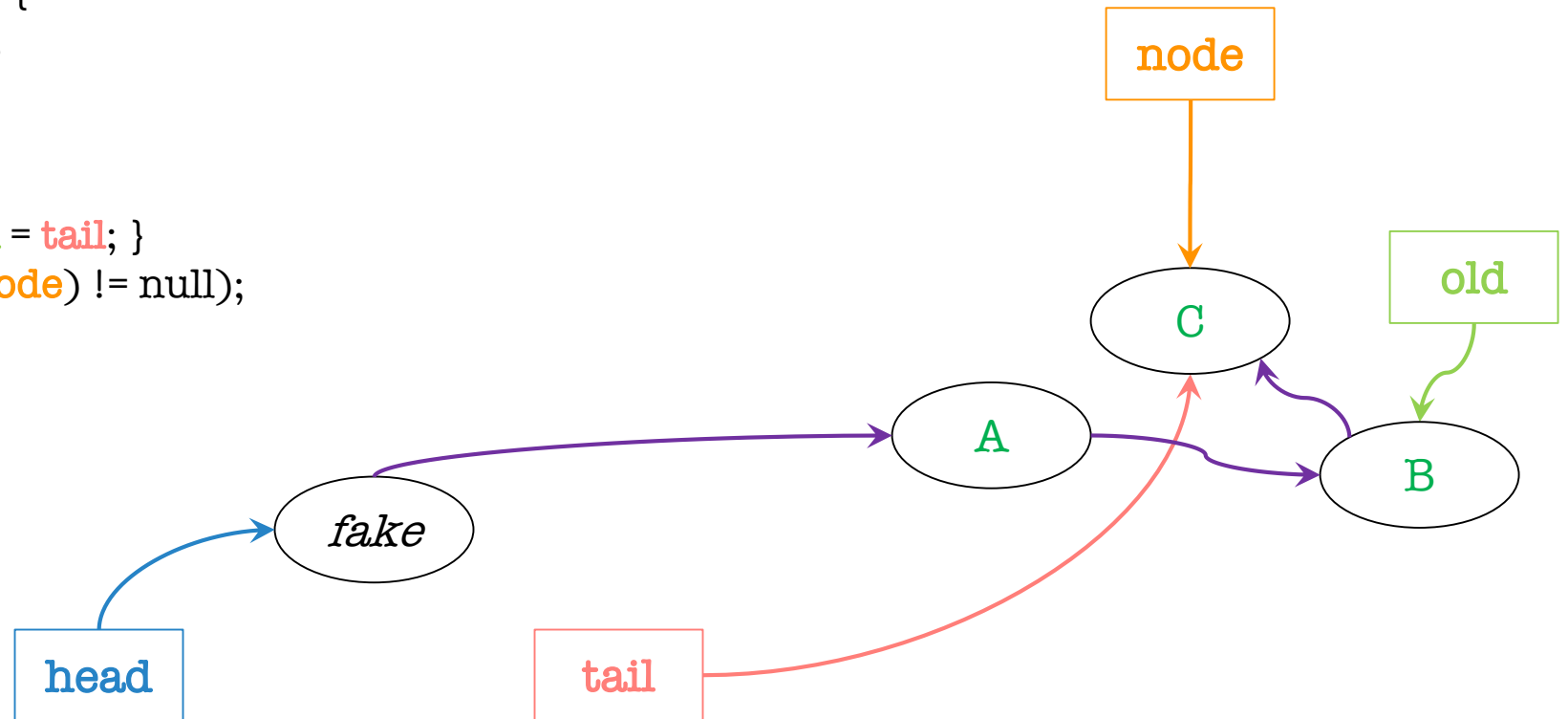
Insertion de **C** en concurrence avec l'insertion de **B**.

```
void Queue.enqueue(Element e) {  
    Node node = new Node(null, e);  
    do {  
        Node old = tail;  
        while(old.next != NULL) {  
            CAS(&tail, old, old.next); old = tail; }  
    } while(CAS(&old.next, null, node) != null);  
}
```

CAS(&tail, old, node);

```
Class Queue {  
    Node head = new Node(null, null);  
    Node tail = head;  
}
```

```
Class Node {  
    Node next;  
    Element element;  
}
```



LA FILE NON-BLOQUANTE

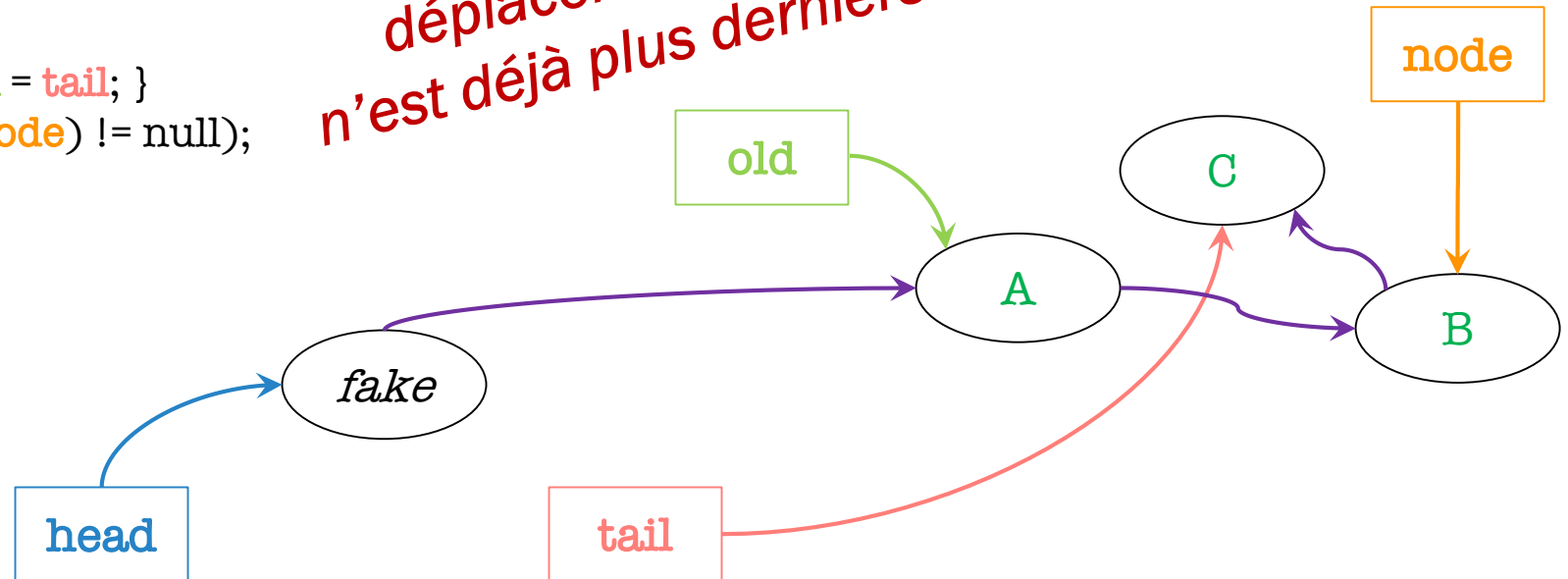
```
Class Queue {  
    Node head = new Node(null, null);  
    Node tail = head;  
}
```

```
Class Node {  
    Node next;  
    Element element;  
}
```

Insertion de **C** en concurrence avec l'insertion de **B**.

```
void Queue.enqueue(Element e) {  
    Node node = new Node(null, e);  
    do {  
        Node old = tail;  
        while(old.next != NULL) {  
            CAS(&tail, old, old.next); old = tail; }  
    } while(CAS(&old.next, null, node) != null);  
    CAS(&tail, old, node);  
}
```

*Echec, car **C** a pris en charge le déplacement... On n'est déjà plus derniers !*



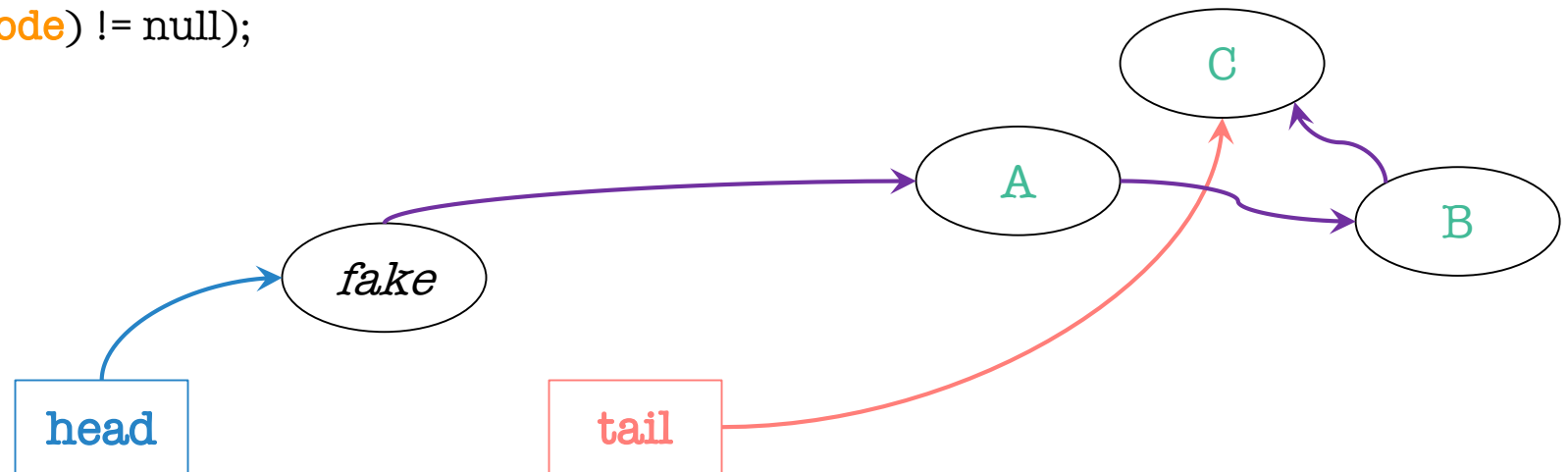
LA FILE NON-BLOQUANTE

Insertion de **C** en concurrence avec l'insertion de **B**.

```
void Queue.enqueue(Element e) {  
    Node node = new Node(null, e);  
    do {  
        Node old = tail;  
        while(old.next != NULL) {  
            CAS(&tail, old, old.next); old = tail; }  
        } while(CAS(&old.next, null, node) != null);  
  
    CAS(&tail, old, node);  
}
```

```
Class Queue {  
    Node head = new Node(null, null);  
    Node tail = head;  
}
```

```
Class Node {  
    Node next;  
    Element element;  
}
```



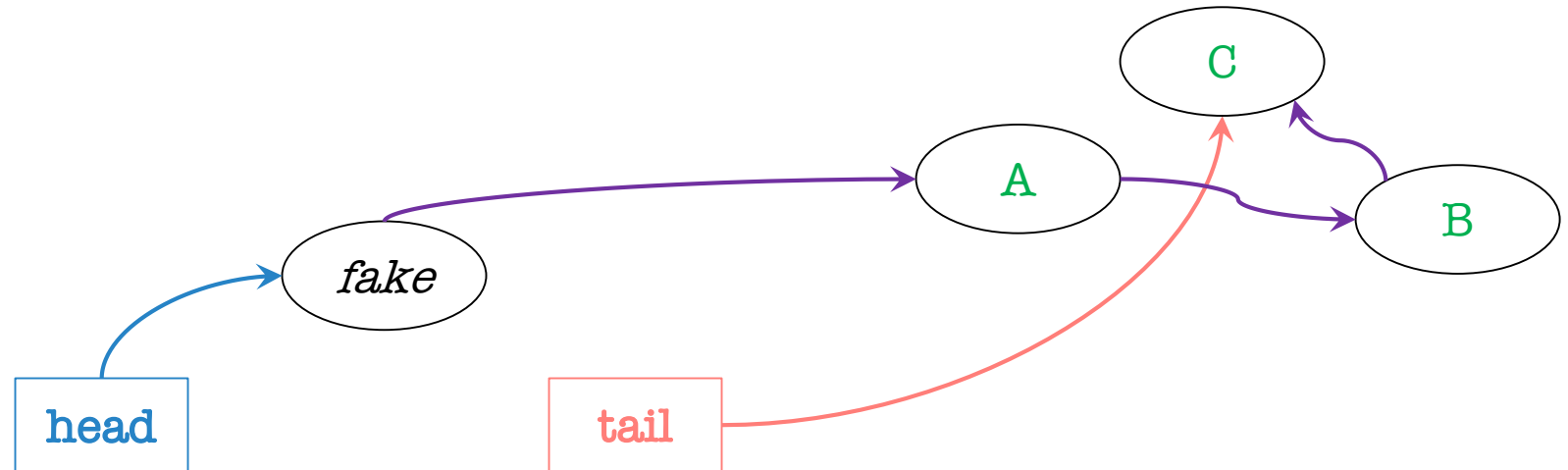
LA FILE NON-BLOQUANTE

Suppression de la tête sans concurrence.

```
Element Queue.dequeue() {  
  do {  
    Node res = head;  
    if(res.next == null) error("No such element");  
  } while(CAS(&head, res, res.next) != res);  
  
  return res.next.value;  
}
```

```
Class Queue {  
  Node head = new Node(null, null);  
  Node tail = head;  
}
```

```
Class Node {  
  Node next;  
  Element element;  
}
```



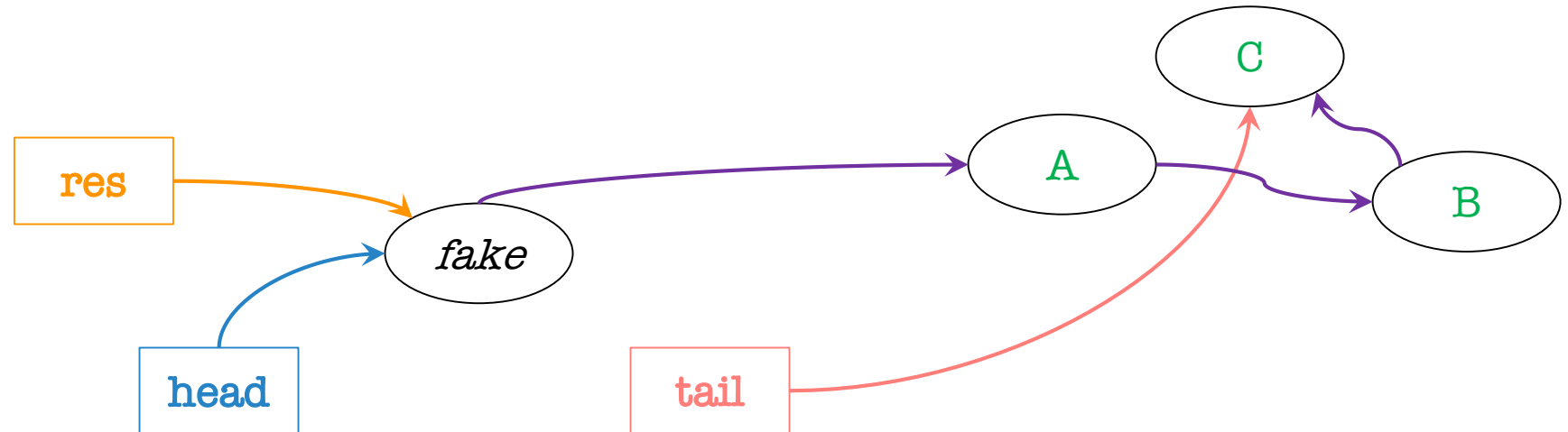
LA FILE NON-BLOQUANTE

Suppression de la tête sans concurrence.

```
Element Queue.dequeue() {  
  do {  
    Node res = head;  
    if(res.next == null) error("No such element");  
  } while(CAS(&head, res, res.next) != res);  
  
  return res.next.value;  
}
```

```
Class Queue {  
  Node head = new Node(null, null);  
  Node tail = head;  
}
```

```
Class Node {  
  Node next;  
  Element element;  
}
```



LA FILE NON-BLOQUANTE

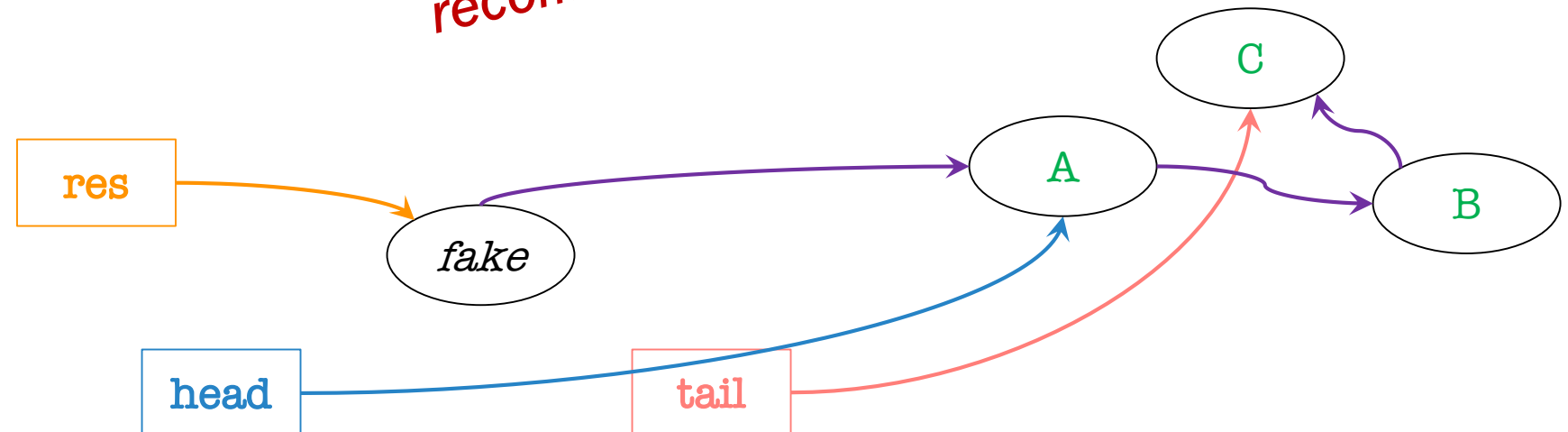
Suppression de la tête sans concurrence.

```
Element Queue.dequeue() {  
  do {  
    Node res = head;  
    if(res.next == null) error("No such element");  
  } while(!CAS(&head, res, res.next));  
  
  return res.next.value;  
}
```

```
Class Queue {  
  Node head = new Node(null, null);  
  Node tail = head;  
}
```

```
Class Node {  
  Node next;  
  Element element;  
}
```

Pourrait ne pas marcher
si conflit entre deux
dequeue() ici: on
recommencerait alors...



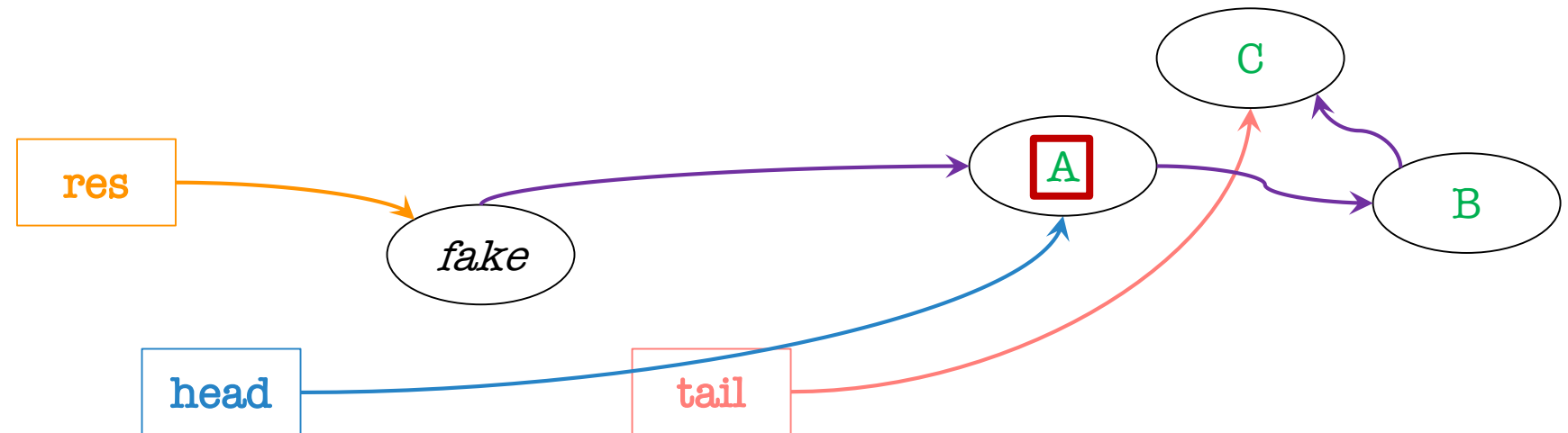
LA FILE NON-BLOQUANTE

Suppression de la tête sans concurrence.

```
Element Queue.dequeue() {  
  do {  
    Node res = head;  
    if(res.next == null) error("No such element");  
  } while(CAS(&head, res, res.next) != res);  
  
  return res.next.value;  
}
```

```
Class Queue {  
  Node head = new Node(null, null);  
  Node tail = head;  
}
```

```
Class Node {  
  Node next;  
  Element element;  
}
```



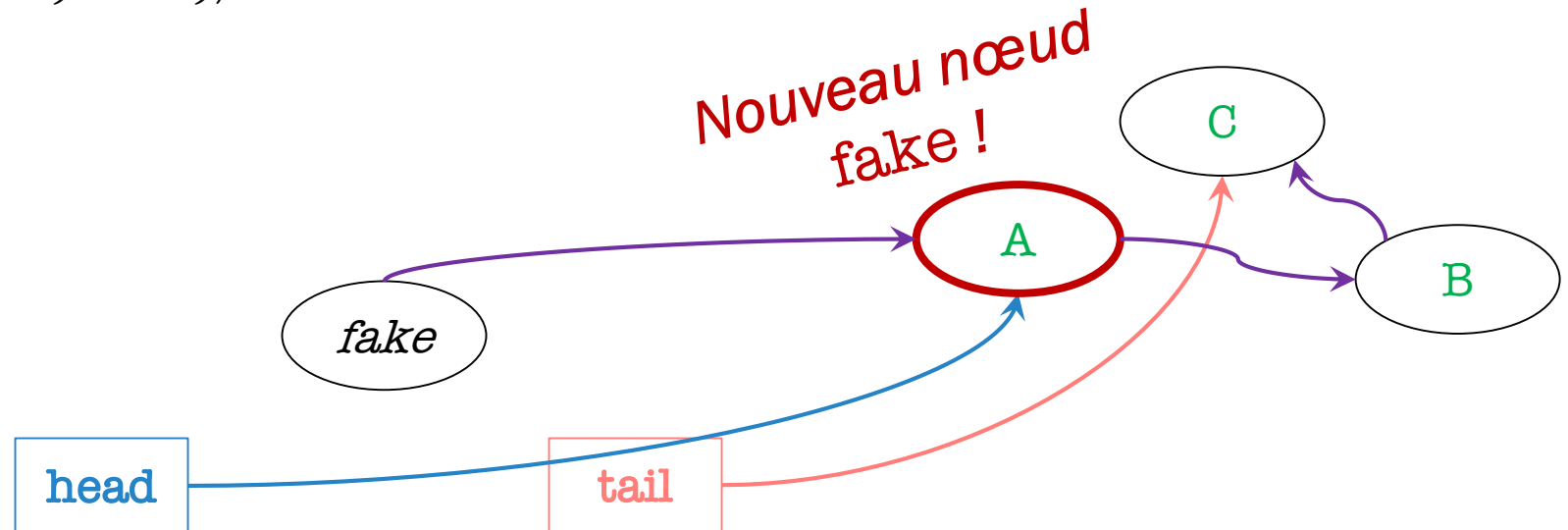
LA FILE NON-BLOQUANTE

Suppression de la tête sans concurrence.

```
Element Queue.dequeue() {  
  do {  
    Node res = head;  
    if(res.next == null) error("No such element");  
  } while(CAS(&head, res, res.next) != res);  
  
  return res.next.value;  
}
```

```
Class Queue {  
  Node head = new Node(null, null);  
  Node tail = head;  
}
```

```
Class Node {  
  Node next;  
  Element element;  
}
```



LA FILE NON-BLOQUANTE

- Obstruction-free !
 - Si un seul thread élu, finira par réussir à faire son *enqueue()* ou *dequeue()*.

LA FILE NON-BLOQUANTE

- **Obstruction-free !**
 - *Si un seul thread élu, finira par réussir à faire son `enqueue()` ou `dequeue()`.*
- **Lock-free !**
 - *Si les threads appellent infiniment souvent `enqueue()` ou `dequeue()`...*
 - *...au moins un passera de temps en temps !*

LA FILE NON-BLOQUANTE

- **Obstruction-free !**
 - *Si un seul thread élu, finira par réussir à faire son `enqueue()` ou `dequeue()`.*
- **Lock-free !**
 - *Si les threads appellent infiniment souvent `enqueue()` ou `dequeue()`...*
 - *...au moins un passera de temps en temps !*
 - **Preuve :** pour faire tourner un thread dans `enqueue()` ou `dequeue()`,
 - ...il faut qu'il y ait des `enqueue()` et `dequeue()` qui terminent !

LA FILE NON-BLOQUANTE

- **Obstruction-free !**
 - *Si un seul thread élu, finira par réussir à faire son `enqueue()` ou `dequeue()`.*
- **Lock-free !**
 - *Si les threads appellent infiniment souvent `enqueue()` ou `dequeue()`...*
 - *...au moins un passera de temps en temps !*
 - **Preuve :** pour faire tourner un thread dans `enqueue()` ou `dequeue()`,
 - ...il faut qu'il y ait des `enqueue()` et `dequeue()` qui terminent !
- **Pas wait-free !**
 - *On peut faire tourner un thread indéfiniment dans une des boucles !*
 - Avec suffisamment d'opérations concurrentes.

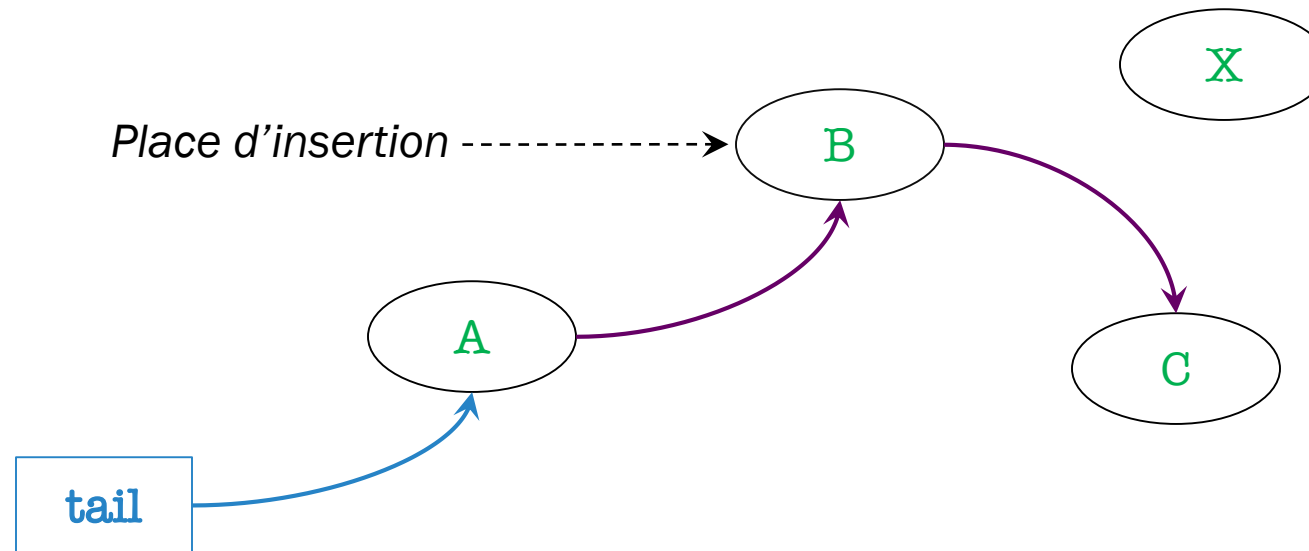
LA LISTE CHAÎNÉE

LA LISTE CHAÎNÉE

- **Le gros problème** : insertion et suppression au même endroit !

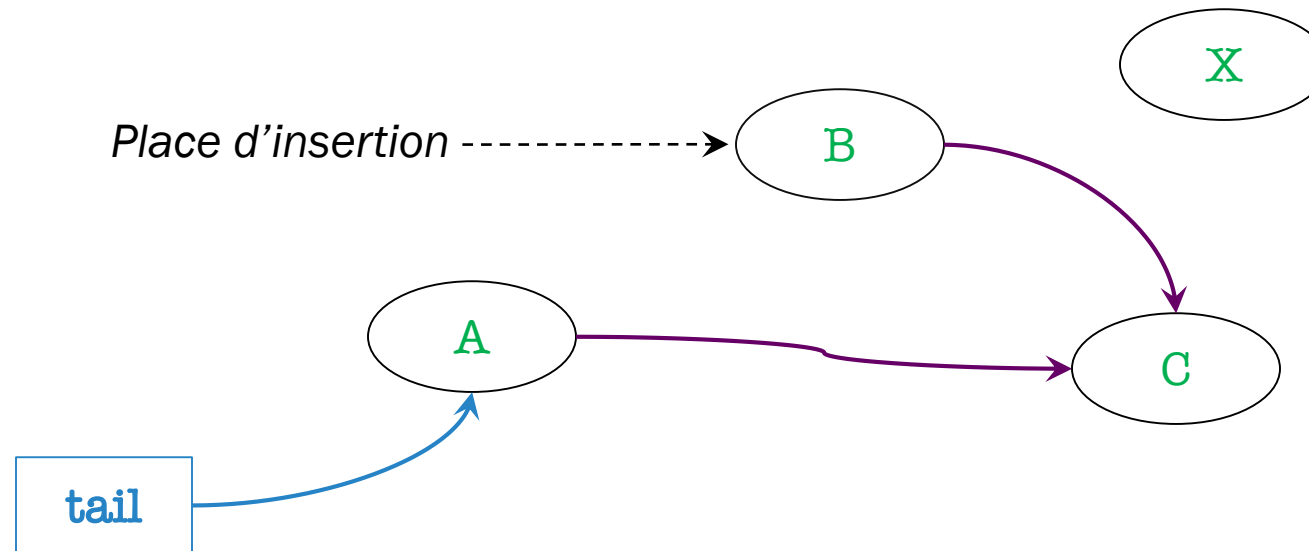
LA LISTE CHAÎNÉE

- **Le gros problème** : insertion et suppression au même endroit !
- **Exemple** : suppression de **B** et insertion de **X** après **B** concurrentes.



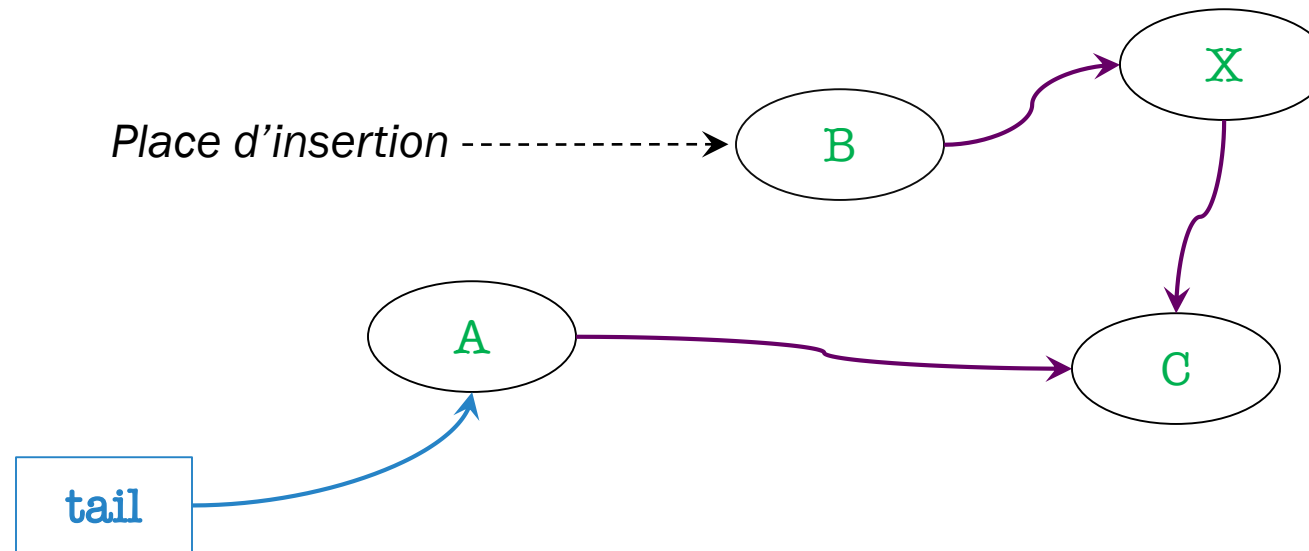
LA LISTE CHAÎNÉE

- **Le gros problème** : insertion et suppression au même endroit !
- **Exemple** : suppression de **B** et insertion de **X** après **B** concurrentes.



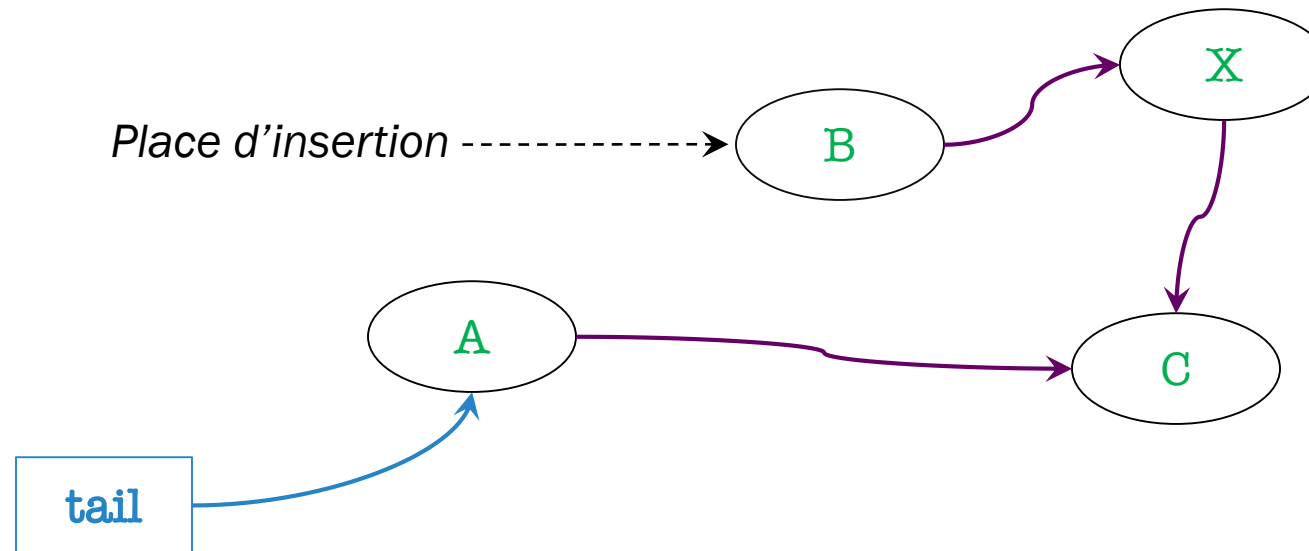
LA LISTE CHAÎNÉE

- **Le gros problème** : insertion et suppression au même endroit !
- **Exemple** : suppression de **B** et insertion de **X** après **B** concurrentes.



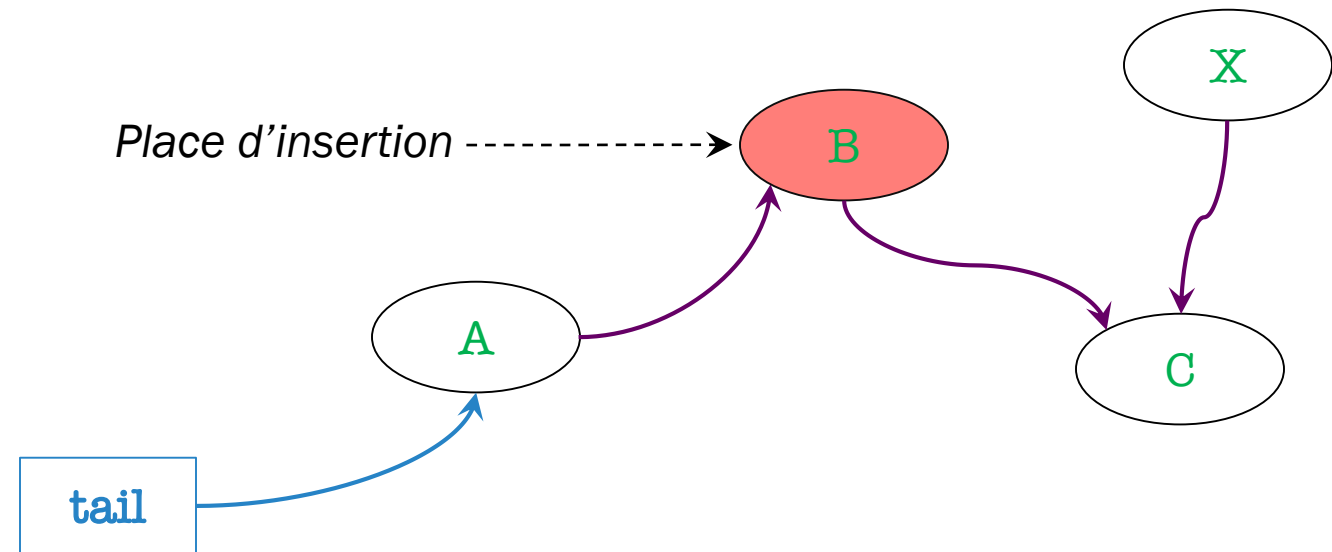
LA LISTE CHAÎNÉE

- **Le gros problème** : insertion et suppression au même endroit !
- **Exemple** : suppression de **B** et insertion de **X** après **B** concurrentes.
- **Résultat** : un graphe au lieu d'une liste...



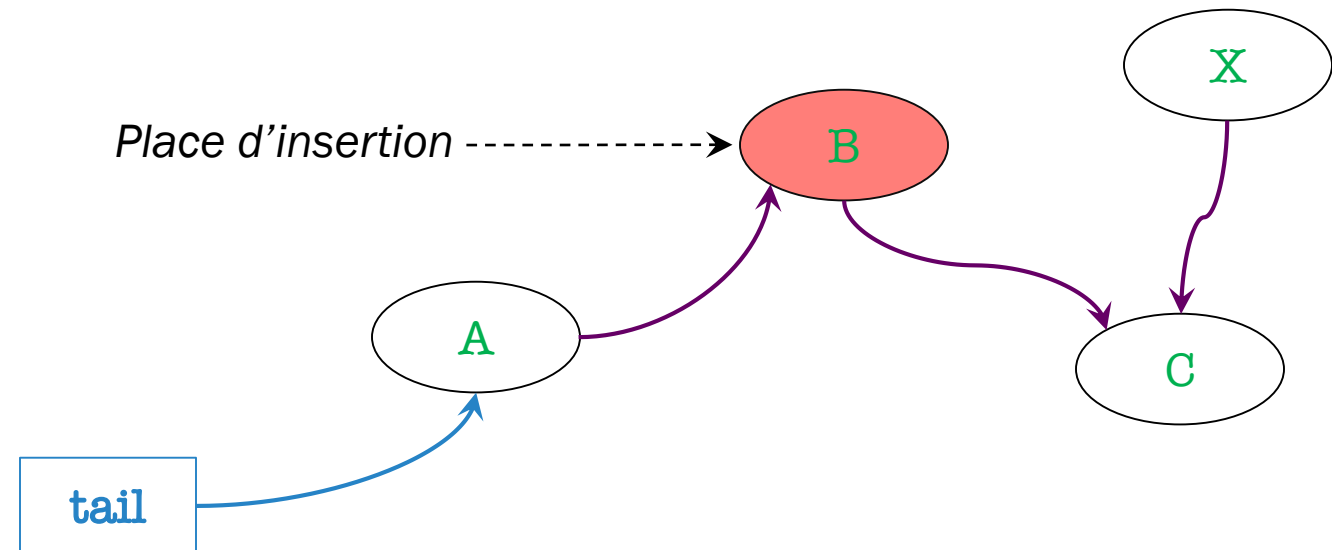
LA LISTE CHAÎNÉE

- **Le gros problème** : insertion et suppression au même endroit !



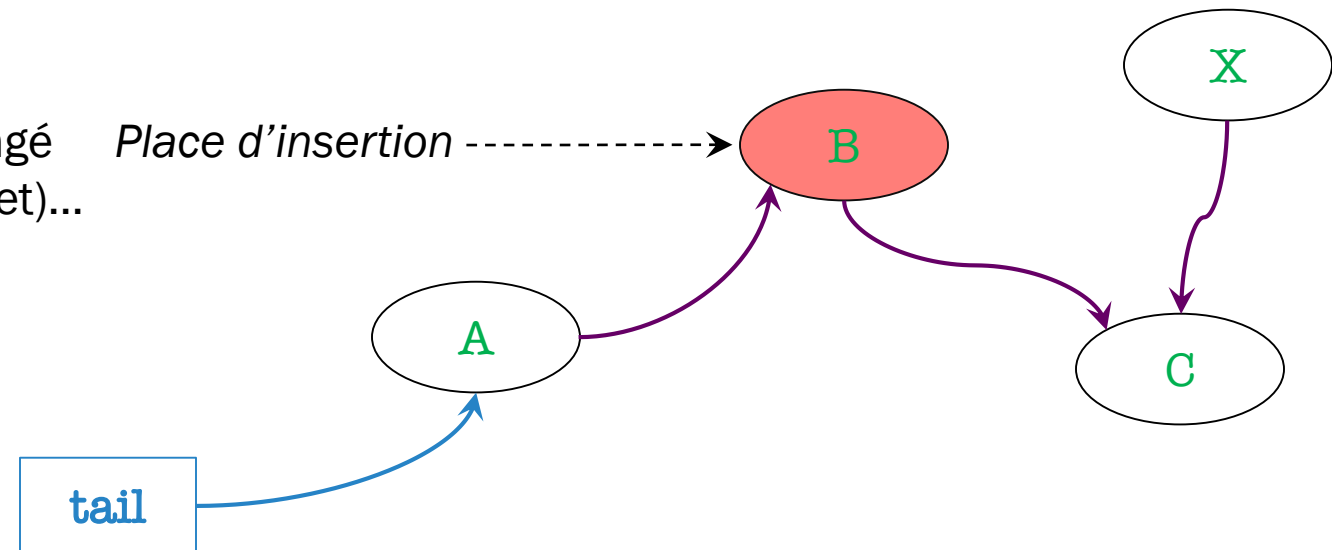
LA LISTE CHAÎNÉE

- **Le gros problème** : insertion et suppression au même endroit !
- Principe de solution [Tim Harris, DISC 2011] :
 - On change la couleur du nœud qui va être supprimé.
 - Pendant insertion, si couleur du nœud d'insertion a changé, le supprimer et recommencer.
 - Suppressions aussi pendant parcours.



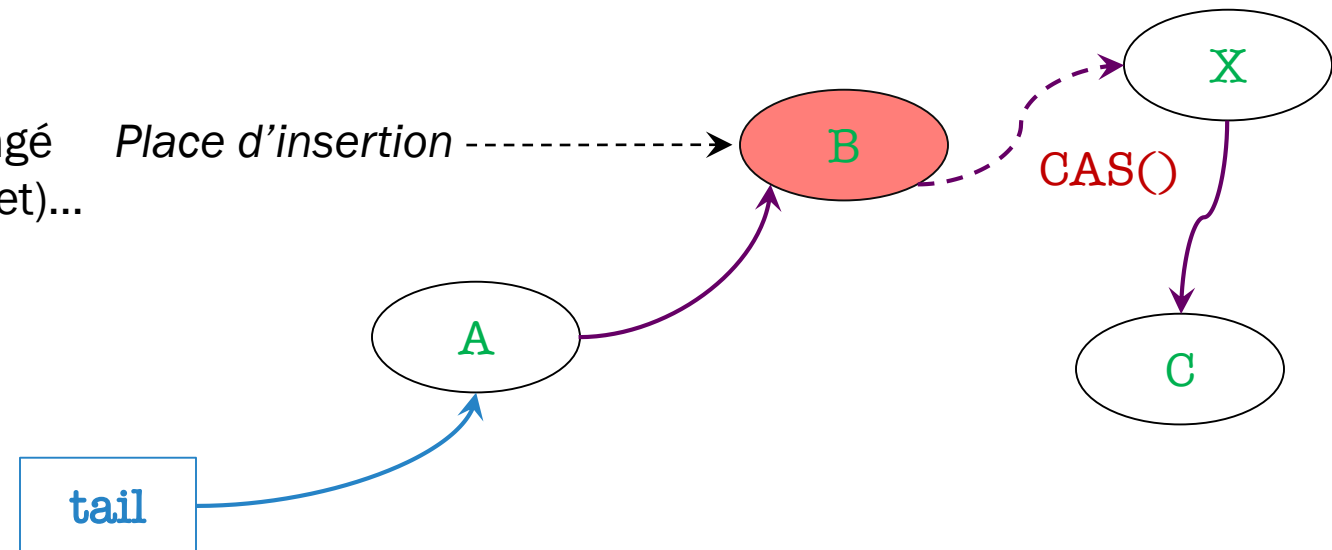
LA LISTE CHÂÎNÉE

- **Le gros problème** : insertion et suppression au même endroit !
- Principe de solution [Tim Harris, DISC 2011] :
 - On change la couleur du nœud qui va être supprimé.
 - Pendant insertion, si couleur du nœud d'insertion a changé, le supprimer et recommencer.
 - Suppressions aussi pendant parcours.
- **Problème** :
 - On doit atomiquement tester si couleur a changé et faire le chaînage (test next pas changé + set)...



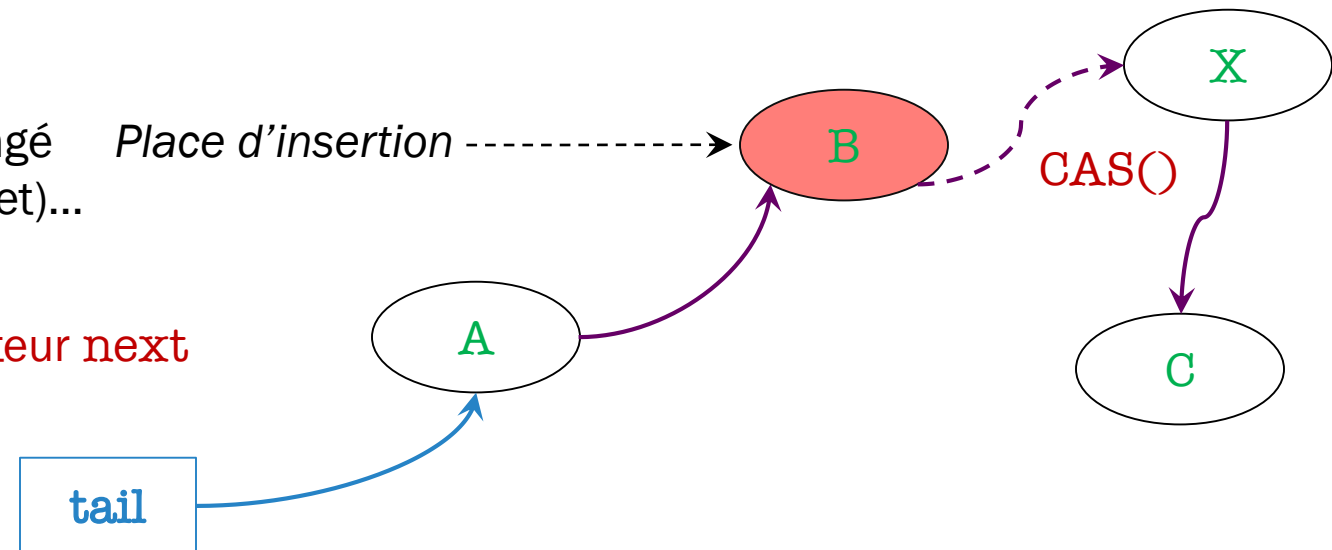
LA LISTE CHAÎNÉE

- **Le gros problème** : insertion et suppression au même endroit !
- Principe de solution [Tim Harris, DISC 2011] :
 - On change la couleur du nœud qui va être supprimé.
 - Pendant insertion, si couleur du nœud d'insertion a changé, le supprimer et recommencer.
 - Suppressions aussi pendant parcours.
- **Problème** :
 - On doit atomiquement tester si couleur a changé et faire le chaînage (test next pas changé + set)...
 - On n'a que des CAS !



LA LISTE CHAÎNÉE

- **Le gros problème** : insertion et suppression au même endroit !
- Principe de solution [Tim Harris, DISC 2011] :
 - On change la couleur du nœud qui va être supprimé.
 - Pendant insertion, si couleur du nœud d'insertion a changé, le supprimer et recommencer.
 - Suppressions aussi pendant parcours.
- **Problème** :
 - On doit atomiquement tester si couleur a changé et faire le chaînage (test next pas changé + set)...
 - On n'a que des CAS !
 - **Solution** : utiliser le bit de poids faible du pointeur next pour stocker la couleur !



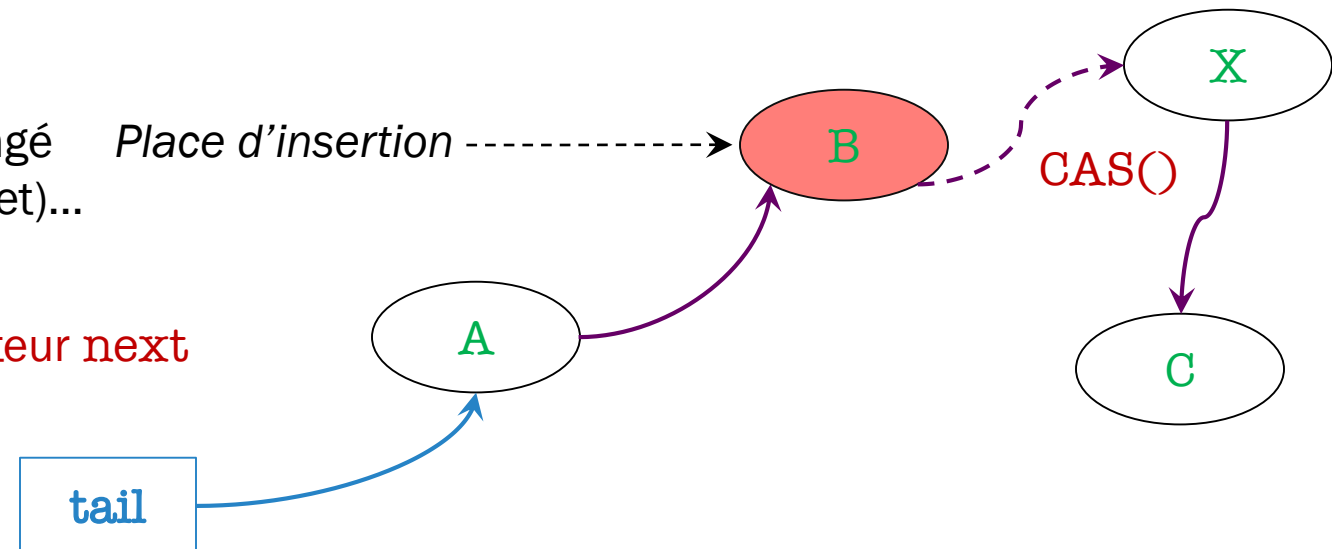
LA LISTE CHAÎNÉE

- **Le gros problème** : insertion et suppression au même endroit !
- Principe de solution [Tim Harris, DISC 2011] :
 - On change la couleur du nœud qui va être supprimé.
 - Pendant insertion, si couleur du nœud d'insertion a changé, le supprimer et recommencer.
 - Suppressions aussi pendant parcours.

- **Problème** :

- On doit atomiquement tester si couleur a changé et faire le chaînage (test next pas changé + set)...
- On n'a que des CAS !
- **Solution** : utiliser le bit de poids faible du pointeur next pour stocker la couleur !
- Pas utilisé car alignement... (au pire le forcer)

Place d'insertion



LA LISTE CHAÎNÉE

```
typedef uintptr_t coloredPointer;
```

```
Node pointer(coloredPointer ptr) { return (Node)(ptr & -2); }  
int mark(coloredPointer ptr) { return ptr & 1; }
```

LA LISTE CHAÎNÉE

```
typedef uintptr_t coloredPointer;
```

```
Node pointer(coloredPointer ptr) { return (Node)(ptr & -2); }
```

```
int mark(coloredPointer ptr) { return ptr & 1; }
```

0x111111..1110



LA LISTE CHÂÎNÉE

```
typedef uintptr_t coloredPointer;
```

```
Node pointer(coloredPointer ptr) { return (Node)(ptr & -2); }
```

```
int mark(coloredPointer ptr) { return ptr & 1; }
```

0x111111..1110



```
Class Node {  
    coloredPointer next;  
    Element        element;  
};
```

LA LISTE CHÂÎNÉE

```
typedef uintptr_t coloredPointer;
```

```
Node pointer(coloredPointer ptr) { return (Node)(ptr & -2); }  
int mark(coloredPointer ptr) { return ptr & 1; }
```

0x111111..1110



```
Class Node {  
    coloredPointer next;  
    Element        element;  
};
```

- **Idée** : avant de supprimer un nœud `n`, marquer `n.next`
- **Liste cohérente** : tout nœud non supprimé toujours dans la liste et liste toujours connectée.
- Des nœuds marqués « à supprimer » peuvent être dans la liste

LA LISTE CHAÎNÉE

- On va étudier un peu l'algorithme... « À gros grain », pas besoin de tout comprendre.

LA LISTE CHAÎNÉE

- On va étudier un peu l'algorithme... « À gros grain », pas besoin de tout comprendre.
- Parfois assez « prise de tête », car il faut avoir toutes les opérations bien en tête pour imaginer enchaînements

LA LISTE CHAÎNÉE

- On va étudier un peu l'algorithme... « À gros grain », pas besoin de tout comprendre.
- Parfois assez « prise de tête », car il faut avoir toutes les opérations bien en tête pour imaginer enchaînements
- Et pourtant seulement une liste chaînée ici ! Imaginez une structure plus complexe...

LA LISTE CHAÎNÉE

- On va étudier un peu l'algorithme... « À gros grain », pas besoin de tout comprendre.
- Parfois assez « prise de tête », car il faut avoir toutes les opérations bien en tête pour imaginer enchaînements
- Et pourtant seulement une liste chaînée ici ! Imaginez une structure plus complexe...
- **Idée** : voir quelques astuces que ces algos utilisent, et comprendre pourquoi c'est compliqué 😊

LA LISTE CHAÎNÉE

- On va étudier un peu l'algorithme... « À gros grain », pas besoin de tout comprendre.
- Parfois assez « prise de tête », car il faut avoir toutes les opérations bien en tête pour imaginer enchaînements
- Et pourtant seulement une liste chaînée ici ! Imaginez une structure plus complexe...
- **Idée** : voir quelques astuces que ces algos utilisent, et comprendre pourquoi c'est compliqué 😊
- Pour les détails, voir : <https://timharris.uk/papers/2001-disc.pdf>

LA LISTE CHAÎNÉE TRIÉE D'ENTIERS : PARCOURS ET COMPACTION

LA LISTE CHAÎNÉE : PARCOURS

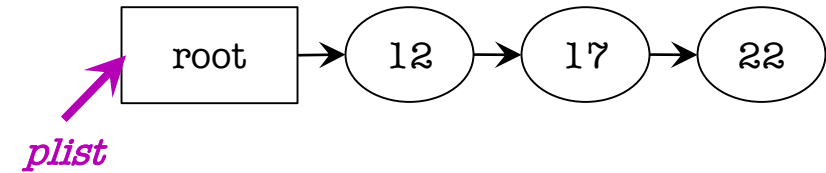
```
void del(coloredPointer* plist, int value) {
```

restart:

```
    coloredPointer* pred = plist;
```

```
    while(!found) {
```

```
        Node cur = pointer(*pred);
```



LA LISTE CHAÎNÉE : PARCOURS

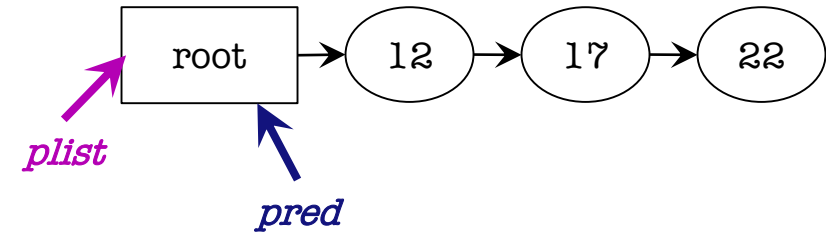
```
void del(coloredPointer* plist, int value) {
```

restart:

```
    coloredPointer* pred = plist;
```

```
    while(!found) {
```

```
        Node cur = pointer(*pred);
```



LA LISTE CHAÎNÉE : PARCOURS

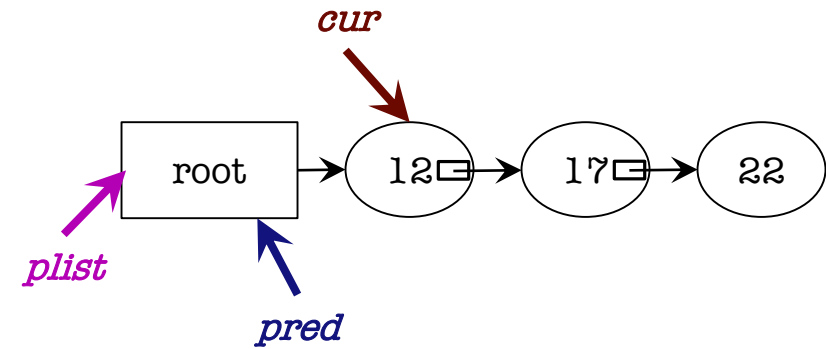
```
void del(coloredPointer* plist, int value) {
```

restart:

```
    coloredPointer* pred = plist;
```

```
    while(!found) {
```

```
        Node cur = pointer(*pred);
```



```
        pred = &cur->next;
    } }
```

LA LISTE CHAÎNÉE : PARCOURS

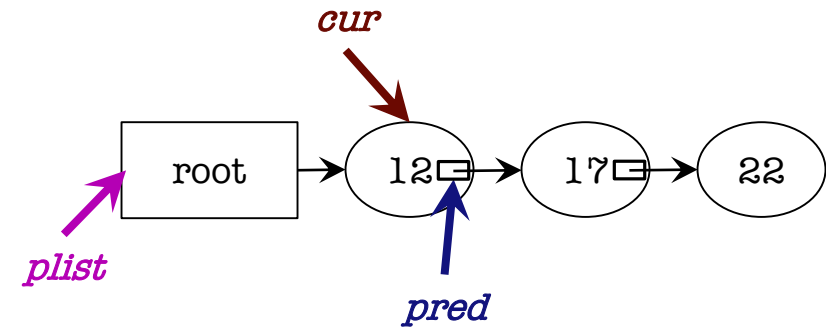
```
void del(coloredPointer* plist, int value) {
```

restart:

```
    coloredPointer* pred = plist;
```

```
    while(!found) {
```

```
        Node cur = pointer(*pred);
```



```
        pred = &cur->next;
```

```
    }
```

LA LISTE CHAÎNÉE : COMPACTION

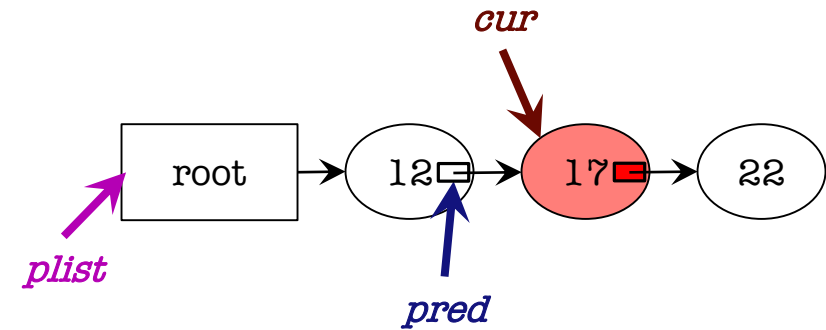
```
void del(coloredPointer* plist, int value) {
```

```
  restart:
```

```
    coloredPointer* pred = plist;
```

```
    while(!found) {
```

```
      Node cur = pointer(*pred);
```



Principe : supprime les nœuds marqués, même si pas le « propriétaire »

On suppose que 17 est marqué !

```
    if(mark(cur->next)) { /* cur doit être supprimé */
```

```
      if(CAS(pred, cur, cur->next) != cur) goto restart;
```

```
      else continue;
```

```
    }
```

```
    pred = &cur->next;
```

```
  } }
```

LA LISTE CHAÎNÉE : COMPACTION

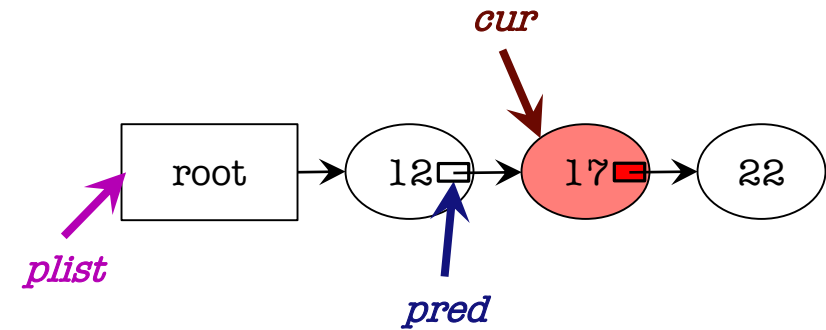
```
void del(coloredPointer* plist, int value) {
```

```
  restart:
```

```
    coloredPointer* pred = plist;
```

```
    while(!found) {
```

```
      Node cur = pointer(*pred);
```



Principe : supprime les nœuds marqués, même si pas le « propriétaire »

On suppose que 17 est marqué !

```
  if(mark(cur->next)) { /* cur doit être supprimé */
```

```
    if(CAS(pred, cur, cur->next) != cur) goto restart;
```

```
    else continue;
```

```
  }
```

```
  pred = &cur->next;
```

```
} }
```

LA LISTE CHAÎNÉE : COMPACTION

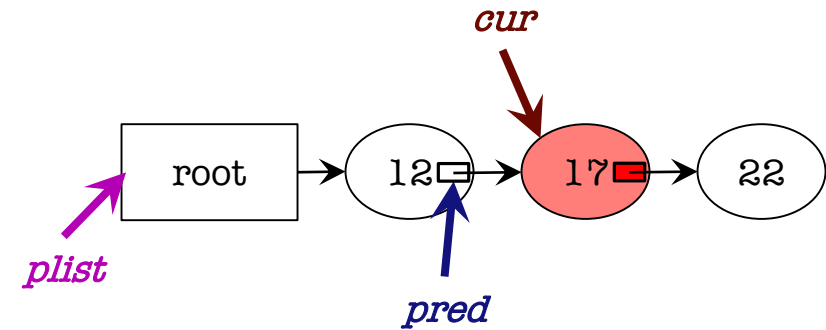
```
void del(coloredPointer* plist, int value) {
```

restart:

```
    coloredPointer* pred = plist;
```

```
    while(!found) {
```

```
        Node cur = pointer(*pred);
```



Le cas peut échouer dans deux cas :

- (1) Si 12 s'est fait colorer (plist devenu impair)
- (2) Si un nœud inséré après 12

(2) problématique : on peut perdre un nœud.

Dans le doute, on repart de zéro !

```
    if(mark(cur->next)) { /* cur doit être supprimé */
```

```
        if(CAS(pred, cur, cur->next) != cur) goto restart;
```

```
        else continue;
```

```
    }
```

```
    pred = &cur->next;
```

```
  }
```

LA LISTE CHAÎNÉE : COMPACTION

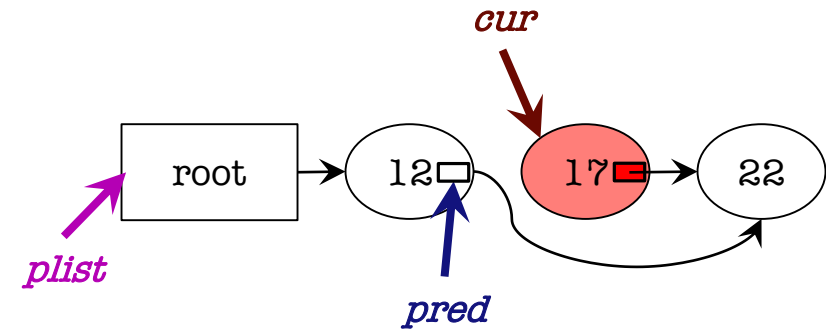
```
void del(coloredPointer* plist, int value) {
```

```
  restart:
```

```
    coloredPointer* pred = plist;
```

```
    while(!found) {
```

```
      Node cur = pointer(*pred);
```



On suppose que le CAS a réussi ici.

```
  if(mark(cur->next)) { /* cur doit être supprimé */
```

```
    if(CAS(pred, cur, cur->next) != cur) goto restart;
```

```
    else continue;
```

```
  }
```

```
  pred = &cur->next;
```

```
} }
```

LA LISTE CHAÎNÉE : COMPACTION

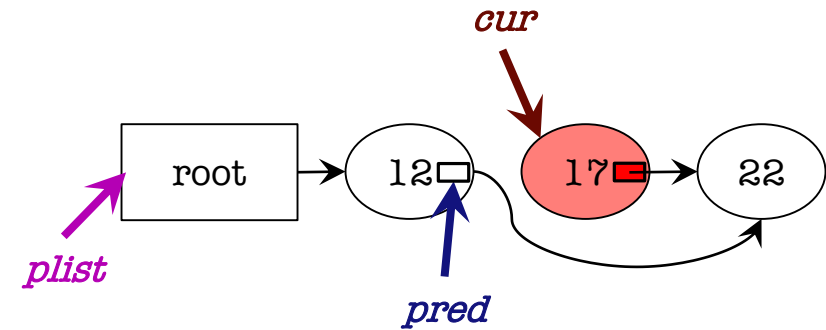
```
void del(coloredPointer* plist, int value) {
```

```
  restart:
```

```
    coloredPointer* pred = plist;
```

```
    while(!found) {
```

```
      Node cur = pointer(*pred);
```



On suppose que le CAS a réussi ici.

```
    if(mark(cur->next)) { /* cur doit être supprimé */
```

```
      if(CAS(pred, cur, cur->next) != cur) goto restart;
```

```
      else continue;
```

```
    }
```

```
    pred = &cur->next;
```

```
  } }
```

LA LISTE CHAÎNÉE : COMPACTION

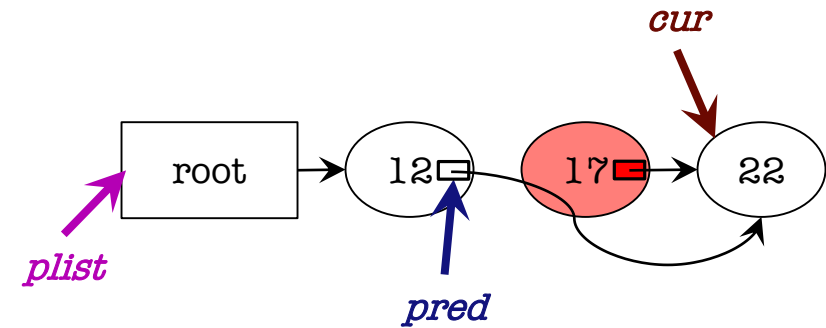
```
void del(coloredPointer* plist, int value) {
```

```
  restart:
```

```
    coloredPointer* pred = plist;
```

```
    while(!found) {
```

```
      Node cur = pointer(*pred);
```



On suppose que le CAS a réussi ici.

```
    if(mark(cur->next)) { /* cur doit être supprimé */
```

```
      if(CAS(pred, cur, cur->next) != cur) goto restart;
```

```
      else continue;
```

```
    }
```

```
    pred = &cur->next;
```

```
  } }
```


LA LISTE CHAÎNÉE TRIÉE D'ENTIERS : SUPPRESSION

LA LISTE CHAÎNÉE : SUPPRESSION

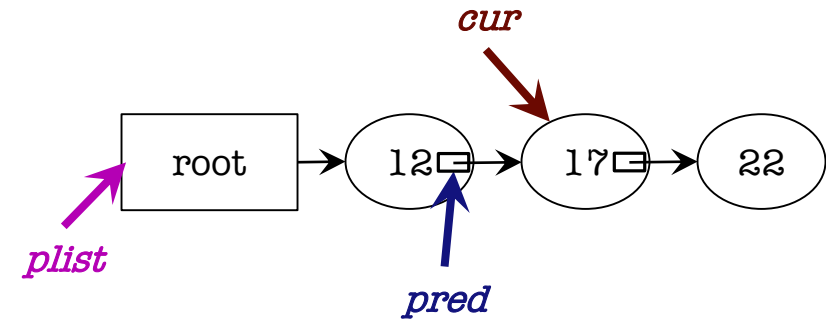
```
void del(coloredPointer* plist, int value) {
```

restart:

```
    coloredPointer* pred = plist;
```

```
    while(!found) {
```

```
        Node cur = pointer(*pred);
```



On suppose que **value = 17**.

```
    if(cur->value == value) {           /* trouvé! */
        do { n = cur->next; } while(CAS(&cur->next, n, n | 1) != n);
        found = 1; }
```

```
    if(mark(cur->next)) {               /* cur doit être supprimé */
        if(CAS(pred, cur, cur->next) != cur) goto restart;
        else continue;
    }
```

```
    pred = &cur->next;
}
```

LA LISTE CHAÎNÉE : SUPPRESSION

```
void del(coloredPointer* plist, int value) {
```

restart:

```
    coloredPointer* pred = plist;
```

```
    while(!found) {
```

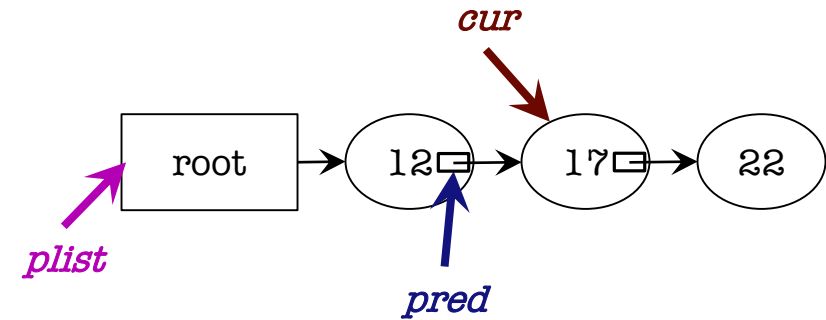
```
        Node cur = pointer(*pred);
```

```
        if(cur->value == value) { /* trouvé! */
            do { n = cur->next; } while(CAS(&cur->next, n, n | 1) != n);
            found = 1; }
```

```
        if(mark(cur->next)) { /* cur doit être supprimé */
            if(CAS(pred, cur, cur->next) != cur) goto restart;
            else continue;
        }
```

```
        pred = &cur->next;
```

```
    }
```



Le CAS() peut échouer si :

- 17 déjà coloré par un autre thread
- Nœud inséré avant 22.
- 22 supprimé.

Peu importe, on insiste.

LA LISTE CHAÎNÉE : SUPPRESSION

```
void del(coloredPointer* plist, int value) {
```

restart:

```
    coloredPointer* pred = plist;
```

```
    while(!found) {
```

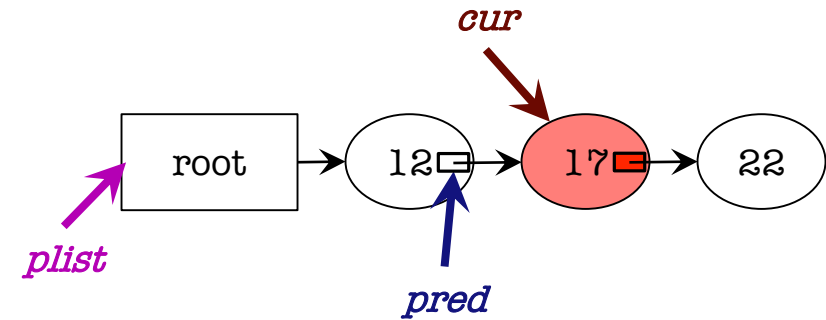
```
        Node cur = pointer(*pred);
```

```
        if(cur->value == value) {           /* trouvé! */
            do { n = cur->next; } while(CAS(&cur->next, n, n | 1) != n);
            found = 1; }
```

```
        if(mark(cur->next)) {               /* cur doit être supprimé */
            if(CAS(pred, cur, cur->next) != cur) goto restart;
            else continue;
        }
```

```
        pred = &cur->next;
```

```
    }
```



Le CAS() finit par fonctionner.

LA LISTE CHAÎNÉE : SUPPRESSION

```
void del(coloredPointer* plist, int value) {
```

restart:

```
    coloredPointer* pred = plist;
```

```
    while(!found) {
```

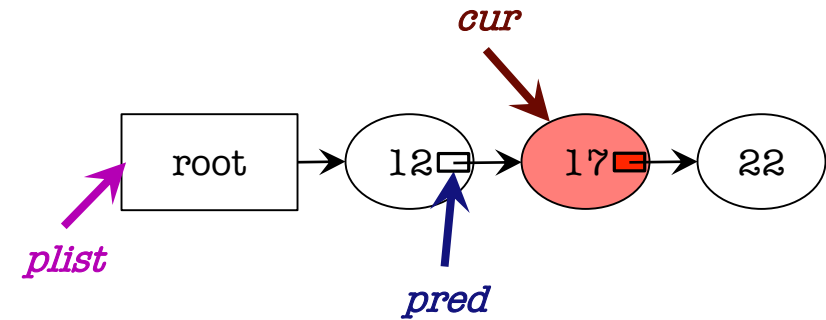
```
        Node cur = pointer(*pred);
```

```
        if(cur->value == value) {           /* trouvé! */
            do { n = cur->next; } while(CAS(&cur->next, n, n | 1) != n);
            found = 1; }
```

```
        if(mark(cur->next)) {               /* cur doit être supprimé */
            if(CAS(pred, cur, cur->next) != cur) goto restart;
            else continue;
        }
```

```
        pred = &cur->next;
```

```
    }
```



LA LISTE CHAÎNÉE : SUPPRESSION

```
void del(coloredPointer* plist, int value) {
```

restart:

```
    coloredPointer* pred = plist;
```

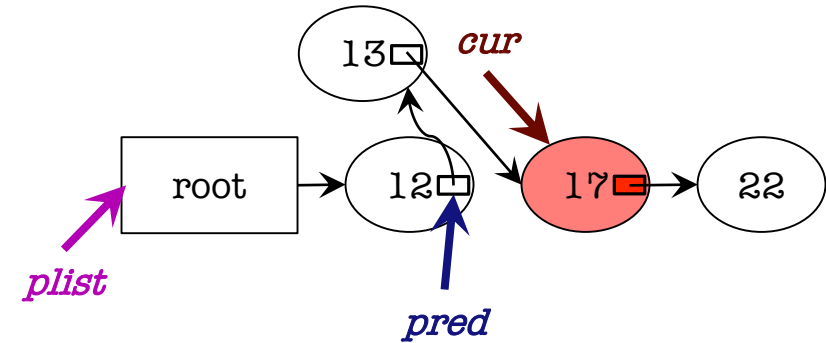
```
    while(!found) {
```

```
        Node cur = pointer(*pred);
```

```
        if(cur->value == value) {           /* trouvé! */
            do { n = cur->next; } while(CAS(&cur->next, n, n | 1) != n);
            found = 1; }
```

```
        if(mark(cur->next)) {               /* cur doit être supprimé */
            if(CAS(pred, cur, cur->next) != cur) goto restart;
            else continue;
```

```
        }
        pred = &cur->next;
    } }
```



Imaginons qu'un autre thread a inséré 13.
Du coup, le CAS() échoue.

LA LISTE CHAÎNÉE : SUPPRESSION

```
void del(coloredPointer* plist, int value) {
```

restart:

```
    coloredPointer* pred = plist;
```

```
    while(!found) {
```

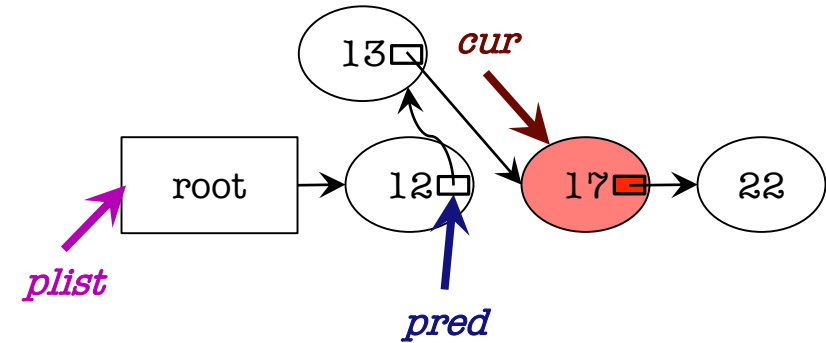
```
        Node cur = pointer(*pred);
```

```
        if(cur->value == value) {           /* trouvé! */
            do { n = cur->next; } while(CAS(&cur->next, n, n | 1) != n);
            found = 1; }
```

```
        if(mark(cur->next)) {               /* cur doit être supprimé */
            if(CAS(pred, cur, cur->next) != cur) goto restart;
            else continue;
        }
```

```
        pred = &cur->next;
```

```
    }
```



Imaginons qu'un autre thread a inséré 13.
Du coup, le CAS() échoue.
Et on quitte car found == 1.

LA LISTE CHAÎNÉE : SUPPRESSION

```
void del(coloredPointer* plist, int value) {
```

restart:

```
    coloredPointer* pred = plist;
```

```
    while(!found) {
```

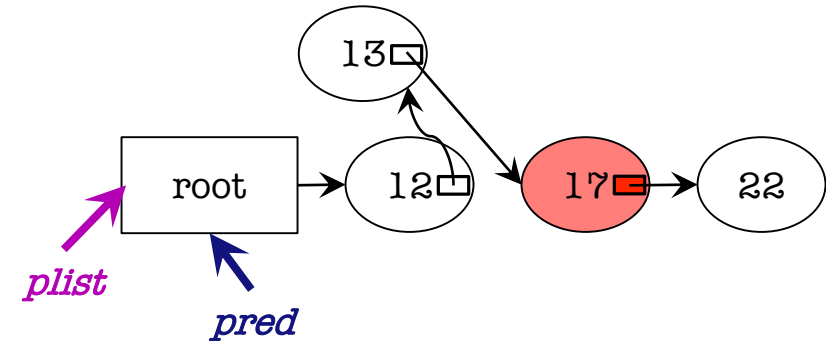
```
        Node cur = pointer(*pred);
```

```
        if(cur->value == value) {           /* trouvé! */
            do { n = cur->next; } while(CAS(&cur->next, n, n | 1) != n);
            found = 1; }
```

```
        if(mark(cur->next)) {               /* cur doit être supprimé */
            if(CAS(pred, cur, cur->next) != cur) goto restart;
            else continue;
        }
```

```
        pred = &cur->next;
```

```
    }
```



Le thread suivant va supprimer 17.
On en est revenus au cas compaction.

LA LISTE CHAÎNÉE TRIÉE D'ENTRIERS : SUPPRESSION D'ÉLÉMENT DÉJÀ SUPPRIMÉ ?

LA LISTE CHAÎNÉE : SUPPRESSION

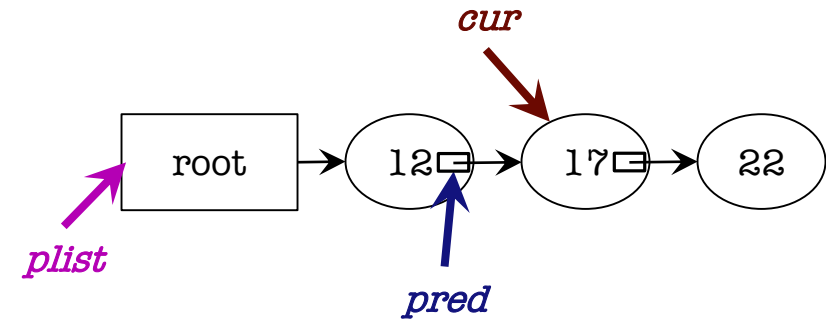
```
void del(coloredPointer* plist, int value) {
```

restart:

```
    coloredPointer* pred = plist;
```

```
    while(!found) {
```

```
        Node cur = pointer(*pred);
```



On suppose que **value = 13**.

```
    if(cur->value == value) {           /* trouvé! */
        do { n = cur->next; } while(CAS(&cur->next, n, n | 1) != n);
        found = 1; }
```

```
    if(mark(cur->next)) {                /* cur doit être supprimé */
        if(CAS(pred, cur, cur->next) != cur) goto restart;
        else continue;
    }
```

```
    pred = &cur->next;
}
```

LA LISTE CHAÎNÉE : SUPPRESSION

```
void del(coloredPointer* plist, int value) {
```

restart:

```
    coloredPointer* pred = plist;
```

```
    while(!found) {
```

```
        Node cur = pointer(*pred);
```

```
        if(cur == null || value < cur->value) /* pas trouvé */
```

```
            return 0;
```

```
        if(cur->value == value) { /* trouvé! */
```

```
            do { n = cur->next; } while(CAS(&cur->next, n, n | 1) != n);
```

```
            found = 1; }
```

```
        if(mark(cur->next)) { /* cur doit être supprimé */
```

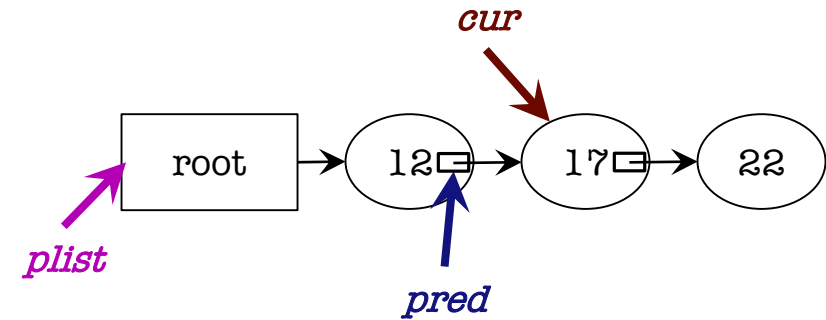
```
            if(CAS(pred, cur, cur->next) != cur) goto restart;
```

```
            else continue;
```

```
        }
```

```
        pred = &cur->next;
```

```
    }
```



On suppose que **value = 13**.
⇒ On sort de la fonction.

LA LISTE CHAÎNÉE : SUPPRESSION

```
void del(coloredPointer* plist, int value) {
```

restart:

```
    coloredPointer* pred = plist;
```

```
    while(!found) {
```

```
        Node cur = pointer(*pred);
```

```
        if(cur == null || value < cur->value) /* pas trouvé */
```

```
            return 0;
```

```
        if(cur->value == value) { /* trouvé! */
```

```
            do { n = cur->next; } while(CAS(&cur->next, n, n | 1) != n);
```

```
            found = 1; }
```

```
        if(mark(cur->next)) { /* cur doit être supprimé */
```

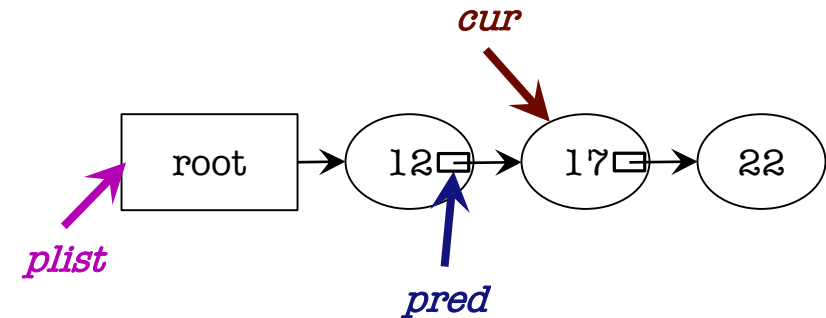
```
            if(CAS(pred, cur, cur->next) != cur) goto restart;
```

```
            else continue;
```

```
        }
```

```
        pred = &cur->next;
```

```
    }
```



On suppose que **value = 13**.
⇒ On sort de la fonction.

On a la fonction del() complète.

LA LISTE CHAÎNÉE TRIÉE D'ENTIERS : INSERTION

LA LISTE CHÂÎNÉE : INSERTION

```
void add(coloredPointer* plist, int value) {
```

restart:

```
    coloredPointer* pred = plist;
```

```
    while(!found) {
```

```
        Node cur = pointer(*pred);
```

```
        if(cur == null || value < cur->value) /* insertion */
```

```
            if(CAS(pred, cur, new Node(cur, value)) != cur) goto restart;
```

```
            else return;
```

```
        if(mark(cur->next)) { /* cur doit être supprimé */
```

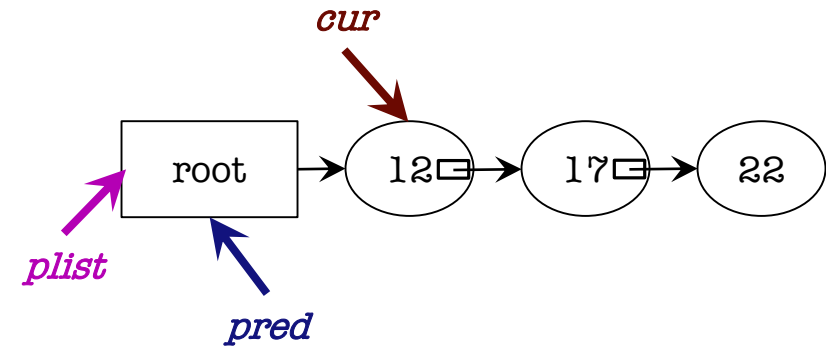
```
            if(CAS(pred, cur, cur->next) != cur) goto restart;
```

```
            else continue;
```

```
        }
```

```
        pred = &cur->next;
```

```
    } }
```



Même principe que pour parcours et compaction...

On suppose que **value = 11**.

LA LISTE CHAÎNÉE : INSERTION

```
void add(coloredPointer* plist, int value) {
```

restart:

```
    coloredPointer* pred = plist;
```

```
    while(!found) {
```

```
        Node cur = pointer(*pred);
```

```
        if(cur == null || value < cur->value) /* insertion */
```

```
            if(CAS(pred, cur, new Node(cur, value)) != cur) goto restart;
```

```
        else return;
```

```
        if(mark(cur->next)) { /* cur doit être supprimé */
```

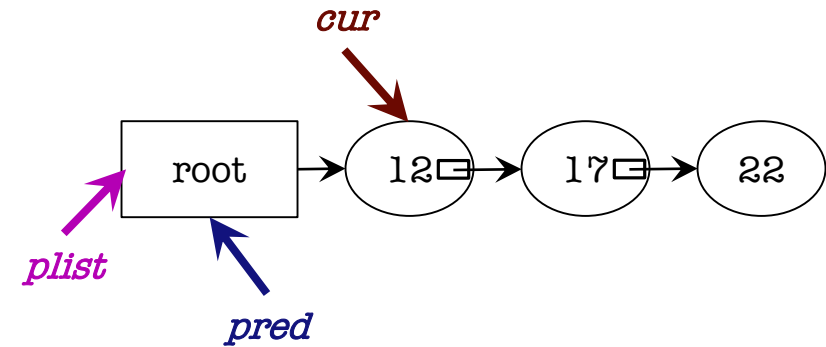
```
            if(CAS(pred, cur, cur->next) != cur) goto restart;
```

```
        else continue;
```

```
    }
```

```
    pred = &cur->next;
```

```
} }
```



Même principe que pour parcours et compaction...

On suppose que **value = 11**.
Il faut s'insérer juste avant **cur** !

LA LISTE CHAÎNÉE : INSERTION

```
void add(coloredPointer* plist, int value) {
```

restart:

```
    coloredPointer* pred = plist;
```

```
    while(!found) {
```

```
        Node cur = pointer(*pred);
```

```
        if(cur == null || value < cur->value) /* insertion */
```

```
        if(CAS(pred, cur, new Node(cur, value)) != cur) goto restart;
```

```
        else return;
```

```
        if(mark(cur->next)) { /* cur doit être supprimé */
```

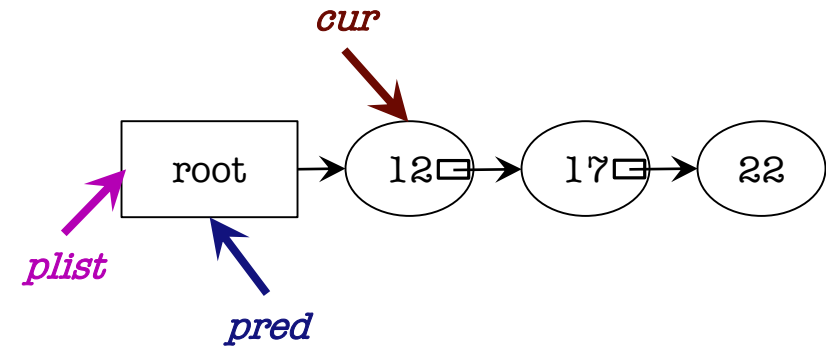
```
            if(CAS(pred, cur, cur->next) != cur) goto restart;
```

```
            else continue;
```

```
        }
```

```
        pred = &cur->next;
```

```
    } }
```



On suppose que **value = 11**.

Le CAS() peut échouer si :

- (1) 12 a été coloré.
- (2) Un nœud ajouté avant 12.

(2) problématique : perte d'un nœud.

Dans le doute, on repart de zéro !

LA LISTE CHAÎNÉE : INSERTION

```
void add(coloredPointer* plist, int value) {
```

restart:

```
    coloredPointer* pred = plist;
```

```
    while(!found) {
```

```
        Node cur = pointer(*pred);
```

```
        if(cur == null || value < cur->value) /* insertion */
```

```
        if(CAS(pred, cur, new Node(cur, value)) != cur) goto restart;
```

```
        else return;
```

```
        if(mark(cur->next)) { /* cur doit être supprimé */
```

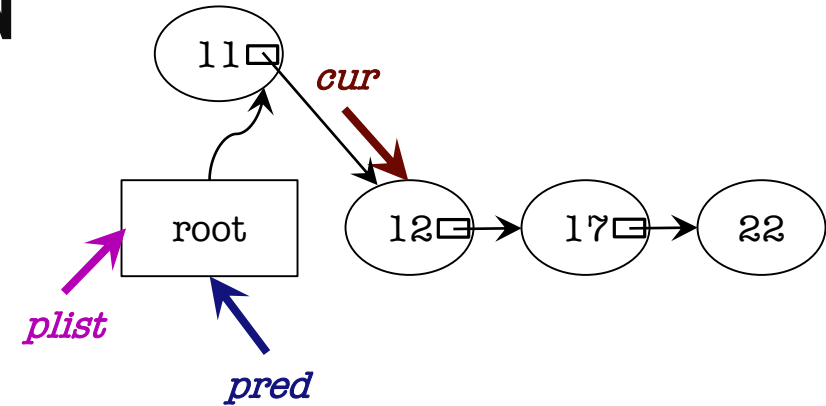
```
            if(CAS(pred, cur, cur->next) != cur) goto restart;
```

```
            else continue;
```

```
        }
```

```
        pred = &cur->next;
```

```
    } }
```



On suppose que **value = 11**.

On suppose que le CAS a réussi ici.

CONCLUSION ALGORITHMIQUE NON-BLOQUANTE

- Avec quelques opérations atomiques, on peut faire pas mal de choses.

CONCLUSION ALGORITHMIQUE NON-BLOQUANTE

- Avec quelques opérations atomiques, on peut faire pas mal de choses.
- **Problème** : ça devient vite très compliqué !

CONCLUSION ALGORITHMIQUE NON-BLOQUANTE

- Avec quelques opérations atomiques, on peut faire pas mal de choses.
- **Problème** : ça devient vite très compliqué !
- Équivalent à utiliser des sections critiques minuscules...

CONCLUSION ALGORITHMIQUE NON-BLOQUANTE

- Avec quelques opérations atomiques, on peut faire pas mal de choses.
- **Problème** : ça devient vite très compliqué !
- Équivalent à utiliser des sections critiques minuscules...
- Généralement très efficace, mais à très haute contention, on risque de réessayer souvent.

CONCLUSION ALGORITHMIQUE NON-BLOQUANTE

- Avec quelques opérations atomiques, on peut faire pas mal de choses.
- **Problème** : ça devient vite très compliqué !
- Équivalent à utiliser des sections critiques minuscules...
- Généralement très efficace, mais à très haute contention, on risque de réessayer souvent.
- **On a juste vu quelques algos, toute une théorie !**

CONCLUSION ALGORITHMIQUE NON-BLOQUANTE

- Avec quelques opérations atomiques, on peut faire pas mal de choses.
- **Problème** : ça devient vite très compliqué !
- Équivalent à utiliser des sections critiques minuscules...
- Généralement très efficace, mais à très haute contention, on risque de réessayer souvent.
- **On a juste vu quelques algos, toute une théorie !**
- **Par exemple** : quand peut-on composer des algos non-bloquants de manière correcte ?

CONCLUSION ALGORITHMIQUE NON-BLOQUANTE

- Avec quelques opérations atomiques, on peut faire pas mal de choses.
- **Problème** : ça devient vite très compliqué !
- Équivalent à utiliser des sections critiques minuscules...
- Généralement très efficace, mais à très haute contention, on risque de réessayer souvent.
- **On a juste vu quelques algos, toute une théorie !**
- **Par exemple** : quand peut-on composer des algos non-bloquants de manière correcte ?
- Voir notion de linéarisabilité...

CONCLUSION ALGORITHMIQUE NON-BLOQUANTE

- Avec quelques opérations atomiques, on peut faire pas mal de choses.
- **Problème** : ça devient vite très compliqué !
- Équivalent à utiliser des sections critiques minuscules...
- Généralement très efficace, mais à très haute contention, on risque de rééssayer souvent.
- **On a juste vu quelques algos, toute une théorie !**
- **Par exemple** : quand peut-on composer des algos non-bloquants de manière correcte ?
- Voir notion de linéarisabilité...
- *Pour plus d'infos, lire « The Art of Multiprocessor Programming » de Herlihy et Shavit.*

